

Materi Persamaan Garis Lurus "Gradien (Kemiringan)"

MODEL DISCOVERY LEARNING

KELAS:

KELOMPOK:

Nama Anggota Kelompok:

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

DISUSUN OLEH:
ULVA ANNATRI
MARECCHA

WAKTU Pengerjaan:
60 MENIT

MATEMATIKA
KELAS VIII
SEMESTER GENAP



Langkah-Langkah *Discovery Learning*

1. *Stimulation* (Pemberian rangsangan)
2. *Problem Statement* (Identifikasi masalah)
3. *Data Collection* (Pengumpulan data)
4. *Data Processing* (Pengolahan data)
5. *Verification* (Pembuktian)
6. *Generalization* (Penarikan kesimpulan)

Indikator Kemampuan Pemahaman Konsep

1. Menyatakan ulang suatu konsep
2. Mengklasifikasikan objek berdasarkan sifat-sifat tertentu sesuai konsep
3. Memberikan contoh dan bukan contoh dari suatu konsep
4. Menyajikan konsep dalam berbagai representasi matematis
5. Mengembangkan syarat perlu atau syarat cukup dari suatu konsep
6. Menggunakan, memanfaatkan, serta memilih prosedur atau operasi tertentu secara tepat
7. Menerapkan konsep atau algoritma dalam pemecahan masalah





Capaian Pembelajaran

Di akhir fase D, peserta didik mampu memahami dan merepresentasikan persamaan garis lurus dalam berbagai bentuk, seperti tabel, grafik, dan persamaan aljabar. Peserta didik juga mampu menentukan dan menafsirkan gradien sebagai ukuran kemiringan atau laju perubahan suatu hubungan linear, serta menggunakan konsep tersebut untuk menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan garis lurus.

Tujuan Pembelajaran

1. Peserta didik mampu memahami konsep gradien (kemiringan garis) pada persamaan garis lurus dengan benar.
2. Peserta didik mampu menentukan persamaan garis berdasarkan gradien dan titik yang diketahui dengan tepat.

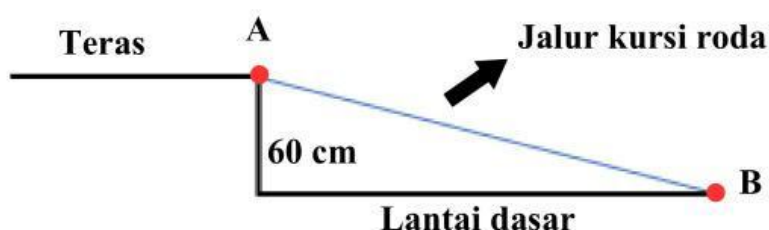
Petunjuk Pengerjaan

1. Berdoa sebelum mengerjakan
2. Baca dan pelajari dengan cermat isi E-LKPD yang tersedia.
3. Kerjakan setiap tahapan kegiatan sesuai petunjuk atau arahan.
4. Bahaslah permasalahan dalam E-LKPD bersama kelompok, lalu jawablah hasil diskusinya pada kolom yang tersedia.
5. Jika terdapat kendala, mintalah bantuan kepada guru.
6. Kumpulkan pekerjaan kalian jika sudah selesai.

Bacalah informasi pada masalah 2 dengan seksama!

Tahukah kamu, Negara Kanguru, Australia, memiliki aturan khusus mengenai kemiringan jalan atau lintasan. Untuk pengguna kursi roda, kemiringan jalan tidak boleh melebihi 0,15 cm.

Gambar 1 menunjukkan bagian teras sekolah. Pihak sekolah berencana membangun jalan khusus bagi pengguna kursi roda agar lebih mudah dan aman saat melintas.



Gambar 1. Teras sekolah

Jika panjang jalur kursi roda yang akan dibangun adalah 500 cm, apakah jalur kursi roda tersebut sudah memenuhi syarat keamanan bagi pengguna kursi roda? Kemudian tentukan persamaan garis yang terbentuk dari masalah 2?

Berdasarkan masalah 2, jawablah pertanyaan berikut!

1. Apa saja objek yang terlihat pada gambar 1 yang menurutmu akan digunakan dalam penyelesaian masalahnya?

2. Menurut kalian, bagaimana cara menentukan apakah suatu jalan “terlalu curam” atau “cukup landai” secara matematis?

**Problem Statement/
Identifikasi Masalah**

5 Menit

Dari masalah 2, apa informasi yang kamu ketahui dan permasalahan apa yang ditanyakan?

- Informasi yang diketahui:

- Permasalahan yang ditanyakan:

- Dari permasalahan yang ditanyakan, berikan hipotesis atau perkiraan jawabannya!

Menyajikan konsep dalam berbagai representasi matematis

10 Menit

**Data Collection/
Pengumpulan Data**

Untuk menentukan gradien (kemiringan) suatu garis lurus, lakukan langkah-langkah berikut secara berurutan!

Petunjuk 1:

1. Diketahui titik:

- Titik A (1, 1)
- Titik B (3, 5)

2. Hitunglah gradien dari kedua titik tersebut dengan langkah-langkah berikut!

Titik A (..... , ...) $\rightarrow x_1 = \dots y_1 = \dots$

Titik B (..... , ...) $\rightarrow x_2 = \dots y_2 = \dots$

- Hitung selisih perubahan panjang sisi mendatar (Δx)

$$x_2 - x_1 = \dots - \dots$$

- Hitung selisih perubahan panjang sisi tegak (Δy)

$$y_2 - y_1 = \dots - \dots$$

- Hitung perbandingan perubahan nilai y terhadap nilai x

$$\text{Gradien } (m) = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\quad}{\quad} = \quad = \dots$$

Hasil gradien yang diperoleh bernilai _____



Petunjuk Geogebra:

1. Buka aplikasi Geogebra di ponselmu.
2. Ketik titik A (1,1) dan titik B (3,5) pada input bar Geogebra.
3. Hubungkan kedua titik menggunakan fitur *Line Through Two Point* (garis yang melalui dua titik).
4. Ambil *screenshot* (tangkapan layar) hasil Geogebra yang telah dibuat.
5. Kirim gambar screenshot Geogebra ke link Google Drive di bawah ini.
6. Masukkan gambar ke folder Google Drive sesuai nama kelompok masing-masing

Link pengumpulan gambar 1:



Petunjuk 2:

1. Diketahui titik:

- Titik C (1, 5)
- Titik B (3, 1)

2. Hitunglah gradien dari kedua titik tersebut dengan langkah-langkah berikut!

Titik C (..... , ...) $\rightarrow x_1 = \dots y_1 = \dots$

Titik D (..... , ...) $\rightarrow x_2 = \dots y_2 = \dots$

- Hitung selisih perubahan panjang sisi mendatar (Δx)

$$x_2 - x_1 = \dots - \dots$$

- Hitung selisih perubahan panjang sisi tegak (Δy)

$$y_2 - y_1 = \dots - \dots$$

- Hitung perbandingan perubahan nilai y terhadap nilai x

$$\text{Gradien } (m) = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\quad}{\quad} = \quad = \dots$$

Hasil gradien yang diperoleh bernilai _____

**Petunjuk Geogebra:**

1. Buka aplikasi Geogebra di ponselmu.
2. Ketik titik A (1,1) dan titik B (3,5) pada input bar Geogebra.
3. Hubungkan kedua titik menggunakan fitur *Line Through Two Point* (garis yang melalui dua titik).

Petunjuk Geogebra:

4. Ambil *screenshot* (tangkapan layar) hasil Geogebra yang telah dibuat.
5. Kirim gambar screenshot Geogebra ke link Google Drive di bawah ini.
6. Masukkan gambar ke folder Google Drive sesuai nama kelompok masing-masing

Link pengumpulan gambar 2:



Berdasarkan hasil perhitungan gradien dan gambar garis yang kalian peroleh pada kegiatan sebelumnya, tentukan pernyataan yang benar berikut ini!

1. Jika nilai gradien suatu garis bernilai positif, maka arah garis akan

2. Jika nilai gradien suatu garis bernilai negatif, maka arah garis akan

**Data Processing/
Pengolahan Data**

10 Menit

Menggunakan serta memanfaatkan prosedur atau operasi tertentu secara tepat

Kalian sudah menemukan bagaimana perbandingan Δy dengan Δx pada kegiatan sebelumnya. Sekarang gunakan konsep tersebut untuk menghitung kemiringan jalan kursi roda dan persamaan garisnya.

Baca dan pahami kembali soal pada masalah 2!

Berdasarkan masalah 2, tuliskan informasi yang diketahui:

Kemiringan maksimum = ... cm

Tinggi teras = ... cm, adalah _____

Panjang jalur kursi roda = ... cm, adalah _____

- Hitung kemiringan atau gradien berdasarkan informasi yang kalian dapatkan pada masalah 2!

Perubahan panjang sisi tegak (nilai y) = ... cm

Perubahan Panjang sisi mendatar (nilai x) = ... cm

- Hitung perbandingan perubahan nilai y terhadap nilai x untuk menemukan nilai gradiennya:

$$\text{Gradien } (m) = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \text{---}$$

$$m = \text{....}$$

- Menentukan Persamaan Garis

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - \text{---} = \text{---}(x - \text{---})$$

$$y - \text{---} = \text{---}x$$

$$y = \text{---}$$

Kesimpulan:

Nilai kemiringan atau gradien (m) jalan untuk pengguna kursi roda adalah

Kemiringannya bernilai maka arah garis

Persamaan garis untuk kemiringannya adalah

Kalian telah menemukan gradien atau kemiringan jalan dan persamaan garisnya. Sekarang buktikan apakah jalan tersebut memenuhi syarat keamanan?

Bandingkan hasil kemiringan yang kalian peroleh pada tahap *Data Processing* dengan batas kemiringan aman bagi pengguna kursi roda.



Diketahui:

- Batas kemiringan jalan pengguna kursi roda maksimum 0,15 cm
- Kemiringan jalan yang diperoleh, $m = \dots$

Bandingkan, apakah $m \leq 0,15$?

1. Apakah jalur kursi roda tersebut aman untuk pengguna kursi roda?
Jelaskan jawabanmu!

- Persamaan garis yang diperoleh = ...

Bandingkan persamaan yang kalian peroleh dengan bentuk umum persamaan garis berikut: $y = mx + c$

2. Pada persamaan yang diperoleh, nilai apakah yang menyatakan gradien (m)?

.....

3. Nilai apakah yang menyatakan titik potong garis dengan sumbu-y?

.....

4. Apakah persamaan yang kalian peroleh memiliki kesamaan dengan bentuk umum persamaan garis? Jelaskan jawabanmu!



Generalization/ Penarikan Kesimpulan



5 Menit

Berdasarkan kegiatan sebelumnya, kalian telah mempelajari konsep gradien dan menentukan persamaan garis lurus. Untuk mengetahui pemahaman kalian, jawablah pertanyaan-pertanyaan berikut dengan tepat!

1. Berdasarkan masalah 2, mengapa kemiringan jalan perlu dibatasi?

2. Setelah menyelesaikan masalah 2, apa yang dimaksud dengan gradien (kemiringan garis) menurut pemahaman kalian?

3. Bagaimana menentukan persamaan garis lurus jika diketahui gradien dan satu titik pada garis tersebut?

4. Perhatikan beberapa persamaan garis berikut. Kelompokkan persamaan garis tersebut dengan memilih kategori gradien atau kemiringannya!

1) $y = 2x + 1$ → _____ maka arah garis akan _____

2) $y = -3x + 4$ → _____ maka arah garis akan _____

3) $y = 5$ → _____ maka arah garis akan _____

4) $5x - y = -2$ → _____ maka arah garis akan _____

5) $x + y = 3$ → _____ maka arah garis akan _____

Berdasarkan pertanyaan nomor 4, apa yang dapat kamu simpulkan tentang hubungan antara nilai gradien suatu garis dengan arah kemiringan garis?



LATIHAN SOAL

15 Menit

Petunjuk Pengerjaan :

1. Bacalah setiap soal dengan cermat.
2. Tuliskan jawaban secara jelas dan lengkap.
3. Kerjakan pada lembar jawaban masing-masing
4. Setelah selesai, foto atau scan lembar jawaban, kemudian gabungkan menjadi satu file dalam format PDF.
5. Unggah file PDF tersebut ke link *Google Drive* yang telah disediakan.



1. Tentukan gradien garis yang melalui titik (1,3) dan (5,11).
2. Tentukan persamaan garis dengan:
 - Gradien 5
 - Melalui titik (2,4)
3. Ubah persamaan $2x - y = 4$ ke bentuk $y = mx + c$ dan tentukan gradiennya.
4. Sebuah jalan memiliki gradien -3 . Jelaskan arti kemiringannya.
5. Buat satu persamaan garis yang memiliki gradien positif dan melalui titik (3,2).

GOOD LUCK

Link Pengumpulan Tugas

