

## Límite con raíces

### Sensopercepción

$$x - \sqrt{x} - 1 \quad \sqrt{x} - 1 \quad (a-b)(a+b) = (a^2 - b^2)$$

## LÍMITE CON RAÍCES

Para resolver límites que involucran raíces especialmente cuando resalta la indeterminación, el método más efectivo es la racionalización.

### Concepto clave el conjugado

La idea es eliminar la raíz del denominador o del numerador usando la diferencia de cuadrados.

$$(a-b)(a+b) = (a^2 - b^2)$$

Si tienes raíz de  $(\sqrt{x-a})$  el conjugado será  $(\sqrt{x+a})$  al multiplicar la raíz desaparece.

### *Pasos para resolver*

- 1. Evaluar primero**
- 2. Multiplicar por el conjugado**

- 3. Simplificar el denominador**
- 4. Cancelar términos o simplificar**
- 5. Sustituir de nuevo y calcular el valor final**

### Límites de logarítmicos

Los límites con logaritmos son un clásico el secreto está en dominar sus propiedades clave y conocer los límites notables.

### Propiedades de los logaritmos

Antes de calcular cualquier límite a menudo tendrás que acomodar las expresiones usando estas propiedades:

#### Logaritmo de un producto :

$$\underline{\log(x,y)=\log x+\log y}$$

Logaritmo de un cociente:

$$\underline{\text{Log}(x/y) = \log x - \log y}$$

Logaritmo de una potencia:

$$\underline{\text{Log}(x)^n = n \log x}$$

Gráfico de límites con logaritmos

Es fundamental saber cómo se comporta la función logarítmica natural  $\ln(x)$

$\ln(x)$  en su extremas el logaritmo solo existe para números mayores a cero.

- Cuando  $x$  tiende al infinito

$$\underline{\lim(X) = \infty}$$

$x \rightarrow \infty$ . **“Crece**

**lentamente pero va al infinito**

• Cuando  $x$  tiende a cero por la derecha.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty$ . **“Se pega el eje” y “hacia abajo.”**

### Límites notables con fórmulas directas

Para resolver límites notables siempre nos encontraremos con una indeterminación.

Lim

$$\lim_{x \rightarrow 0} \ln(x+1) = 1$$

De esta se deriva versiones muy comunes cuando “ $x$ ” tiende a infinita.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} x \cdot \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) = 1$$

Pasos para resolver

1. Encontramos la indeterminación
2. Aplicamos diferentes propiedades
3. Aplicamos cualquier propiedad vista
4. Calculamos el nuevo límite

Consulta

## INDUCCIÓN a La DERIVADA

La DERIVADA representa La razón de cambio instantánea con La varia una función matemática, según se modifique su variable independiente. Geométricamente, equivale a La pendiente de La recta tangente a La gráfica de La función en un punto específico.

### CONCEPTO

Se define fundamentalmente a través de los límites. La derivada es una función  $f'(x)$ ,

Denotada como  $f'(x)$ , se calcula mediante la fórmula.  $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$

$h$

- $h$  representa un incremento minúsculo en la variable  $x$ .
- Esta expresión mide cómo cambia la función cuando el incremento tiende a cero.

### Reglas Básicas de la Derivación

- **Regla de la Constante:** La derivada de un número es cero.  $f(x) = k \rightarrow f'(x) = 0$
- **Regla de la Potencia:** Se baja el exponente a multiplicar y se le resta uno al exponente original.  $f(x) = x^n \rightarrow f'(x) = nx^{n-1}$
- **Regla de la Suma/Resta:** La derivada de una suma/resta es la suma/resta de la derivada individuales.