

LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK

DERET GEOMETRI TAK HINGGA

Identitas Sekolah

Nama Sekolah : SMK negeri 1 Cipanas
Kelas / Semester : X / Genap
Alokasi Waktu : 60 Menit

Tujuan Pembelajaran

3.6.4. Menganalisis barisan dan deret geometri sesuai dengan karakteristik permasalahan dalam soal

4.6.4. Menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan barisan dan deret geometri

Petunjuk Pengisian LKPD

1. Pahami, catat dan pelajari video yang ada di kolom Materi Pembelajaran
2. Lengkapi kotak-kotak berwarna abu-abu () di bagian Kegiatan Inti dan Latihan Soal, isikotak dengan huruf dan bilangan
3. Jika terdapat angka ribuan, maka tuliskan angka tersebut tanpa menggunakan tanda pemisah titik (.)
4. Jangan lupa klik **Finish** jika telah selesai mengerjakan hingga muncul kotak dialog

Enter your full name:

Group/Level:

Kolom **Enter your full Name** : (Diisi dengan huruf Kapital sesuai dengan NAMA LENGKAPmu, Contoh: AZKA DWI FIRMANSYAH)

Kolom **Group/Level** : (Diisi dengan huruf kapital sesuai dengan kelasmu, contoh: X TKRO 1)

5. Jika telah mengisi Nama dan Kelas maka Klik **Send**
6. Nilai yang kamu peroleh bisa keluar secara otomatis segera setelah kalian klik send

Video Pembelajaran

Silahkan kalian tonton video di bawah ini!



DERET GEOMETRI TAK HINGGA

Adalah Deret geometri yang jumlah suku-sukunya tak hingga

MACAM-MACAM DERET GEOMETRI TAK HINGGA

Deret Geometri Konvergen jika jumlah suku-suku deret geometri tak hingga tersebut terbatas atau menuju suatu bilangan tertentu

Example Deret Konvergen : $3 + 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \dots$

$$16 + 8 + 4 + 2 + \dots =$$

Deret Geometri Divergen jika jumlah suku-suku deret geometri tak hingga tersebut tidak terbatas atau tidak menuju suatu bilangan tertentu

Example Deret Divergen : $2 + 6 + 18 + \dots$
 $5 + 10 + 20 + 40 + \dots$

RUMUS DERET GEOMETRI TAK HINGGA

$$S_{\infty} = \frac{a}{1-r}$$

Jika suatu Barisan Geometri memiliki Pola Bilangan berikut:

$$a + ar + ar^2 + ar^3 + ar^4 + \dots$$

Maka Rumus Deret Tak Hingga Suku Ganjil :

$$S_{\infty} = \frac{a}{1-r^2}$$

Rumus Deret Tak Hingga Suku Genap :

$$S_{\infty} = \frac{ar}{1-r^2}$$



LATIHAN SOAL

SOAL 1

Tentukan Jumlah Tak Hingga dari deret Geometri berikut:

$$54 + 18 + 6 + 2 + \dots$$

Penyelesaian:

Diketahui: Suku Pertama $U_1 = a = \square$

$$\text{Rasio} = r = \frac{U_2}{U_1} = \frac{18}{54} = \frac{\square}{\square}$$

Deret Geometri Tak Hingga $\Rightarrow S = \frac{a}{1 - r}$

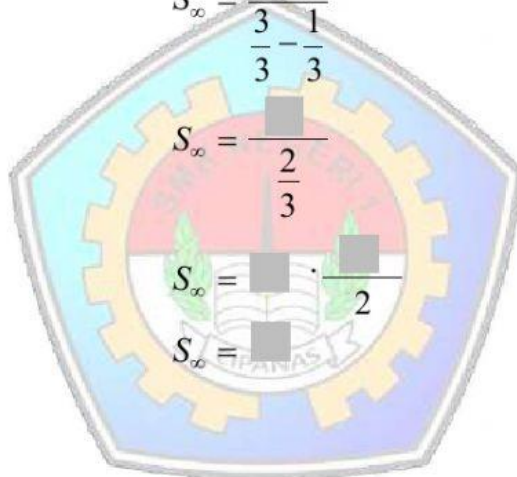
$$S_{\infty} = \frac{54}{1 - \frac{1}{3}}$$

$$S_{\infty} = \frac{\square}{\frac{3}{3} - \frac{1}{3}}$$

$$S_{\infty} = \frac{\square}{\frac{2}{3}}$$

$$S_{\infty} = \square \cdot \frac{\square}{2}$$

$$S_{\infty} = \square$$



SOAL 2

Diketahui rasio suatu deret geometri tak hingga adalah $\frac{1}{4}$ dan Jumlah tak hingga

deret nya 12. Tentukan suku pertama deret geometri tersebut!

Penyelesaian:

Diketahui : Suku Pertama $U_1 = a =$

$$\text{Rasio} = r = \frac{1}{4}$$

Deret Geometri Tak Hingga $S = \frac{a}{1 - r}$

$$12 = \frac{a}{1 - \frac{1}{4}}$$

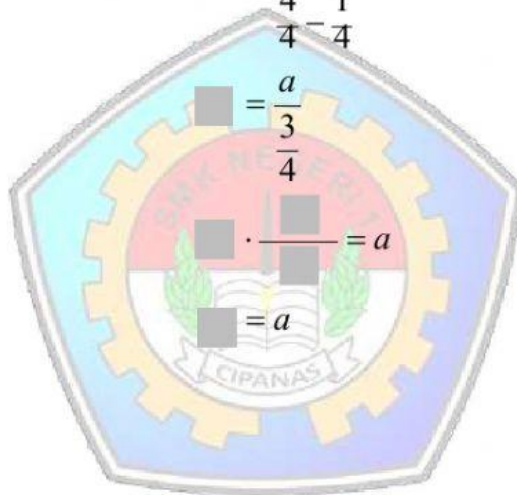
$$\square = \frac{a}{\frac{3}{4}}$$

$$\frac{4}{4} \cdot \frac{1}{4}$$

$$\square = \frac{a}{\frac{3}{4}}$$

$$\square \cdot \frac{4}{3} = a$$

$$\square = a$$



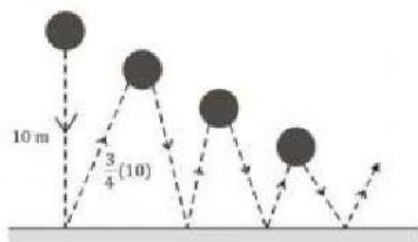
SOAL 3

Sebuah bola dijatuhkan ke lantai dari ketinggian 10 meter. Setiap kali menyentuh lantai, bola tersebut memantul dengan tinggi pantulan $\frac{3}{4}$ kali dari tinggi

sebelumnya. Tentukan panjang lintasan bola tersebut hingga berhenti!

Penyelesaian:

Sketsa Gambar



$$U_1 = 10 \text{ m}$$

$$U_2 = \frac{3}{4} \cdot 10 = \frac{\square}{\square}$$

$$U_3 = \frac{3}{4} \cdot \frac{15}{2} = \frac{\square}{\square}$$

Dst.

Lintasan Saat Bola ke Bawah/Jatuh

$$10 + \frac{15}{2} + \frac{45}{8} + \dots$$

$$\frac{2}{8}$$

Suku Pertama = $a = U_1 = \square$

Rasio = $r = \frac{3}{4}$

Deret Tak Hingga Jatuh $\Rightarrow$

$$S_{\infty} = \frac{a}{1-r}$$

$$S_{\infty} = \frac{10}{1-\frac{3}{4}}$$

$$S_{\infty} = \frac{\square}{\frac{1}{4}}$$

$$S_{\infty} = \square \cdot \frac{\square}{\square}$$

$$S_{\infty} = \square$$



Lintasan Saat Bola ke Atas/Naik

$$\frac{15}{2} + \frac{45}{8} + \frac{135}{32} + \dots$$

Suku Pertama = $a = U_1 =$

Rasio = $r = \frac{3}{4}$

Deret Tak Hingga Jatuh $\Rightarrow S = \frac{a}{1-r}$

$$S_{\infty} = \frac{\frac{15}{2}}{1 - \frac{3}{4}}$$

$$S_{\infty} = \frac{\frac{15}{2}}{\frac{1}{4}}$$

$$S_{\infty} = \frac{15}{2} \cdot \frac{4}{1}$$

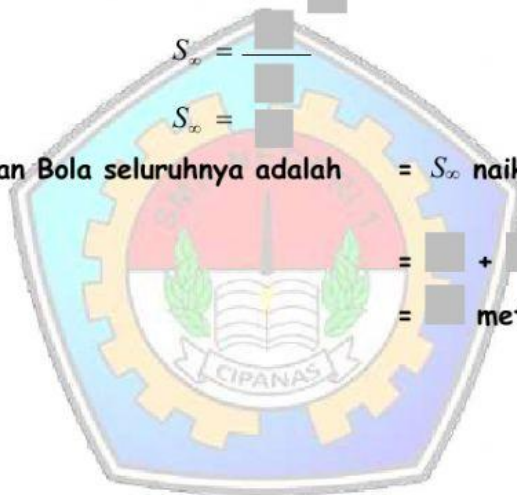
$$S_{\infty} = \frac{30}{1}$$

$$S_{\infty} = 30$$

Jadi Jumlah Lintasan Bola seluruhnya adalah $= S_{\infty} \text{ naik} + S_{\infty} \text{ turun}$

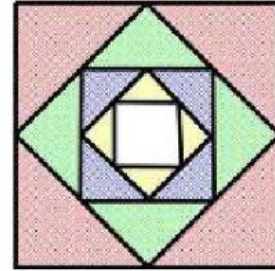
$$= 30 + 30$$

$$= 60 \text{ meter}$$



SOAL 4

Gambar disamping menunjukkan suatu persegi P_m (Merah) dengan panjang sisi 8 cm. Di dalam P_m , dibuat persegi lagi sehingga terbentuk P_h (Hijau). Di dalam P_h dibuat persegi lagi sehingga terbentuk P_b (Biru), dan begitu seterusnya.



Tentukan Jumlah Luas seluruh persegi yang terbentuk!

Penyelesaian:

- Panjang Sisi Persegi $P_m = 8$ cm

$$\text{Luas Persegi } P_m = s^2 = 8^2 = 64 \text{ cm}^2$$

- Panjang Sisi Persegi $P_h = \frac{1}{2} \cdot s_m \cdot \sqrt{2} = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot \sqrt{2} = 4\sqrt{2}$ cm

$$\text{Luas Persegi } P_h = s^2 = \left(\frac{8\sqrt{2}}{2} \right)^2 = 64 \text{ cm}^2$$

- Panjang Sisi Persegi $P_b = \frac{1}{2} \cdot s_h \cdot \sqrt{2} = \frac{1}{2} \cdot 4\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 4$ cm

$$\text{Luas Persegi } P_b = s^2 = (4)^2 = 16 \text{ cm}^2$$

- Deret yang terbentuk adalah $64 + 32 + 16 + \dots$

Suku pertama = $U_1 = a = 64$

$$\text{Rasio} = r = \frac{U_2}{U_1} = \frac{32}{64} = \frac{1}{2}$$

$$S_\infty = \frac{a}{1-r}$$

$$S_\infty = \frac{64}{1 - \frac{1}{2}}$$

$$S_\infty = \frac{64}{\frac{2}{2} - \frac{1}{2}}$$

$$S_\infty = \frac{64}{\frac{1}{2}}$$

$$S_\infty = 64 \cdot \frac{2}{1}$$

$$S_\infty = 128$$