



PENDIDIKAN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS NEGERI YOGYAKARTA



LKPD LINGKARAN

LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK dengan pendekatan RME

Tahun Ajaran 2025/2026



SMP/MTS

VIII

Semester 2

Ivo Rahmi Wulandari, S.Pd

Dibawah bimbingan:

Dr. Dra. Raden Rosnawati, M. Si

ILUSTRASI



Pernahkah kalian berbagi pizza bersama teman? Perhatikan sebuah pizza berbentuk lingkaran yang dipotong menjadi beberapa bagian sama besar. Setiap potongan pizza membentuk sebuah juring lingkaran, dengan ujung potongan bertemu di pusat pizza sehingga membentuk sudut tertentu.

Bagian pinggir melengkung dari satu potongan pizza merupakan panjang busur, sedangkan seluruh bagian pizza pada satu potongan tersebut menunjukkan luas juring. Untuk memahami hubungan antara panjang busur dan luas juring, ayo kita perhatikan permasalahan berikut ini!

Permasalahan



Pada suatu sore, Naruto dan teman-temannya sedang beristirahat setelah latihan. Kakashi membawa sebuah pizza spesial berbentuk lingkaran yang kemudian dipotong menjadi 8 bagian sama besar agar bisa dibagikan secara adil kepada teman-temannya. Setiap potongan pizza tersebut memiliki sisi lengkung sepanjang 10 cm, yang merupakan bagian dari keliling pizza. Naruto penasaran dan bertanya kepada Sakura, "Kalau kita tahu panjang sisi lengkung satu potongan pizza, apakah kita bisa menentukan keliling seluruh pizza dan juga luas pizza utuh?".

Bantulah Naruto dan Sakura menentukan keliling dan luas pizza berbentuk lingkaran, ikuti kegiatan berikut agar dapat menjawab pertanyaan tersebut.



Setelah memahami masalah tersebut, perhatikan kegiatan berikut!

1. Perhatikan gambar di bawah ini! Garis berwarna merah dan daerah berwarna biru adalah busur dan juring pada lingkaran yang bersesuaian dengan sudut pusat. Lengkapi titik-titik pada tabel dibawah ini.

No	Gambar Busur	Rasio sudut pusat a terhadap 360°	Rasio panjang busur terhadap keliling lingkaran	Rasio luas juring terhadap luas lingkaran
		$\frac{\alpha}{360^\circ}$	$\frac{\text{panjang busur}}{\text{keliling lingkaran}}$	$\frac{\text{luas juring}}{\text{luas lingkaran}}$
1		$\frac{270^\circ}{360^\circ}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{4}$
2		$\frac{180^\circ}{360^\circ}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
3		$\frac{120^\circ}{360^\circ}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$
4		$\frac{90^\circ}{360^\circ}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
5		$\frac{60^\circ}{360^\circ}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$



Selesaikan permasalahan berikut!

Setelah melakukan kegiatan tersebut, jawablah pertanyaan berikut ini pada kotak yang tersedia.

2. Dari tabel di atas, amati dan bandingkan ($\frac{\alpha}{360^\circ}$) dan $\frac{\text{panjang busur}}{\text{keliling lingkaran}}$. Bagaimana perbandingannya?

Buatlah simpulan mengenai rumus panjang busur AB yang diketahui jari-jarinya r dan sudut pusatnya a!

$$\text{Panjang busur} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

$$\text{Panjang busur} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

$$\text{Panjang busur} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

3. Dari tabel di atas, amati dan bandingkan ($\frac{\alpha}{360^\circ}$) dan $\frac{\text{luas juring}}{\text{luas lingkaran}}$. Bagaimana perbandingannya?

Buatlah simpulan mengenai rumus luas juring AOB yang diketahui jari-jarinya r dan sudut pusatnya a!

$$\text{Luas Juring} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

$$\text{Luas Juring} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

$$\text{Luas Juring} = \frac{\alpha}{360^\circ} \times \dots \dots \dots$$

4. Pada kondisi yang bagaimana panjang busur sama dengan keliling lingkaran? Jelaskan!

5. Pada kondisi yang bagaimana luas juring sama dengan luas lingkaran? Jelaskan!

Semakin besar sudut pusatnya, semakin panjang busurnya.

Semakin besar usahamu, semakin panjang pula jalan menuju keberhasilan.



Berdasarkan informasi yang telah kamu dapatkan pada kegiatan tersebut, sekarang coba lakukan penyelesaian masalah yang diberikan di awal LKPD dengan menentukan sudut pusatnya!

Diketahui:

-
-

Ditanya:

-

Panjang busur satu juring sudah diketahui, yaitu cm. Jika ditanya panjang busur seluruh lingkaran, maka:

$$\begin{aligned}\text{Keliling} &= 8 \times \dots \text{ cm} \\ &= \dots \text{ cm}\end{aligned}$$

Kemudian gunakan rumus keliling lingkaran untuk menentukan jari-jari:

$$\begin{aligned}\text{Keliling lingkaran} &= 2\pi r \\ \dots \dots \dots &= 2 \times \dots \times r \\ r &= \dots\end{aligned}$$

Luas juring satu potong pizza adalah:

$$\begin{aligned}\text{Luas juring} &= \frac{\alpha}{360^\circ} \times \pi \times r \times r \\ \text{Luas juring} &= \dots \text{ cm}^2\end{aligned}$$



Setelah kamu mengerjakan permasalahan tersebut, coba bandingkan jawabanmu dengan rekan kelompok lain dan diskusikan bersama jika ada yang belum dipahami.

.....
.....
.....
.....



Simpulkan hasil dari permasalahan tersebut!

Buatlah kesimpulan dari hasil diskusi kamu dengan kelompok mengenai panjang busur dan luas juring serta hubungannya!

.....
.....
.....

Latihan Soal



Kerjakan latihan soal berikut di buku tulis masing-masing dan diskusikan dengan teman sekelompokmu. Kemudian foto dan kumpulkan pada link dibawah ini!

KLIK DISINI



1. Shizuka sedang menggambar sebuah juring lingkaran dengan ukuran sudut pusat sebesar 180° . Jika luas juring tersebut adalah 157 cm^2 maka diameter lingkaran tersebut adalah ...
2. Tanjiro sedang berlatih menembakkan ketapelnya di sebuah arena berbentuk lingkaran. Salah satu tembakan membentuk lintasan melengkung berupa busur lingkaran dengan sudut pusat 35° dan jari-jari 7 cm. Tentukan panjang lintasan melengkung yang ditempuh peluru ketapel tersebut.
3. Pengelola taman kota akan menyusun batu hias kecil mengikuti tepi sebuah lintasan berbentuk lingkaran. Batu hias tersebut akan dipasang sepanjang lintasan melengkung yang membentuk sudut pusat 45° . Jari-jari lintasan adalah 14 meter. Tentukan panjang lintasan melengkung yang akan dipasangi batu hias tersebut!

Belajar sudut pusat dan sudut keliling mengingatkan kita bahwa setiap sudut pasti punya pusat. Temukan pusat fokusmu, maka semuanya lebih mudah dipahami.

