

ใบความรู้ (สำหรับกลุ่มผู้เชี่ยวชาญ)

เรื่อง การเขียนลำดับ

คำชี้แจง ให้ผู้เชี่ยวชาญคนที่ 2 ศึกษาหัวข้อเรื่อง การเขียนลำดับ

จุดประสงค์การเรียนรู้

นักเรียนสามารถเขียนลำดับในรูปแฉงพจน์ได้

การเขียนลำดับ

ในการเขียนลำดับใดๆ โดยทั่วไปนิยมเขียนได้ 2 แบบ คือ

1. การเขียนลำดับแบบแฉงพจน์
2. การเขียนลำดับแบบพจน์ทั่วไป

1. การเขียนลำดับแบบแฉงพจน์

การเขียนลำดับในรูปแฉงพจน์ เป็นการเขียนลำดับที่บอกว่าพจน์ที่ 1 พจน์ที่ 2 พจน์ที่ 3 ไปเรื่อย ๆ แต่ละพจน์ค้นด้วยเครื่องหมาย จุลภาค (,)

ตัวอย่างลำดับเขียนในรูปแฉงพจน์

1. 1, 2, 3, ..., 10
2. 1, 3, 5, 7, ..., 19
3. -2, -1, 0, ..., n
4. $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots, \frac{1}{n}$

การหาลำดับในรูปแฉงพจน์

การหาลำดับในรูปแฉงพจน์ ทำได้โดยการแทนสมาชิกของโดเมนในพจน์ทั่วไป ดังตัวอย่างต่อไปนี้

ดังตัวอย่างต่อไปนี้

ตัวอย่างที่ 1 จงเขียนลำดับ $a_n = \frac{n(n+1)}{2}$ เมื่อ $n \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ในรูปแฉงพจน์

แนวคิด จากโจทย์ $a_n = \frac{n(n+1)}{2}$ เมื่อ $n \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$

$$\text{เมื่อ } n = 1, a_1 = \frac{1(1+1)}{2} = 1$$

$$\text{เมื่อ } n = 2, a_2 = \frac{2(2+1)}{2} = 3$$

$$\text{เมื่อ } n = 3, a_3 = \frac{3(3+1)}{2} = 6$$

$$\text{เมื่อ } n = 4, a_4 = \frac{4(3+1)}{4} = 10$$

$$\text{เมื่อ } n = 5, a_5 = \frac{5(5+1)}{2} = 15$$

ดังนั้น ลำดับเขียนในรูปแฉงพจน์ คือ 1, 3, 6, 10, 15

2.การเขียนลำดับแบบพจน์ทั่วไป คือ การเขียนในรูปฟังก์ชันพร้อมทั้งระบุสมาชิกในโดเมน

เช่น 1. ลำดับ 3, 8, 15, 24, 35 อาจเขียนแทนด้วย $a_n = n(n+2)$ เมื่อ $n \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 2. ลำดับ 5, 7, 9, 11, 13, ... อาจเขียนแทนด้วย $a_n = 2n + 3$ เมื่อ n เป็นจำนวนเต็มบวก

หมายเหตุ ในกรณีที่กำหนดลำดับโดยพจน์ทั่วไป ถ้าไม่ได้ระบุสมาชิกในโดเมนให้ถือว่าลำดับนั้น เป็นลำดับอนันต์ การหาพจน์ใดๆ จากพจน์ทั่วไป

การหาพจน์ใดๆ ของลำดับเมื่อกำหนดพจน์ทั่วไป (a_n) มาให้ ทำได้โดยการแทนค่า n ในพจน์ ทั่วไปด้วยจำนวนที่ต้องการ