

## DERIVADAS DE FUNCIONES LOGARITMICAS Y EXPONENCIALES

### CALCULO DIFERENCIAL

El siguiente trabajo sobre la primera derivada de funciones exponenciales y logarítmicas, está distribuido en tres partes; en cada una de ellas aparece un ejemplo que nos guiará en la solución de los ejercicios propuestos.

#### PRIMERA PARTE: Derivada de funciones exponenciales.

- ❖ Cuando la base de la potencia es el número de Euler (e), se utiliza el siguiente procedimiento:

$Y = e^{(3X^2 - 4X)}$  La derivada es  $Y' =$  (la misma función). (Derivada del exponente)

Donde la derivada del ejemplo anterior, sería igual a:

$$Y' = e^{(3X^2 - 4X)} \cdot (6x-4)$$

A partir del ejemplo anterior resuelve las siguientes derivadas y realiza la unión del ejercicio con la solución (Preguntas de apareamiento).

a.  $Y = e^{(-4X^3 + 5X^2)}$   $e^{(4X^5 - 3X^2 - 20X)(20X^4 + 6X^3 - 20)}$

b.  $Y = e^{(9X^2 - 12X^3)}$   $e^{( \operatorname{sen}x - 5\cos x)(\cos x + 5\operatorname{sen}x)}$

c.  $Y = e^{(4X^5 - 3X^2 - 20X)}$   $e^{(-4X^3 + 5X^2)(12X^4 + 10X)}$

d.  $Y = e^{(\operatorname{sen}x - 5\cos x)}$   $e^{(3\operatorname{sen}x + 9X^2)(3\cos x - 18X^3)}$

e.  $Y = e^{(3\operatorname{sen}x + 9X^2)}$   $e^{(9X^2 - 12X^3)(-18X^3 + 36X^4)}$

#### SEGUNDA PARTE: Derivada de funciones exponenciales.

- ❖ Cuando la base de la potencia es un NÚMERO, se utiliza el siguiente procedimiento:

$Y = 3^x (3X^2 + 5X)$  La derivada es:

$Y' =$  (la misma función) ( $\ln$  del número) (derivada del exponente)

Donde la derivada del ejemplo anterior, sería igual a:

$$Y' = 3^x (3X^2 + 5X) (\ln 3) (6X + 5)$$

A partir del ejemplo anterior resuelve las siguientes derivadas y realiza la unión del ejercicio con la solución (Preguntas de apareamiento).

- f.  $5^{\wedge}(\operatorname{sen} x - \cos x)$        $7^{\wedge}(3X^2-13X)(\ln 7)(6X-13)$
- g.  $7^{\wedge}(3X^2-13X)$        $9^{\wedge}(4\cos x-12X^{-3})(\ln 9)(-4\operatorname{sen} x+36X-4)$
- h.  $9^{\wedge}(4\cos x-12X^{-3})$        $2^{\wedge}(5\operatorname{sen} x - e^{\wedge}(2X^2))\ln 2(5\cos x-e^{\wedge}(2X^2)(4X))$
- i.  $4^{\wedge}(9\operatorname{sen} x - e^{\wedge}(3X^2))$        $5(\operatorname{sen} x-\cos x)\ln 5(\cos x +\operatorname{sen} x)$
- j.  $2^{\wedge}(5\operatorname{sen} x - e^{\wedge}(2X^2))$        $4^{\wedge}(9\operatorname{sen} x - e^{\wedge}(3X^2))\ln 4 (9\cos x - e^{\wedge}(3X^2)(6X))$

**TERCERA PARTE:** Derivada de funciones logarítmicas

- ❖ Cuando se trata de la derivada de un logaritmo natural ( $\ln$ ), se utiliza el siguiente procedimiento:

**$Y = \ln (4X^3 - 2X^2)$**  La derivada es:

$Y' =$  (Derivada de la función) : (la misma función)

Donde la derivada del ejemplo anterior, sería igual a:

$$Y' = (12X^2-4X) : (4X^3-2X^2)$$

A partir del ejemplo anterior resuelve las siguientes derivadas y realiza la unión del ejercicio con la solución (Preguntas de apareamiento).

- k.  $\ln(9X^3-4X^{-5})$        $(10X^4+3\operatorname{sen} x):(2X^5-3\cos x)$
- l.  $\ln(\operatorname{sen} x-4\cos x)$        $(27X^2+20X^{-6})(9X^3-4X^{-5})$
- m.  $\ln(2X^5-3\cos x)$        $(\cos x+4\operatorname{sen} x):( \operatorname{sen} x-4\cos x)$
- n.  $\ln(4X^{-2}+5\operatorname{sen} x)$        $(e^{\wedge}x+4\operatorname{sen} x):( e^{\wedge}x - 4\cos x)$
- o.  $\ln(e^{\wedge}x - 4\cos x)$        $(-8X^{-3} +5\cos x):(4X^{-2}+5\operatorname{sen} x)$