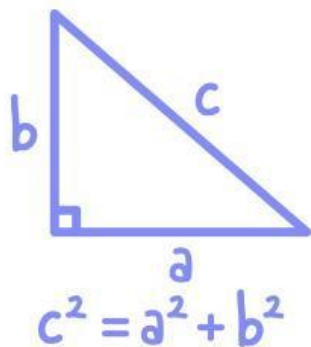




TEOREMA PYTHAGORAS

TRIPLE PYTHAGORAS



VIII

Semester 1

Nama Kelompok

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.
- 6.

IDENTITAS E-LKPD

Mata Pelajaran : Matematika
Model pembelajaran : *Problem Based Learning*
Kelas/Semester : VIII/1
Materi : Triple Pythagoras
Alokasi Waktu : 2 x 40 Menit (2Jp)

**CAPAIAN
PEMBELAJARAN**

Pada akhir fase D, peserta didik dapat menunjukkan kebenaran teorema Pythagoras dan menggunakannya dalam menyelesaikan masalah.

**TUJUAN
PEMBELAJARAN**

1. Peserta didik dapat menemukan pola triple Pythagoras.
2. Peserta didik dapat membuktikan bahwa tiga bilangan merupakan triple Pythagoras.
3. Peserta didik dapat menentukan beberapa triple Pythagoras lain menggunakan bilangan p dan q .

**PETUNJUK
PENGUNAAN**

1. Bacalah dan pahami permasalahan yang diberikan.
2. Diskusikan dalam kelompok untuk memahami dan menganalisis masalah.
3. Kumpulkan informasi dan data yang relevan untuk menyelesaikan masalah.
4. Kerjakan soal-soal yang telah disediakan dengan teliti dan cermat.
5. Gunakan diagram panah atau diagram Cartesius untuk memvisualisasikan relasi.
6. Presentasikan hasil diskusi kelompok di depan kelas.

RINGKASAN MATERI

Tripel Pythagoras merupakan kelompok tiga bilangan asli yang memenuhi ketentuan yaitu kuadrat bilangan terbesar sama dengan jumlah kuadrat dua bilangan lainnya.

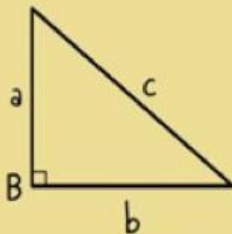
Tripel Pythagoras dinyatakan menggunakan **Teorema Pythagoras** dengan keterangan segitiga siku-siku. Sehingga ada istilah **Kebalikan Teorema Pythagoras** yang digunakan untuk menentukan suatu segitiga termasuk segitiga siku-siku atau tidak. Bagaimana caranya???



Yuk Menyimak !

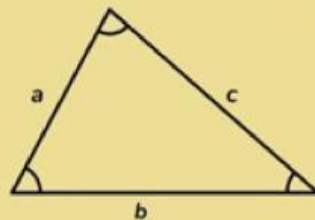
Kebalikan Teorema Pythagoras untuk menentukan jenis segitiga.

Diketahui : c adalah sisi terpanjang pada segitiga berikut.



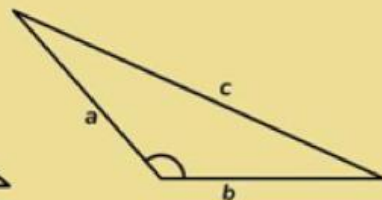
$$c^2 = a^2 + b^2$$

Siku-siku



$$c^2 < a^2 + b^2$$

Lancip



$$c^2 > a^2 + b^2$$

Tumpul

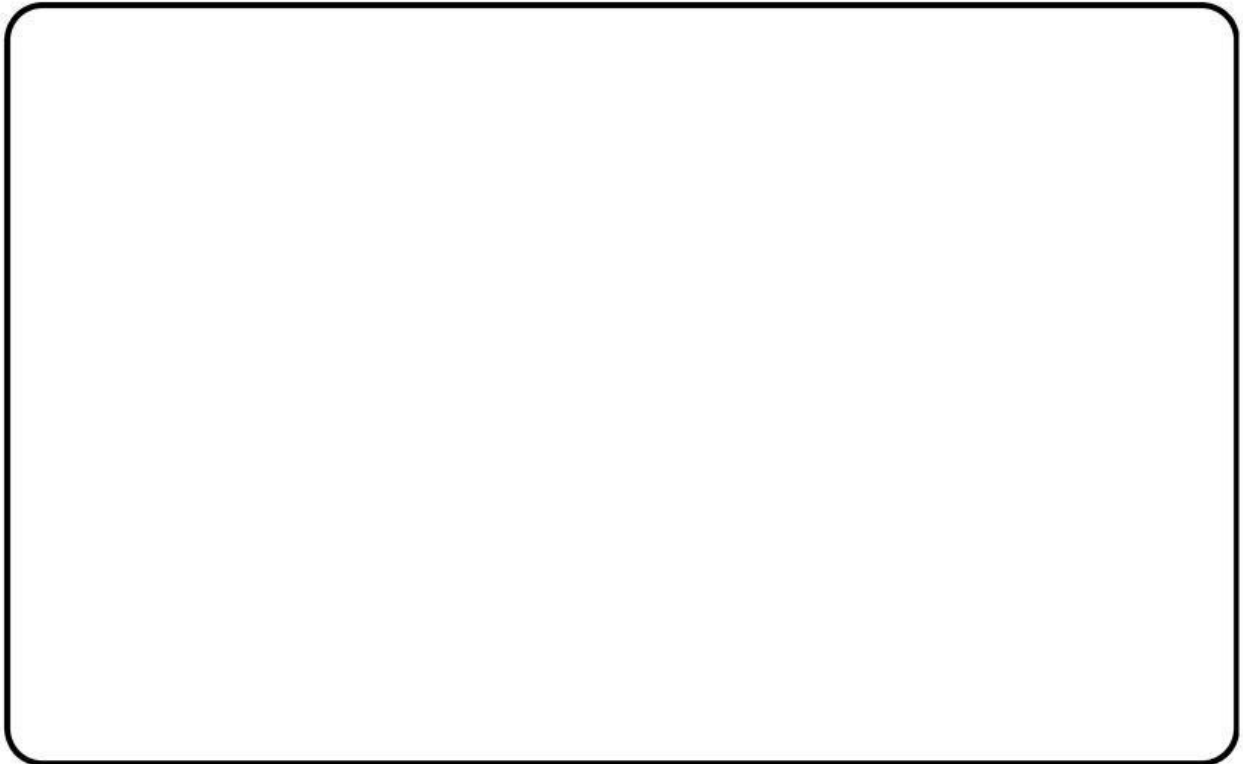
ORIENTASI PESERTA DIDIK PADA MASALAH



MASALAH



Perhatikan video di bawah ini dengan baik dan benar, kemudian jawablah pertanyaan-pertanyaan berdasarkan informasi yang kalian peroleh dari video ini!



ORIENTASI PESERTA DIDIK PADA MASALAH

**Aktivitas 1. Memahami Masalah**

Lengkapilah tabel berikut berdasarkan masalah wisata Rumah Pengasingan Bung Karno. Informasi yang Ditemukan:

- Objek wisata sejarah apa yang menjadi konteks masalah?
.....
- Dari titik mana siswa memulai perjalanan?
.....
- Ke mana arah perjalanan pertama siswa dan berapa jaraknya?
.....
- Ke mana arah perjalanan kedua siswa dan berapa jaraknya?
.....
- Bagaimana hubungan kedua jalur perjalanan tersebut?
.....
- Apa yang ingin diketahui dari masalah tersebut?
.....

MENGORGANISASIKAN SISWA UNTUK BELAJAR



1. Silahkan duduk dan diskusikan masalah dalam kelompok (5-6 orang) yang sudah dibagikan!
2. Guru akan memberikan penjelasan mengenai langkah-langkah yang akan dikerjakan siswa pada LKPD yang telah dibagikan!
3. Kumpulkan data dan informasi yang relevan dari narasi masalah bersama dengan teman sekelompokmu!

MENGORGANISASIKAN SISWA UNTUK BELAJAR



Aktivitas 2. Menyusun Informasi dan Model Matematika

Merencanakan Penyelesaian Masalah

Misalkan:

- Titik A = pintu masuk kawasan
- Titik B = halaman depan kediaman
- Titik C = area taman pengamatan sejarah

Lengkapilah jawaban pada tabel berikut!

Bagian	Keterangan
AB	_____ meter
BC	_____ meter
AC	_____
Titik sudut segitiga siku-siku	_____
Sisi yang ditanyakan	_____

Kemudian pilih jenis sisi berikut dengan menjodohkan mana sisi yang benar!

Sisi			Jenis Sisi
AB	☐	☐	sisi siku-siku
BC	☐	☐	sisi miring
AC	☐	☐	sisi siku-siku



Aktivitas 3. Menentukan Panjang Jalur Langsung

Menyelesaikan Penyelesaian masalah

Karena jalur dari pintu masuk, halaman depan kediaman, dan area taman pengamatan sejarah membentuk segitiga siku-siku, gunakan Teorema Pythagoras.

Diketahui:

AB = meter

BC = meter

Ditanya:

Jawab:

isalkan:

a = AB

b = BC

c = AC

Rumus:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

Penyelesaian:

$$c^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$c^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$c^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$c = \sqrt{\dots\dots\dots}$$

$$c = \dots\dots\dots$$

Jadi, jarak terpendek dari titik A ke titik C adalah meter.

MEMBIMBING PENGUMPULAN DATA DAN INFORMASI

**Aktivitas 4. Menemukan Pola Triple Pythagoras****Menyelesaian Penyelesaian masalah**

Dari hasil perhitungan, diperoleh panjang sisi-sisi segitiga: 300,400,500
Sederhanakan ketiga bilangan tersebut dengan membagi 100.

$$a = 300 : 100 = \text{-----}, b = 400 : 100 = \text{-----}, c = 500 : 100 = \text{-----}$$

Maka diperoleh bilangan:

$$a = \text{-----}, b = \text{-----}, c = \text{-----}$$

Sekarang buktikan apakah tiga bilangan tersebut memenuhi Teorema Pythagoras.

$$\text{-----}^2 + \text{-----}^2 = \text{-----}^2$$

$$\text{-----} + \text{-----} = \text{-----}$$

$$\text{-----} = \text{-----}$$

Berdasarkan definisi triple pythagoras, apakah bilangan yang kamu temukan merupakan triple Pythagoras?

Jawaban : -----

Alasan : -----

MEMBIMBING PENGUMPULAN DATA DAN INFORMASI



Aktivitas 5. Ayo Berlatih Menentukan Triple Pythagoras dari Bilangan p dan q

Setelah kamu menemukan bahwa 3,4,5 merupakan triple Pythagoras, sekarang kamu akan berlatih menemukan triple Pythagoras lainnya.

Triple Pythagoras dapat dibentuk dari dua bilangan asli p dan q, dengan syarat:

$$p > q$$

Gunakan aturan berikut:

$$p^2 + q^2$$

$$p^2 - q^2$$

$$2pq$$

Keterangan:

- $p^2 + q^2$ menjadi sisi miring.
- $p^2 - q^2$ dan $2pq$ menjadi sisi siku-siku.

Petunjuk Aktivitas

- Lengkapi hubungan Pythagoras pada kolom jawaban titik-titik yang belum terisi.
- Tarik jawaban pada kotak jawaban dibawah ke kolom titik-titik yang belum terisi menggunakan fitur drag and drop.
- Tentukan triple Pythagoras yang terbentuk

p	q	$p^2 + q^2$	$p^2 - q^2$	$2pq$	Hubungan Pythagoras	Triple Pythagoras
2	1	$2^2 + 1^2 = 5$	$2^2 - 1^2 = 3$	$2 \times 2 \times 1 = 4$	$5^2 = 3^2 + 4^2$	3, 4, 5
3	1	_____	8	_____	$10^2 = 8^2 + 6^2$	_____
3	2	13	_____	_____	$13^2 = 5^2 + 12^2$	_____
4	1	_____	15	_____	$17^2 = 15^2 + 8^2$	_____
4	2	_____	_____	16	$20^2 = 12^2 + 16^2$	_____

Kotak Jawaban

10	12	8, 15, 17	6, 8, 10	17	12
6	5, 12, 13	20	5	8	12, 16, 20

Lengkapi tabel triple pythagoras dibawah ini!

No	a	b	c	$c^2 = a^2 + b^2$
1	3	4	5	25
2	6	8		100
3	5		13	169
4		24	26	
5	8	15		289
6	16		34	

Berdasarkan kegiatan diatas apa kesimpulan yang kamu dapatkan tentang triple pythagoras!

.....

MENGEMBANGKAN DAN MENYAJIKAN HASIL



Setelah berdiskusi dengan teman kelompokmu dan menyelesaikan semua aktivitas pada E-LKPD, presentasikan hasil kerja kelompokmu di depan kelas.

MENGANALISIS DAN EVALUASI



Setelah semua kelompok presentasi di depan kelas, buatlah kesimpulan dari proses pembelajaran yang telah dipelajari. Guru membantu dalam melakukan refleksi dan menarik kesimpulan dari pembelajaran LKPD ini.

MENGANALISIS DAN EVALUASI

**Aktivitas 6. Memeriksa Kembali Jawaban**

Jawablah pertanyaan berikut.

1. Periksa kembali jawaban diperoleh apakah sudah benar!

$$300^2 + 400^2 = 500^2$$

Jawab:

$$\begin{array}{r} \text{-----}^2 + \text{-----}^2 = \text{-----}^2 \\ \text{-----} + \text{-----} = \text{-----} \\ \text{-----} = \text{-----} \end{array}$$

2. Mengapa 3, 4, dan 5 disebut triple Pythagoras?

Jawab:

.....

.....

3. Apakah semua tiga bilangan dapat disebut triple Pythagoras? Jelaskan.

Jawab:

.....

.....

4. Buatlah Kesimpulan akhir dari masalah yang disajikan?

Jawab:

.....

.....

Tuliskan hal yang paling kamu pahami dari pembelajaran hari ini.

.....

.....

.....

.....

EVALUASI (LATIHAN SOAL)



Kerjakan soal dibawah ini dengan cermat untuk menambah pemahaman kalian tentang materi yang dipelajari.

Pada saat kegiatan wisata edukasi di Kediaman Pengasingan Bung Karno Bengkulu, petugas ingin memasang papan informasi sejarah di dinding bagian depan gedung. Agar dapat mencapai tempat pemasangan papan, petugas menggunakan sebuah tangga. Ujung atas tangga menyentuh dinding pada ketinggian 600 cm dari tanah. Kaki tangga diletakkan di tanah dengan jarak 800 cm dari dinding. Jika dinding, tanah, dan tangga membentuk segitiga siku-siku. tentukan :

- berapakah panjang tangga yang digunakan petugas?
- tentukan apakah segitiga tersebut merupakan triple pythagoras!

1. Memahami Masalah

PENYELESAIAN

Diketahui:

- Tinggi dinding yang dicapai tangga (a) = cm
- Jarak kaki tangga ke dinding (b) = cm
- Tangga merupakan sisi

Ditanyakan:

2. Merencanakan Penyelesaian masalah

Strategi atau rumus yang digunakan:

.....

3. Melaksanakan penyelesaian masalah

Penyelesaian:

- menentukan panjang tangga!

$$C^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$C^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$C^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2$$

$$C = \sqrt{\dots\dots\dots}$$

$$C = \dots\dots\dots$$

EVALUASI (LATIHAN SOAL)



3. Melaksanakan penyelesaian masalah

b. tentukan apakah hasil segitiga tersebut merupakan triple pythagoras!

Dari hasil perhitungan, diperoleh panjang sisi-sisi segitiga: 300,400,500

Sederhanakan ketiga bilangan tersebut dengan membagi 100.

$a = \dots : 100 = \dots$, $b = \dots : 100 = \dots$, $c = \dots : 100 = \dots$

Maka diperoleh bilangan:

$a = \dots$, $b = \dots$, $c = \dots$

Sekarang buktikan apakah tiga bilangan tersebut memenuhi Teorema Pythagoras.

$\dots + \dots = \dots$

$\dots + \dots = \dots$

$\dots + \dots = \dots$

Berdasarkan definisi triple pythagoras, apakah bilangan yang kamu temukan merupakan triple Pythagoras?

.....

4. Memeriksa kembali

periksa kembali apakah jawaban yang kamu dapatkan sudah benar!

a.

$$a^2 + b^2 = c^2$$

.....

.....

.....

b. berikan alasan mu terkait jawaban triple pythagoras yang kamu dapatkan!

.....

.....