

Πιθαγόρειο Θεώρημα - Φύλλο Εργασίας

Ορθογώνιο τρίγωνο λέγεται το τρίγωνο που έχει μια γωνία Στο ορθογώνιο τρίγωνο, οι πλευρές που σχηματίζουν την ορθή γωνία λέγονται **πλευρές** του ορθογωνίου τριγώνου. Στο ορθογώνιο τρίγωνο η πλευρά που βρίσκεται απέναντι από την ορθή γωνία λέγεται του ορθογωνίου τριγώνου

- Στο διπλανό σχήμα δίνεται ένα ορθογώνιο τρίγωνο $ABΓ$. Οι κάθετες πλευρές του τριγώνου είναι οι και και η υποτείνουσα η
- Στο εξωτερικό μέρος του τριγώνου $ABΓ$ έχουν κατασκευαστεί τα τετράγωνα: 1) $ABΔΕ$ με πλευρά την, 2) $ΑΓΘΙ$ με πλευρά την και 3) $BΓΖΗ$ με πλευρά την

3. Οι τελείες χωρίζουν τις πλευρές του τριγώνου και των τετραγώνων σε ευθύγραμμα τμήματα μήκους 1 cm. Συνεπώς οι πλευρές του τριγώνου $ABΓ$ έχουν μήκος $AB=$ cm, $ΑΓ=$ cm, και $BΓ=$ cm.

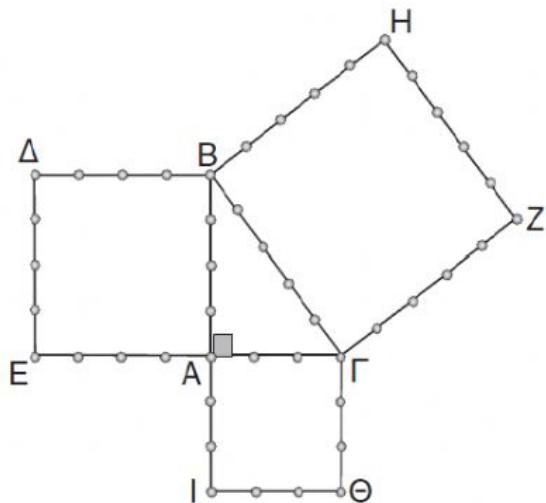
4. Χωρίζοντας τα τετράγωνα $ABΔΕ$, $ΑΓΘΙ$ και $BΓΖΗ$ σε τετραγωνάκια πλευράς 1 cm. Το τετράγωνο $ABΔΕ$ χωρίζεται σε τετραγωνάκια και άρα έχει εμβαδό ίσο με cm^2 . Είναι $AB=$ cm, $AB^2=$ cm^2 .

5. Το τετράγωνο $ΑΓΘΙ$ χωρίζεται σε τετραγωνάκια και έχει εμβαδό ίσο με cm^2 . Είναι $ΑΓ=$ cm, $ΑΓ^2=$ cm^2 .

6. Το τετράγωνο $BΓΖΗ$ χωρίζεται σε τετραγωνάκια και άρα έχει εμβαδό ίσο με cm^2 . Είναι $BΓ=$ cm, $BΓ^2=$ cm^2 .

7. Τα δυο μικρότερα τετράγωνα $ΑΓΘΙ$ και $ABΔΕ$, τα τετράγωνα δηλαδή που κατασκευάστηκαν από τις κάθετες πλευρές AB και $ΑΓ$ του ορθογωνίου τριγώνου $ABΓ$ έχουν άθροισμα εμβαδών: $(ABΔΕ)+(ΑΓΘΙ)=$ + = cm^2 .

8. Το μεγαλύτερο τετράγωνο $BΓΖΗ$, δηλαδή το τετράγωνο που κατασκευάστηκε από την υποτείνουσα $BΓ$ του ορθογωνίου τριγώνου, έχει εμβαδόν: $(BΓΖΗ)=$ cm^2 . Παρατηρούμε ότι $(ABΔΕ)+(ΑΓΘΙ)$ $(BΓΖΗ)$ καθώς επίσης και ότι $AB^2+ΑΓ^2$ $BΓ^2$.



9. Συμπέρασμα: Στο ορθογώνιο τρίγωνο ABG του σχήματος, αλλά και γενικότερα για κάθε ορθογώνιο τρίγωνο ισχύει το Θεώρημα (Πυθαγόρειο):

Πυθαγόρειο Θεώρημα

Σε κάθε τρίγωνο ABG με γωνία $A=90^{\circ}$, το της υποτείνουσας ισούται με το των τετραγώνων των δύο πλευρών του.

$$\Delta\text{ηλαδή} \quad BG^2 = AB^2 + AG^2$$

Επίσης ισχύει

$$AB^2 = \dots \quad \text{και} \quad AG^2 = \dots$$