

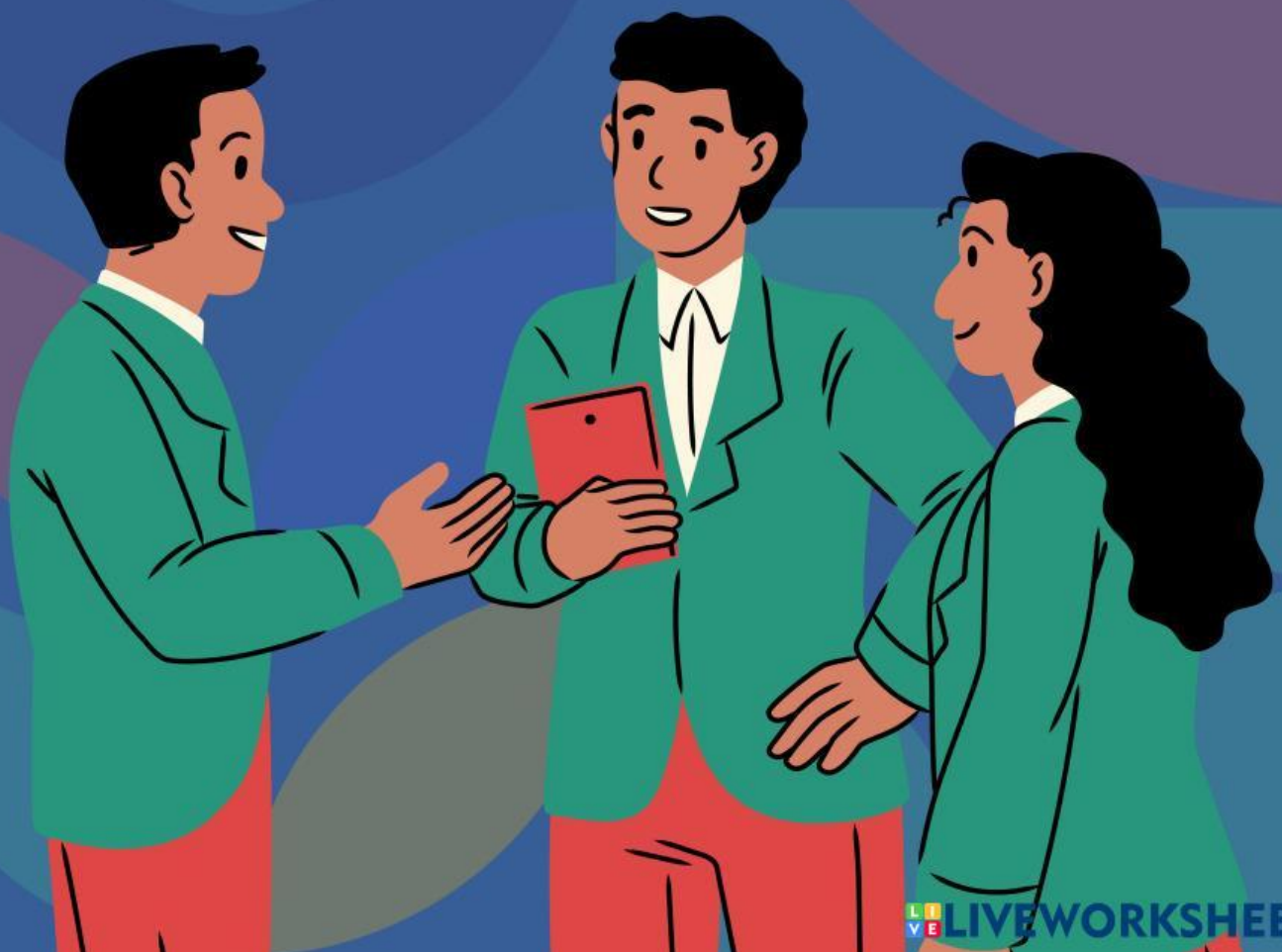


LEMBAR

KERJA PESERTA DIDIK

MATEMATIKA

BARISAN DAN DERET ARITMATIKA



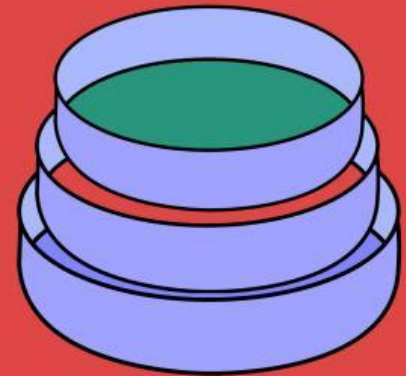
Kelompok :

Petunjuk :

- Berdoalah sebelum mengerjakan
- Isilah kotak kosong untuk melengkapi jawaban
- Diskusikan dengan teman sekelompok

Aktivitas 1

Gambar berikut adalah 9 loyang kue yang disusun bertumpuk. Jika diukur panjang diameternya, diperoleh pertambahan diameter dua loyang yang berurutan adalah tetap.



Diketahui :

- Diameter loyang yang paling kecil = 18 cm
- Diameter loyang yang paling besar = 34 cm
- Tinggi : 7 cm

Tentukan :

1. Selisih diameter loyang yang berurutan
2. Diameter loyang ke-3 dari yang terbesar
3. Loyang keberapakah yang diameternya 26 cm?

Penyelesaian :

Dari situasi diatas diperoleh :

Misalkan U_n adalah diameter loyang ke- n (dari yang paling kecil)

Diameter loyang yang paling kecil = _____ cm ---> $U_1 = 18$

Diameter loyang yang paling besar = _____ cm ---> $U_9 =$ _____

Ingat Bahwa :

$$U_n = a + (n - 1)b$$

$$U_1 = a + (1 - 1)b$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = a \text{ (1)}$$

$$U_9 = a + (9 - 1)b$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = a + 8b \text{ (2)}$$

Substitusi persamaan (1)

Ke Persamaan (2)

$$34 = a + 8b$$

$$34 = \underline{\hspace{1cm}} + 8b$$

$$34 - \underline{\hspace{1cm}} = 8b$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = 8b$$

$$\begin{array}{c} \dots \dots \dots \\ \underline{\hspace{1cm}} \end{array} = b$$

$$\dots \dots \dots$$

Maka Selisih diameter yang berurutan (b) adalah $\underline{\hspace{1cm}}$ cm

Ada 9 ukuran loyang, jika U_1 adalah diameter loyang yang paling kecil, diameter loyang ke-3 dari yang terbesar = U_7

$$U_n = a + (n - 1)b$$

$$U_7 = \underline{\hspace{1cm}} + (\underline{\hspace{1cm}} - 1) \underline{\hspace{1cm}}$$

$$U_7 = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}$$

$$U_7 = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$$

$$U_7 = \underline{\hspace{1cm}}$$

jadi, diameter loyang ke-3 dari yang terbesar adalah $\underline{\hspace{1cm}}$ cm

Loyang dengan diameter 26 cm = U_n

$$U_n = a + (n - 1)b$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = a + (n - 1)b$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}} + (n - 1) \underline{\hspace{1cm}}$$

$$\underline{\hspace{1cm}} - \underline{\hspace{1cm}} = 2(n - 1)$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = 2(n - 1)$$

$$\begin{array}{c} \dots \dots \dots \\ \underline{\hspace{1cm}} \end{array} = n - 1$$

$$\dots \dots \dots$$

$$\underline{\hspace{1cm}} = n - 1$$

$$\underline{\hspace{1cm}} + 1 = n$$

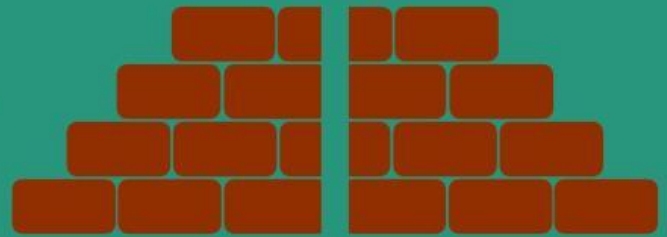
$$\underline{\hspace{1cm}} = n$$

Jadi loyang dengan diameter 26 cm adalah loyang ke $\underline{\hspace{1cm}}$



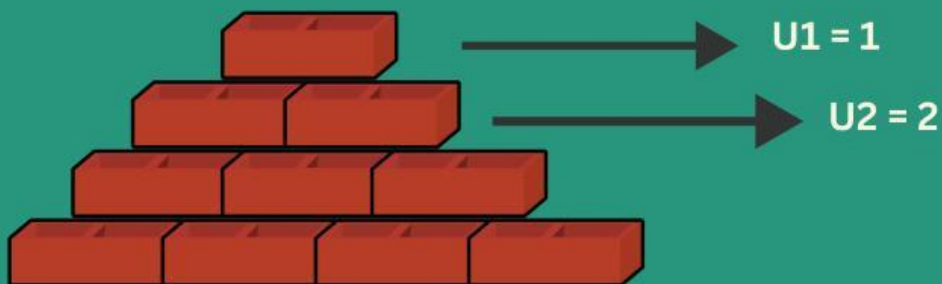
Aktivitas 2

Jika dihitung dari daasr gunungan, ada 15 tingkatan batu bata seperti pada gambar disampinb. Berapakah jumlah seluruh batu bata yang dibutuhkan untuk membuat satu gunungan?



Penyelesaian :

Misalkan U_n adalah batu bata yang dibutuhkan pada tingkat ke- n ($n=1$ adalah tingkat teratas) . Dari situasi diatas diperoleh :



Ingat bahwa :

$$U_n = a + (n - 1)b$$

$$U_1 = a + (1 - 1)b$$

$$\underline{\quad} = a \quad \text{..... (1)}$$

$$U_2 = a + (2 - 1)b$$

$$\underline{\quad} = a + (2 - 1)b$$

$$\underline{\quad} = a + b \quad \text{..... (2)}$$

Subtitusi persamaan (1)
dan persamaan (2)

$$2 = a + b$$

$$2 = \underline{\quad} + b$$

$$2 - \underline{\quad} = b$$

$$S_n = \frac{n}{2}(2a + (n - 1)b)$$

$$S_{15} = \frac{\dots}{2}(2\dots + (\dots - 1)\dots)$$

$$S_{15} = \frac{\dots}{2}(\dots + \dots)$$

$$S_{15} = \frac{\dots}{2}(\dots) = \dots$$

Jadi, jumlah seluruh batu bata yang diperlukan untuk membuat satu gunungan adalah buah