



Kurikulum
Merdeka

E-LKPD

MATEMATIKA

TRIGONOMETRI



Bhatari Yustisia



NAMA ANGGOTA KELOMPOK



Nama anggota kelompok:

.....
.....
.....
.....

IDENTITAS E-LKPD

Mata pelajaran : Matematika
Kelas : X
Semester : Genap
Alokasi waktu : 20 Menit
Materi : Perbandingan Trigonometri



PETUNJUK

1. Berdoalah sebelum memulai mengerjakan e-LKPD!
2. Lengkapilah identitas kelompok!
3. Bacalah setiap panduan dan petunjuk dalam e-LKPD dengan cermat!
4. Selesaikan kegiatan yang ada di e-LKPD dengan baik, benar, dan bertanggung jawab!
5. Diskusikan jawaban dengan anggota kelompok!
6. Konsultasikan dengan guru apabila mengalami kesulitan!

CAPAIAN PEMBELAJARAN



Di akhir fase E, peserta didik dapat menyelesaikan permasalahan segitiga siku-siku yang melibatkan perbandingan trigonometri dan aplikasinya.

TUJUAN PEMBELAJARAN



Setelah pembelajaran, peserta didik dapat mengidentifikasi sisi depan, sisi samping, dan sisi miring suatu segitiga siku-siku dengan benar.



Setelah pembelajaran, peserta didik dapat menentukan besar sudut suatu segitiga siku-siku menggunakan perbandingan trigonometri dengan benar.



Setelah pembelajaran, peserta didik dapat menentukan panjang sisi suatu segitiga siku-siku menggunakan nilai perbandingan trigonometri dengan benar.



Langkah-Langkah Problem Based Learning (PBL)

1. Orientasi Masalah

Peserta didik mengidentifikasi masalah yang diberikan guru untuk diselesaikan.

2. Mengorganisasikan Peserta Didik

Peserta didik melakukan klasifikasi informasi dari masalah yang ada.

3. Membimbing Penyelidikan

Peserta didik mengolah hasil pengumpulan informasi/data untuk digunakan sebagai solusi dalam menyelesaikan masalah.

4. Pengembangan & Penyajian Hasil Karya

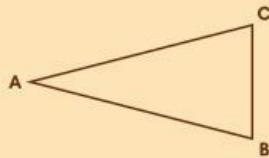
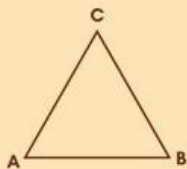
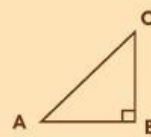
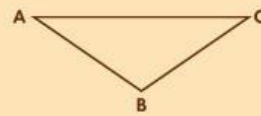
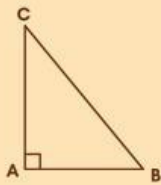
Peserta didik merumuskan dan menetapkan solusi dari permasalahan yang diberikan melalui kegiatan diskusi. Hasil diskusi tersebut kemudian disusun dalam bentuk laporan penyelesaian masalah. Selanjutnya, peserta didik mempresentasikan solusi yang telah dikemukakan di depan kelas.

5. Analisis dan Evaluasi

Peserta didik merevisi, menganalisis, dan mengevaluasi terhadap pemecahan masalah dalam diskusi kelas.

AYO MENGINGAT KEMBALI!

Amatilah segitiga di bawah ini. Tarik dan letakkan gambar segitiga ke dalam kolom klasifikasi yang benar!



Segitiga Siku-Siku

Bukan Segitiga Siku-Siku

KEGIATAN I



FAKTA BUDAYA

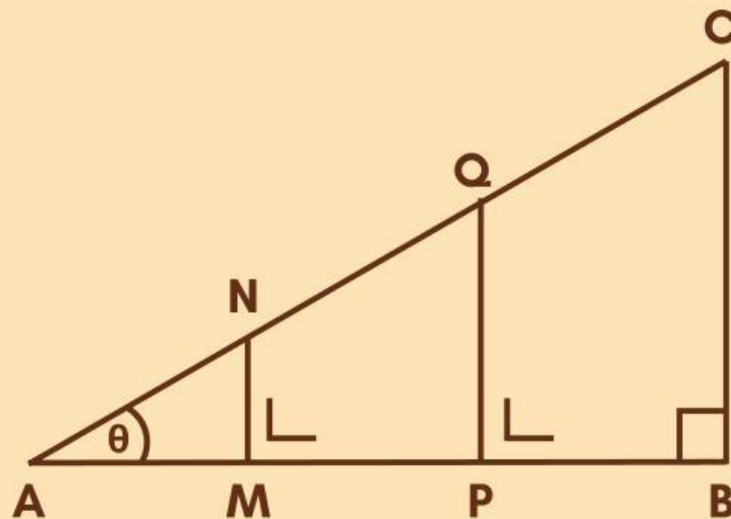


Rumah Kutai adalah rumah khas dari suku Kutai yang ada di wilayah Kutai Kartanegara di Provinsi Kalimantan Timur. Masyarakat Kutai sangat akrab dengan air karena tinggal di bantaran sungai. Hal ini tercermin pada bentuk rumah adat mereka yang umumnya dibuat berkolong sebagai penyesuaian terhadap kondisi lingkungan.

AYO MENYELESAIKAN MASALAH!

Kakek Topan tinggal di sebuah rumah Kutai. Rumah tersebut memiliki tinggi lantai 2 meter dari permukaan tanah. Tangga lama yang digunakan memiliki panjang 3 meter sehingga kemiringannya terasa cukup curam. Seiring bertambahnya usia, Kakek Topan mulai merasa kesulitan menaiki tangga rumahnya karena kemiringannya terlalu curam. Untuk mempermudah aktivitas beliau, keluarga berencana membuat tangga baru yang lebih landai dengan menyediakan kayu sepanjang 4 meter sebagai sisi miring tangga. Agar konstruksi tangga tersebut kokoh, dibuat dua tiang penopang tambahan di bawahnya, yakni tiang NM yang diletakkan pada satu per tiga panjang tangga dan tiang QP pada dua per tiga panjang tangga, sehingga membentuk pola segitiga berlapis seperti pada gambar di bawah ini.





Berapakah besar sudut kemiringan yang terbentuk antara pangkal sisi miring tangga dengan permukaan tanah?



Apa hubungan antara sisi-sisi segitiga siku-siku dengan kemiringan tangga?

Untuk mengetahui besar sudut yang dibentuk oleh sisi miring tangga dengan permukaan tanah, kalian harus memahami hubungan sudut dan sisi pada segitiga siku-siku menggunakan trigonometri.

AYO MENYELIDIKI!

Sebelum menentukan besar sudutnya, mari selidiki hubungan antar sisi pada segitiga tersebut dengan melengkapi tabel perbandingan berikut!

Catatan: Tuliskan nilai perbandingan pada kolom terakhir dalam bentuk pecahan paling sederhana!

Nama Segitiga	Sisi Depan Sudut θ	Sisi Miring	Perbandingan
Segitiga AMN	m	m	
Segitiga APQ	m	m	
Segitiga ABC	2 m	4 m	$\frac{1}{2}$

AYO MENYIMPULKAN!

1. Apakah nilai perbandingan antara sisi depan sudut θ dengan sisi miring pada ketiga segitiga tersebut memiliki nilai yang sama?

Jawab:

2. Ketika suatu segitiga mengalami perubahan ukuran, apa yang menyebabkan nilai perbandingannya tetap sama?

Jawab:

AYO MENGENAL TRIGONOMETRI!

Berdasarkan hasil penyelidikan kalian, ternyata hubungan antar sisi pada segitiga siku-siku memiliki nama khusus yang dikenal sebagai Perbandingan Trigonometri.

Mari kita kenali hubungan perbandingan tersebut:

1. Sinus ($\sin \theta$) merupakan perbandingan sisi depan sudut θ terhadap sisi miring.

$$\sin \theta = \frac{\text{sisi depan sudut } \theta}{\text{sisi miring sudut } \theta}$$

2. Cosinus ($\cos \theta$) merupakan perbandingan sisi samping sudut θ terhadap sisi miring.

$$\cos \theta = \frac{\text{sisi samping sudut } \theta}{\text{sisi miring sudut } \theta}$$

Tangen ($\tan \theta$) merupakan perbandingan sisi depan sudut θ terhadap sisi samping sudut θ .

$$\tan \theta = \frac{\text{sisi depan sudut } \theta}{\text{sisi samping sudut } \theta}$$

AYO MENEMUKAN SOLUSI!

Setelah kalian menyelidiki hubungan antar sisi dan memahami konsep perbandingan trigonometri, mari kita temukan solusi untuk permasalahan tangga rumah Kutai Kakek Topan!

Menentukan Besar Sudut Kemiringan (θ)

Dari hasil penyelidikan sebelumnya, diperoleh:

- Tinggi lantai (sisi) = m
- Panjang tangga (sisi) = m

Maka perbandingan trigonometrinya adalah:

$$\theta = \frac{\text{sisi } \text{}}{\text{sisi } \text{}} = \frac{\text{}}{\text{}} = \text{}$$

AYO BEREKSPLORASI!

Gambarlah sebuah segitiga siku-siku dengan panjang sisi di depan sudut θ sebesar 1 satuan dan panjang sisi miring sebesar 2 satuan. Selanjutnya, ukurlah besar sudut θ menggunakan busur derajat. Tuliskan hasil pengukuranmu, kemudian unggah gambar segitiga beserta hasil pengukuran sudut θ pada tautan di bawah ini!

Berdasarkan hasil pengukuran pada gambar segitiga siku-siku dengan busur derajat, diketahui bahwa nilai $\theta =$ dihasilkan oleh sudut sebesar °.

Jadi besar sudut kemiringan yang terbentuk antara pangkal sisi miring tangga rumah Kutai Kakek Topan dengan permukaan tanah adalah °.

AYO MEMPRESENTASIKAN!

Presentasikan hasil diskusi kelompok kalian dengan percaya diri di depan kelas!

ANALISIS DAN EVALUASI

Tuliskan kesimpulan kalian!

KEGIATAN 2



FAKTA BUDAYA



Ulap doyo adalah warisan budaya Kutai yang dibuat dari serat tanaman doyo dan dikenal dengan motif serta warna khas dari pewarna alami. Pembuatannya menggunakan alat tenun gedongan yang dipasang miring.

AYO MENYELESAIKAN MASALAH!

Ibu Yulia adalah seorang pengrajin Tenun Ulap Doyo, warisan budaya khas masyarakat Kutai. Ia ingin memperkenalkan seni menenun ini kepada anaknya sejak dini, tetapi alat gedogan miliknya berukuran terlalu besar sehingga kurang cocok untuk digunakan anak-anak. Untuk membuat alat tenun yang nyaman dipakai anaknya, Ibu Yulia menetapkan bahwa badan alat tenun harus dipasang dengan kemiringan 45° terhadap lantai. Ia kemudian menetapkan jarak antara ujung bawah badan alat tenun dan kaki penyangga sepanjang 60 cm. Agar badan alat tenun dapat berdiri kokoh pada sudut tersebut, Ibu Yulia memasang kaki penyangga sehingga badan alat tenun, lantai, dan kaki penyangga membentuk segitiga siku-siku. Berapakah tinggi kaki penyangga yang dibutuhkan?

AYO MENEMUKAN SOLUSI!

Setelah kalian menyelidiki hubungan antar sisi dan memahami konsep perbandingan trigonometri, mari kita temukan solusi untuk permasalahan gedongan Ulap Doyo Ibu Yulia!

Lengkapi informasi berikut:

- Besar sudut kemiringan (θ) = °
- Jarak antara ujung bawah badan alat tenun dan titik tumpu kaki penyangga (sisi) = cm
- Sisi yang dicari (tinggi penyangga) merupakan sisi

Karena diketahui besar sudut dan panjang sisi , serta akan dicari panjang sisi , maka digunakan perbandingan .

$$\theta = \frac{\text{sisi } \text{}}{\text{sisi } \text{}}$$

$$\text{}^\circ = \frac{\text{sisi } \text{}}{\text{}}$$

AYO BEREKSPLORASI!

Gambarlah sebuah segitiga siku-siku dengan besar sudut θ sebesar °. Selanjutnya, ukurlah panjang sisi di depan sudut θ dan panjang sisi di samping sudut θ menggunakan penggaris. Berdasarkan hasil pengukuran tersebut, tentukan nilai θ . Tuliskan hasil pengukuran kalian, kemudian unggah gambar segitiga beserta hasil pengukuran sudut θ pada tautan di bawah ini!

AYO MENEMUKAN SOLUSI!

Setelah kalian menemukan nilai θ , mari kita lanjutkan untuk menemukan solusi untuk permasalahan gedongan Ulap Doyo Ibu Yulia!

$$\frac{\text{[]}}{\text{[]}} = \frac{\text{sisi []}}{\text{[]}}$$

$$\text{sisi []} = \frac{\text{[]}}{\text{[]}} \times \text{[]}$$

$$\text{sisi []} = \text{[]}$$

Jadi, tinggi kaki penyangga yang dibutuhkan agar badan alat tenun dapat dipasang dengan kemiringan 45° adalah cm.

AYO MEMPRESENTASIKAN!

Presentasikan hasil diskusi kelompok kalian dengan percaya diri di depan kelas!

ANALISIS DAN EVALUASI

Tuliskan kesimpulan kalian!

KEGIATAN 3



FAKTA BUDAYA



Ketinting merupakan perahu bermotor tradisional yang terbuat dari kayu dan digunakan sebagai sarana transportasi air oleh masyarakat di wilayah Sungai Mahakam.

AYO MENYELESAIKAN MASALAH!

Sebuah ketinting akan dipindahkan dari daratan menuju Sungai Mahakam untuk keperluan Festival Erau menggunakan papan peluncur. Pada percobaan sebelumnya, papan peluncur yang digunakan terlalu pendek sehingga membentuk sudut kemiringan 60° terhadap permukaan tanah. Akibatnya, ketinting meluncur terlalu cepat dan sulit dikendalikan. Untuk mengurangi risiko tersebut, panitia berencana menggunakan papan peluncur yang lebih landai dengan sudut kemiringan 37° terhadap permukaan tanah. Jika jarak mendatar antara posisi ketinting dan bibir sungai adalah 5 meter, berapakah panjang papan peluncur minimum yang harus disiapkan panitia agar proses pemindahan ketinting berlangsung aman?

AYO MENEMUKAN SOLUSI!

Setelah kalian menyelidiki hubungan antar sisi pada segitiga siku-siku dan memahami konsep perbandingan trigonometri, mari kita temukan solusi untuk permasalahan papan peluncur ketinting pada Festival Erau!

Lengkapi informasi berikut:

- Besar sudut kemiringan (θ) = °
- jarak mendatar antara posisi ketinting dan bibir sungai () = m
- Sisi yang dicari (panjang papan peluncur) merupakan

Karena diketahui besar sudut dan panjang sisi , serta akan dicari panjang sisi , maka digunakan perbandingan .

$$\cos \theta = \frac{\text{sisi } \text{input type="text"}}{\text{sisi } \text{input type="text"}}$$

$$\text{input type="text"} \text{ input type="text"}^\circ = \frac{\text{sisi } \text{input type="text"}}{\text{sisi } \text{input type="text"}}$$

AYO BEREKSPLORASI!

Gambarlah sebuah segitiga siku-siku dengan besar sudut θ sebesar °. Selanjutnya, ukurlah panjang sisi samping sudut θ dan panjang sisi miring menggunakan penggaris. Berdasarkan hasil pengukuran tersebut, tentukan nilai θ . Tuliskan hasil pengukuran kalian, kemudian unggah gambar segitiga beserta hasil pengukuran sisi-sisinya pada tautan di bawah ini!