



E-MODUL INTERAKTIF

PROGRAM LINEAR

DENGAN KONTEKS MODERASI BERAGAMA

MATA KULIAH: PROGRAM LINEAR

Penulis:

Dr. Michrun Nisa Ramli, M.PMat



LIVEWORKSHEETS

KEGIATAN PEMBELAJARAN II

- Tujuan Pembelajaran:
 1. Mahasiswa mampu mengingat kembali dan mendeskripsikan karakteristik Program Linear
 2. Mahasiswa mampu merumuskan dan membuat model matematika berupa sistem pertidaksamaan linear serta fungsi tujuan dari masalah kontekstual yang disajikan
- Pendekatan: Pendidikan Matematika Realistik Indonesia (PMRI)
- Model Pembelajaran: Problem Based Learning berorientasi PMRI
- Alokasi Waktu: 1 pertemuan (2 x 50 menit)

A. PENDAHULUAN

APERSEPSI DAN ORIENTASI

Masalah optimasi sangat penting dalam kehidupan nyata, khususnya bagaimana matematika membantu pengambilan keputusan dalam kegiatan sosial/bisnis, seperti yang telah dipelajari pada kegiatan pembelajaran I, tidak semua masalah kontekstual dapat diselesaikan dengan program linear. Masalah kontekstual yang berkaitan dengan masalah optimasi dan dapat diselesaikan dengan program linear harus memenuhi karakteristik program linear.

Sebelum kita memulai pembelajaran, silahkan menjawab pertanyaan-pertanyaan berikut:

1. Kapan Proporsionalitas gagal ?

2. Kapan Aditivitas gagal ?

3. Kapan Divisibilitas gagal ?

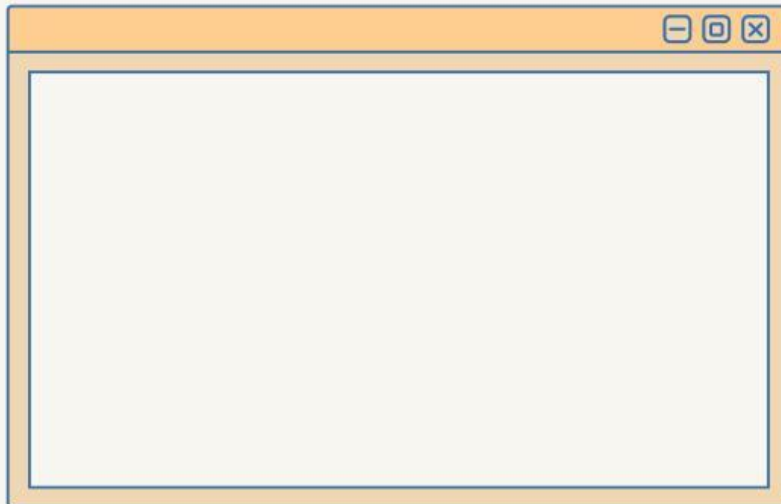
4. Kapan Kepastian gagal ?

Tujuan pembelajaran pada kegiatan pembelajaran II adalah untuk mengkontruksi model matematika dari masalah kontekstual yang diberikan, masalah kontekstual menggunakan konteks moderasi beragama, sehingga diharapkan mahasiswa juga mampu mendeskripsikan wujud nyata penerapan moderasi beragama di lingkungan kampus.

B. KEGIATAN INTI

➤ *Memahami Masalah Kontekstual*

Mari kita simak video berikut yang mengilustrasikan sebuah kegiatan yang dilakukan oleh Unit Kegiatan Mahasiswa (UKM) di sebuah Universitas, kasus ini merupakan masalah program linear:



➤ *Menjelaskan Masalah Kontekstual*

"Dalam video ini terdapat keterbatasan sumber daya yang dialami oleh panitia dalam menyelenggarakan kegiatan UKM dan mereka juga memiliki sasaran utama yang ingin dimaksimalkan oleh panitia, coba anda temukan"

➤ Menyelesaikan Masalah Kontekstual

Silahkan anda berdiskusi dengan kelompok anda atau kerjakan secara mandiri agar dapat mengidentifikasi apa saja sumber daya terbatas (kendala) yang tersedia dan apa sasaran utama kegiatan UKM ini.

Isilah tabel berikut ini:

Komponen	Paket A (Nusantar)	Paket B (Harmoni)	Kapasitas
Modal	15.000	...	2.400.000
Waktu	...	...	...
Batasan	0	...	120
Keuntungan	...	4.000	Maksimal

Setelah tabel terisi dan benar, mari kita buat model matematikanya: Misalkan variabel keputusan disebut sebagai x dan y dengan Paket A (Paket Nusantara) sebagai x dan Paket B (Paket Harmoni) sebagai y .

1. Buatlah model matematika yang merupakan fungsi sasaran/tujuan:

2. Buatlah model matematika yang merupakan fungsi kendala/sumber daya yang berkaitan dengan modal yang tersedia dan dana yang dibutuhkan untuk membuat masing-masing paket:

3. Buatlah model matematika yang merupakan fungsi kendala/sumber daya yang berkaitan dengan waktu yang tersedia dan waktu yang dibutuhkan untuk membuat masing-masing paket:

4. Buatlah model matematika yang merupakan fungsi kendala/sumber daya yang berkaitan dengan ketentuan khusus mengenai Paket Harmoni:

5. Buatlah syarat non-negatif yang harus dipenuhi untuk variabel keputusan (Batasan matematis yang logis agar nilai variabel keputusan tidak bernilai negatif):

Setelah anda membuat model matematika dari masalah kontekstual yang diberikan, mari kita analisis juga wujud nyata penerapan moderasi beragama yang telah dilakukan oleh mahasiswa dalam kegiatan UKM ini: Jawablah beberapa pertanyaan berikut:

Memastikan bahan baku dan prosedur memasak menghormati aturan agama masing-masing (jaminan halal untuk Islam dan opsi vegetarian untuk Budha/Hindu), sikap ini merupakan penerapan nilai moderasi beragama, yaitu:

Nilai Moderasi: Pilih Nilai

Memastikan bahan baku dan prosedur memasak menghormati aturan agama masing-masing (jaminan halal untuk Islam dan opsi vegetarian untuk Budha/Hindu), sikap ini merupakan penerapan nilai moderasi beragama, yaitu:

Nilai Moderasi: Pilih Nilai

Keuntungan bazar 100% disumbangkan ke panti asuhan lintas agama, sikap ini merupakan penerapan nilai moderasi beragama, yaitu:

Nilai Moderasi: Pilih Nilai

Menjual makanan berat tradisional dan camilan khas daerah yang dinamai "Paket Nusantara" dan "Paket Harmoni", sikap ini merupakan penerapan nilai moderasi beragama, yaitu:

Nilai Moderasi: Pilih Nilai

Keputusan rapat yang disepakati bersama untuk membatasi Paket Harmoni maksimal 120 porsi dan mengelola modal Rp2.400.000 secara transparan, sikap ini merupakan penerapan nilai moderasi beragama:

Nilai Moderasi: Pilih Nilai

Nilai moderasi apa lagi yang dapat anda lihat dari ilustrasi video kasus III, jelaskan alasannya ?

➤ **Membandingkan dan Mendiskusikan Jawaban**

Silahkan presentasikan hasil kerja anda atau kelompok anda ke depan kelas, bandingkan dengan hasil pekerjaan teman anda, lalu jawab pertanyaan berikut:

1. Mengapa pertidaksamaan yang digunakan adalah tanda $\leq$ (kurang dari sama dengan), bukan $=$ atau $\geq$?

2. Mengapa kita harus mencantumkan kendala non-negatif ($x \geq 0, y \geq 0$) ?

3. Model Matematika dari kasus tersebut adalah:

Misalkan variabel keputusan disebut sebagai x dan y dengan Paket A (Paket Nusantara) sebagai x dan Paket B (Paket Harmoni) sebagai y .

Fungsi Tujuan: Maksimumkan $Z = 5.000x + 4.000y$ (keuntungan)

Fungsi kendala:

$$15.000x + 10.000y \leq 2.400.000 \text{ (modal)}$$

$$3x + 4y \leq 600 \text{ (waktu)}$$

$$y \leq 120 \text{ (Batasan)}$$

$$x \geq 0, y \geq 0 \text{ (syarat non-negatif)}$$

➤ **Menyimpulkan**

Dari kegiatan yang telah dilakukan, dapat disimpulkan bahwa dalam membuat model matematika dari suatu masalah program linear dapat dilakukan Langkah-langkah berikut:

1. Menentukan variabel keputusan dan lambang (seperti x dan y) untuk objek atau barang yang belum diketahui jumlahnya.
2. Membuat tabel bantuan yang berupa data dari masalah program linear yang diberikan, seperti sumber daya yang terbatas, modal atau keuntungan.
3. Tetapkan tujuan atau sasaran dari masalah program linear yang diberikan, misalnya memaksimalkan keuntungan, buat persamaan fungsi objektif $z = ax + by$ untuk mencari nilai maksimum (keuntungan) atau nilai minimum (biaya).
4. Tentukan fungsi kendala dengan syarat atau batasan berupa pertidaksamaan linear ($\leq$ atau $\geq$) berdasarkan ketersediaan sumber daya.
5. Tambahkan ketentuan bahwa nilai variabel harus lebih besar atau sama dengan nol ($x \geq 0, y \geq 0$) karena jumlah barang tidak mungkin bernilai minus.

➤ Menyimpulkan

Dari kegiatan yang telah dilakukan, dapat disimpulkan bahwa dalam membuat model matematika dari suatu masalah program linear dapat dilakukan Langkah-langkah berikut:

1. Menentukan variabel keputusan dan lambang (seperti x dan y) untuk objek atau barang yang belum diketahui jumlahnya.
2. Membuat tabel bantuan yang berupa data dari masalah program linear yang diberikan, seperti sumber daya yang terbatas, modal atau keuntungan.
3. Tetapkan tujuan atau sasaran dari masalah program linear yang diberikan, misalnya memaksimalkan keuntungan, buat persamaan fungsi objektif $z = ax + by$ untuk mencari nilai maksimum (keuntungan) atau nilai minimum (biaya).
4. Tentukan fungsi kendala dengan syarat atau batasan berupa pertidaksamaan linear ($\leq$ atau $\geq$) berdasarkan ketersediaan sumber daya.
5. Tambahkan ketentuan bahwa nilai variabel harus lebih besar atau sama dengan nol ($x \geq 0, y \geq 0$) karena jumlah barang tidak mungkin bernilai minus.

C. KEGIATAN PENUTUP

REFLEKSI DAN EVALUASI

Anda telah melakukan langkah demi langkah untuk memperoleh model matematika lengkap dari masalah program linear yang dideskripsikan pada video III, model matematika tersebut dapat ditentukan solusinya pada kegiatan pembelajaran berikutnya.

EVALUASI KEGIATAN PEMBELAJARAN II

Baca dengan teliti masalah program linear berikut ini, kemudian jawablah pertanyaan-pertanyaan yang diberikan.

Dalam rangka memperkuat kerukunan di asrama mahasiswa sebuah Universitas yang multikultural, perwakilan mahasiswa dari berbagai latar belakang agama sepakat merenovasi sebuah ruangan kosong menjadi "Ruang Selaras" yaitu sebuah ruang multifungsi yang bisa digunakan untuk belajar kelompok sekaligus ruang ibadah/meditasi bersama secara bergantian (jadwal diatur berdasarkan hasil musyawarah).

Panitia gabungan ingin membeli dua jenis fasilitas utama:

- Fasilitas A (Paket Karpet & Sajadah/Alat Ibadah): Untuk kenyamanan ibadah, refleksi, atau meditasi.
- Fasilitas B (Paket Meja & Kursi Lipat): Untuk diskusi, belajar bersama, dan rapat kepanitiaan.
- Dana Tersedia: Total anggaran yang terkumpul dari iuran sukarela mahasiswa adalah Rp6.000.000. Harga 1 unit Fasilitas A adalah Rp300.000, sedangkan 1 unit Fasilitas B adalah Rp500.000.
- Kapasitas Ruangan (Luas): Total luas lantai yang tersedia untuk menempatkan fasilitas tersebut maksimal 36 meter persegi. 1 unit Fasilitas A memakan tempat 3 meter persegi, sedangkan 1 unit Fasilitas B memakan tempat 2 meter persegi.
- Kesepakatan Batasan: Demi menjaga keseimbangan fungsi ruang, disepakati bahwa jumlah Fasilitas A yang dibeli tidak boleh lebih dari 8 unit.
- Panitia ingin memaksimalkan Indeks Pemanfaatan Ruang (Nilai Manfaat) demi kenyamanan bersama. Skor manfaat untuk Fasilitas A adalah 4 poin/unit, dan Fasilitas B adalah 5 poin/unit.

EVALUASI KEGIATAN PEMBELAJARAN II

A. Geserlah pilihan jawaban yang tersedia dalam kotak pilihan jawaban dan lepaskan ke tanda kurung kosong yang paling tepat menurut anda!!

PILIHAN JAWABAN
$3x + 2y \leq 36$
$x \leq 8$
Akomodatif terhadap Kebudayaan/Tradisi lokal
$Z = 4x + 5y$
$300.000x + 500.000 \leq 6.000.000$
Musyawarah untuk mufakat

Pertanyaan:

1. Berdasarkan anggaran yang tersedia, jika adalah jumlah Fasilitas A dan adalah jumlah Fasilitas B, maka pertidaksamaan linear yang tepat untuk memodelkan kendala modal dana adalah ()
2. Dengan keterbatasan luas lantai Ruang Selaras, batasan alokasi ruang untuk Fasilitas A dan B dapat dituliskan dalam bentuk pertidaksamaan ()
3. Panitia ingin memaksimumkan Indeks Pemanfaatan Ruang (Nilai Manfaat) dari total fasilitas yang dibeli. Fungsi tujuan yang tepat untuk kasus ini adalah memaksimumkan ()
4. Tindakan mahasiswa mengatur jadwal penggunaan ruangan secara adil melalui diskusi bersama tanpa adanya pemaksaan kehendak dari kelompok mayoritas merupakan cerminan dari nilai moderasi ()

EVALUASI KEGIATAN PEMBELAJARAN II

B. Pasangkanlah pernyataan dengan jawaban yang tepat !!

Variabel keputusan yang menyatakan jumlah Paket Meja & Kursi Lipat yang akan dibeli.



Toleransi dan Sikap Akomodasi

Pembatasan bahwa Fasilitas A yang dibeli tidak boleh lebih dari 8 unit demi menjaga keseimbangan fungsi ruang.



Nilai fungsi tujuan (Z)

Mendesain ruangan secara fleksibel tanpa simbol yang mendominasi agar semua pemeluk agama bebas beribadah/meditasi dengan nyaman.



Variabel y

Skor total kemanfaatan ruang yang ingin dicapai secara maksimal oleh seluruh mahasiswa asrama.



$x \geq 0$ atau $y \geq 0$

Syarat non-negatif yang menunjukkan bahwa jumlah barang yang dibeli tidak mungkin bernilai minus.



$x \leq 8$