

# LKPD - A POLINOMIAL

FASE LANJUT - XI SMA

OPERASI ALJABAR PADA POLINOMIAL

PENYUSUN : BRIGITA WAHYU MINARNI, S.PD.



## ANGGOTA KELompOK

Kelas

No

Nama

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x^1 + a_0$$

$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

## Aktivitas 1: Mari menyimak video!

Mari menyimak video konsep polinom berikut ini! Kamu boleh tidak perlu menyimak video bila lebih paham belajar dengan membaca dari Buku Sekolah Elektronik atau buku paket.



Sumber video : <https://youtu.be/MTPtVeF9T2Y?si=fVdKOwXyCLclzkWK>

Berdasar video di atas, Kamu menjadi tahu bahwa Polinomial adalah bentuk aljabar yang berupa monomial atau penjumlahan dari dua atau lebih monomial.

Dengan bentuk umum polinomial :

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_1 x + a_0$$

$n = \dots$

$a_n, a_{n-1}, a_{n-2}, a_1 \in \mathbb{R}$  disebut ... polinomial

$a_0 \in \mathbb{R}$  disebut ...

Pada polinom  $P(x) = 2x^4 + x^5 + 5x^6 - 2x^3 - 9$

Derajatnya adalah ... .

Koefisien  $x^4$  adalah ... . Koefisien  $x^5$  adalah ... .

Koefisien  $x^3$  adalah ... .

Konstantanya adalah ... .

## Aktivitas 2: Mari Mengidentifikasi Polinomial!

Tentukan apakah setiap bentuk aljabar berikut merupakan polinomial atau bukan, dengan memilih jawaban yang paling tepat kemudian tuliskan alasannya!

$2x^3 + 4x + \frac{1}{x^2}$	Polinom Bukan Polinom	Alasannya adalah :
$x - 3\sqrt{x}$	Polinom Bukan Polinom	Alasannya adalah :
$4xy + 3x^2 - 1$	Polinom Bukan Polinom	Alasannya adalah :

## Aktivitas 3: Mari Berlatih menjumlah dan mengurang Polinomial!

Diketahui suatu polinom  $F(x) = 2x^3 + 2x^2 - 7x - 9$  dan  $G(x) = 2x - 1$ . Jika  $H(x) = F(x) - G(x)$ ,  $I(x) = F(x) + G(x)$ , maka:

1. Tentukan nilai  $H(x)$  dan derajat polinom tersebut!

Jawab:

$$H(x) = F(x) + G(x)$$

$$= (2x^3 + 2x^2 - 7x - 9) + (2x - 1)$$

$$= 2x^3 + 2x^2 - 7x \dots 2x - 9 - 1$$

$$= 2x^3 + 2x^2 \dots x - \dots$$

Derajat polinom  $H(x)$  adalah ...

2. Tentukan nilai  $I(x)$  dan derajat polinom tersebut!

Jawab:

$$I(x) = F(x) - G(x)$$

$$= (2x^3 + 2x^2 - 7x - 9) - (2x - 1)$$

$$= 2x^3 + 2x^2 - 7x \dots 2x - 9 \dots$$

$$= 2x^3 + 2x^2 \dots x \dots$$

Derajat polinom  $I(x)$  adalah ...



## Aktivitas 4.a : Mari Berlatih mengali polinomial!

1. Diketahui suatu polinom  $F(x) = 2x^3 + 2x^2 - 7x - 9$  dan  $G(x) = 2x - 1$ . Jika  $H(x) = F(x) \cdot G(x)$ , maka tentukan nilai  $H(x)$  dan derajat polinom tersebut!

Jawab:  $H(x) = F(x) \cdot G(x)$

$$\Leftrightarrow H(x) = F(x) \cdot G(x)$$

$$= (\dots x^3 + \dots x^2 - \dots x - \dots) (\dots x - \dots)$$

$$= \dots x^{\dots} \dots x^{\dots} \dots x^{\dots} \dots x^{\dots} \dots x^{\dots} \dots x^{\dots}$$

$$= \dots x^{\dots} + 2x^3 \dots x^{\dots} \dots x^{\dots}$$

Derajat polinomial  $H(x)$  adalah ...

2. Diketahui suatu polinom  $P(x) = Q(x) \cdot H(x) + S(x)$ . Apabila

$$P(x) = 6x^3 + 23x^2 - x + 1$$
, sementara  $Q(x) = Ax + B$ , sedangkan

$$H(x) = (x+4)(2x-1)$$
, dan  $S(x) = 4x + 5$ . Dengan cara perkalian dan

penjumlahan, maka tentukan nilai A dan B, tentukan juga derajat polinom  $P(x)$ ,  $Q(x)$ , dan  $H(x)$  !

Jawab:  $P(x) = Q(x) \cdot H(x) + S(x)$

$$6x^3 + 23x^2 - x + 1 = (Ax + B)(x+4)(2x-1) + (4x + 5)$$

$$\Leftrightarrow 6x^3 + 23x^2 - x + 1 = (Ax + B)(\dots x^{\dots} + \dots x - 4) + (4x + 5)$$

$$\Leftrightarrow 6x^3 + 23x^2 - x + 1 = (\dots x^3 + (\dots + \dots)x^2 - (\dots + \dots)x - 4B) + 4x + 5$$

$$\Leftrightarrow 6x^3 + 23x^2 - x + 1 = \dots x^3 + (\dots + \dots)x^2 - (\dots - \dots - 4)x - 4\dots + 5$$

Perhatikan koefisien  $x^3$  di ruas kanan sama dengan koefisien  $x^3$  di ruas kiri!

$$\dots A = 6$$

$$\Leftrightarrow A = \dots$$

Perhatikan konstanta di ruas kanan sama dengan konstanta di ruas kiri!

$$-4 \dots + 5 = 1$$

$$\Leftrightarrow B = \dots$$

Derajat polinomial  $P(x)$  adalah ...

Derajat polinomial  $Q(x)$  adalah ...

Derajat polinomial  $H(x)$  adalah ...

### Aktivitas 4.b: Mari Berlatih mengali Polinomial!

Jordan 2 tahun lebih tua dari saudaranya Kayla. Jika hasil perkalian umur mereka adalah satu kurang dari lima kali jumlah umur mereka, tentukan berapa umur Jordan?

Jawab:

Misalkan: umur Jordan =  $x \Rightarrow$  umur Kayla =  $x - 2$

Persamaan yang muncul:

$$x(\dots - \dots) = 5(x + (\dots - \dots)) - 1$$

$$x^2 - \dots = \dots x - \dots$$

$$x^2 - \dots x + \dots = 0$$

$$(x - \dots)(x - \dots) = 0$$

Jika  $x_1 < x_2$ , maka:

$$x_1 = \dots \quad \text{atau} \quad x_2 = \dots$$

∴ Dengan mempertimbangkan informasi logis berdasarkan hasil di atas, dapat disimpulkan bahwa umur Jordan adalah ... tahun.



## Aktivitas 5: Mari Mengamati Pola Pembagian Bilangan

Sebelum mempelajari bagaimana melakukan pembagian pada polinomial, kalian akan diajak untuk mengamati pembagian pada bilangan. Cermati bentuk-bentuk pembagian berikut dan isilah titik-titik pada tabel sesuai dengan pola yang kalian temukan.

$\frac{7}{4}$	$1\frac{3}{4}$	$7 = 4 \cdot 1 + 3$
$\frac{13}{5}$	$2\frac{3}{5}$	$13 = 5 \cdot 2 + 3$
$\frac{23}{6}$	$3\frac{5}{6}$	...
...	$4\frac{3}{8}$	...
$\frac{57}{10}$	...	...

Kegiatan eksplorasi yang telah kalian lakukan tersebut menunjukkan beberapa cara menuliskan pembagian bilangan. Misalnya, jika 7 dibagi dengan 4, mendapatkan hasil 1 dan sisa 3. Hal ini dapat dituliskan sebagai berikut.

$$\frac{7}{4} = 1\frac{3}{4} \text{ atau } \frac{7}{4} = 1 + \frac{3}{4} \quad \begin{array}{l} \text{bilangan yang dibagi} \\ \text{Hasil bagi} \\ \text{Pembagi} \\ \text{Sisa} \end{array}$$

atau

### Algoritma Pembagian Polinomial

Jika  $P(x)$  dan  $Q(x)$  adalah polinomial, dengan  $Q(x) \neq 0$ , maka ada polinomial-polinomial  $H(x)$  dan  $S(x)$  yang masing-masing tunggal, dengan  $S(x)$  adalah 0 atau polinomial berderajat kurang dari  $Q(x)$ , sedemikian sehingga

$$\frac{P(x)}{Q(x)} = H(x) + \frac{S(x)}{Q(x)} \quad \text{atau} \quad P(x) = Q(x) \cdot H(x) + S(x)$$

Polinomial  $Q(x)$  disebut dengan **pembagi**,  $H(x)$  adalah **hasil bagi**, dan  $S(x)$  adalah **sisa**.

## Aktivitas 6.a : Mari Mengamati Video Pembagian Polinom dengan Cara Bersusun (Porogapit)!

Mari menyimak video konsep pembagian polinom dengan cara bersusun! Kamu boleh tidak perlu menyimak video bila lebih paham belajar dengan membaca dari Buku Sekolah Elektronik atau buku paket.



Sumber video :  
[https://youtu.be/g1W6Zdi9Yuw?si=h\\_Agl6esd9jdTsk](https://youtu.be/g1W6Zdi9Yuw?si=h_Agl6esd9jdTsk)

### Aktivitas 6.b : Mari Membagi Polinom dengan Cara Pembagian Bersusun (Porogapit)

Setelah mengamati video di aktivitas 6.a, Kamu bisa mengetahui bahwa salah satu cara membagi polinom adalah dengan cara bersusun! Dengan cara yang sama seperti di video aktivitas 4, kerjakan soal berikut!

Tentukan hasil bagi yang dilambangkan dengan  $H(x)$  dan sisa yang dilambangkan dengan  $S(x)$  dari polinom  $P(x) = x^3 + 4x^2 + 3x - 5$  dibagi oleh  $Q(x) = x + 3$  menggunakan **cara bersusun!**

Jawab:

$$\begin{array}{r}
 x^2 \\
 \overline{x+3) x^3 + 4x^2 + 3x - 5} \\
 x^3 + \dots x^2 \\
 \hline
 0 + \dots x^2 + 3x - 5 \\
 x^2 \\
 \hline
 \dots
 \end{array}$$

### Kesimpulan:

$$H(x) = x^2 + \dots$$

$$S(x) = \dots$$

Sehingga apabila  $P(x) = Q(x)H(x) + S(x)$  maka:  $x^3 + 4x^2 + 3x - 5 = (\dots + \dots)(x^2 + \dots) + \dots$

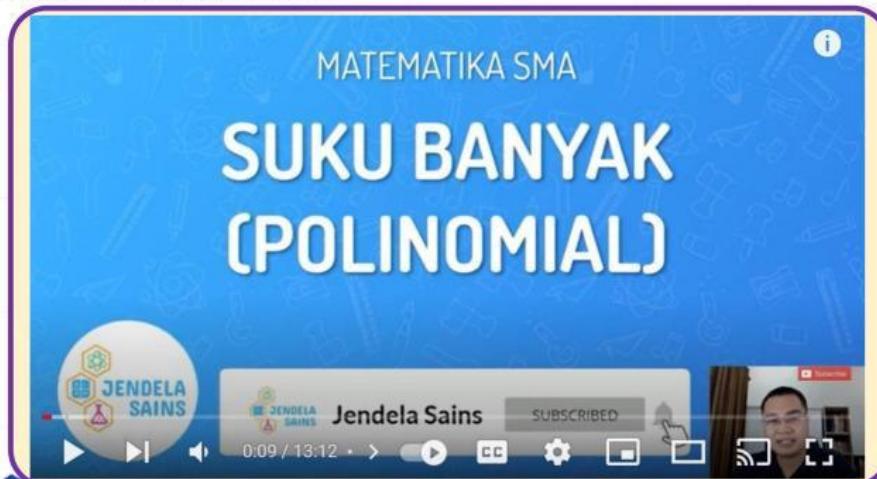
$P(x)$  polinom berderajat ...

$H(x)$  polinom berderajat ...

$S(x)$  polinom berderajat ...

### Aktivitas 7.a : Mari Mengamati Video Pembagian Polinom dengan Cara Skema Horner bila pembaginya $(x + k)$ !

Mari menyimak video konsep pembagian polinom dengan cara skema horner! Kamu boleh tidak perlu menyimak video bila lebih paham belajar dengan membaca dari Buku Sekolah Elektronik atau buku paket



Sumber video : <https://youtu.be/IQnLx-SwQZk?si=qr2MIsE5sC5WqwFI>

Setelah mengamati video di aktivitas 7, Kamu bisa mengetahui bahwa cara lain membagi polinom selain dengan pembagian bersusun adalah dengan cara skema horner. Pada aktivitas 7, pembaginya adalah bentuk  $(x + k)$  di mana koefisien tertinggi pembagi polinomnya adalah satu. Mari kita pelajari bagaimana pembagi polinom dengan praktik langsung mengerjakan soal berikut!

### Aktivitas 7.b: Mari Membagi Polinom dengan Cara Skema Horner dengan pembagi $(x + k)$

#### Pembagian polinomial oleh $(x + k)$

Tentukan hasil bagi yang dilambangkan dengan  $H(x)$  dan sisa yang dilambangkan dengan  $S(x)$  dari polinom  $P(x) = x^3 + 4x^2 + 3x - 5$  dibagi oleh  $Q(x) = x + 3$  menggunakan **cara Skema Horner!**

Jawab:

Diketahui :

$$P(x) = x^3 + 4x^2 + 3x - 5$$

$$Q(x) = x + 3$$

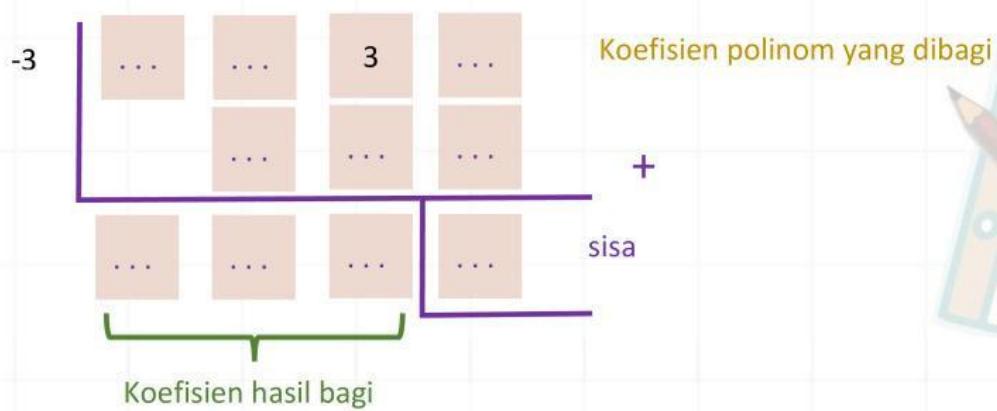
Ditanya :

$$H(x)$$

$$S(x)$$

Pembuat nol pembagi:

$$x + 3 = 0 \Rightarrow x = \dots$$



Kesimpulan:

Berdasarkan kegiatan tersebut diperoleh

$$H(x) = x^2 + \dots$$

$$S(x) = \dots$$

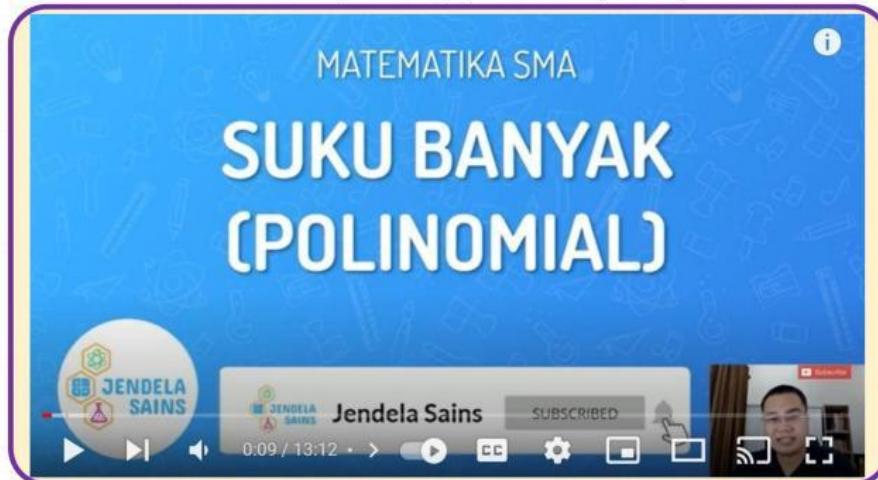
Apakah pembagian menggunakan skema horner menghasilkan hasil dan sisa yang sama dengan cara pembagian bersusun?

Jawab: ...

**Aktivitas 8.a : Mari Mengamati Video Pembagian Polinom dengan Cara Skema Horner bila pembaginya  $(ax + b)$ !**

**Pembagian polinomial oleh  $(ax + b)$**

Kalau Kamu sudah belajar skema horner dengan pembagi  $(x + k)$ , mari kita belajar menggunakan skema horner bila pembaginya adalah  $(ax + b)$ . Simak video berikut ini!



Sumber video :  
[https://youtu.be/4oCzzC8Dm\\_k?si=WVBOT0kS29Pn4](https://youtu.be/4oCzzC8Dm_k?si=WVBOT0kS29Pn4)

**Aktivitas 8.b : Mari Berlatih Pembagian Polinom dengan Cara Skema Horner bila pembaginya  $(ax + b)$ !**

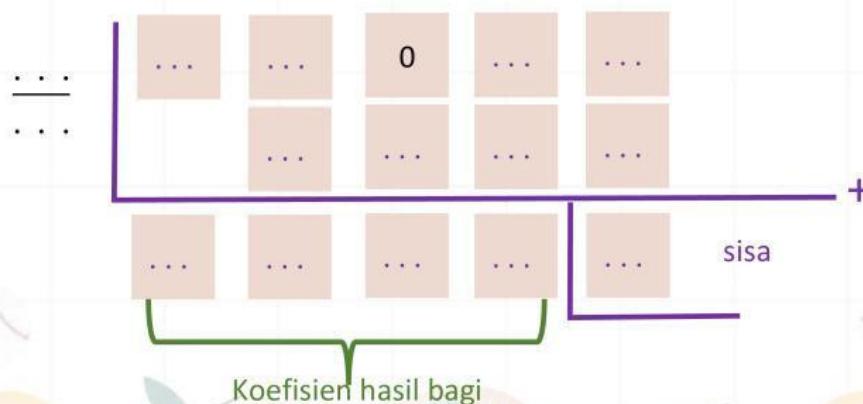
Mari kita terapkan cara tersebut pada soal berikut:

Tentukan hasil bagi yang dilambangkan dengan  $H(x)$  dan sisa yang dilambangkan dengan  $S(x)$  dari polinom  $P(x) = 2x^4 + 5x^3 - 3x - 3$  dibagi oleh  $Q(x) = 2x + 1$  menggunakan **cara Skema Horner**!

**Jawab:**

Pembuat nol pembagi:

$$2x + 1 = 0 \Rightarrow x = \dots$$



Berdasarkan algoritma polinom pada skema horner, maka  $P(x) = Q(x).H(x) + S(x)$ .

Sehingga  $P(x) = \left( x + \frac{1}{2} \right) \cdot (\dots x^3 + \dots x^2 - \dots x - \dots) - \dots$

$$= 2 \left( x + \frac{1}{2} \right) \cdot (\dots x^3 + \dots x^2 - \dots x - \dots) - \dots$$

$$= (2x+1) \cdot (\dots x^3 + \dots x^2 - \dots x - \dots) - \dots$$

Berdasarkan kegiatan tersebut diperoleh

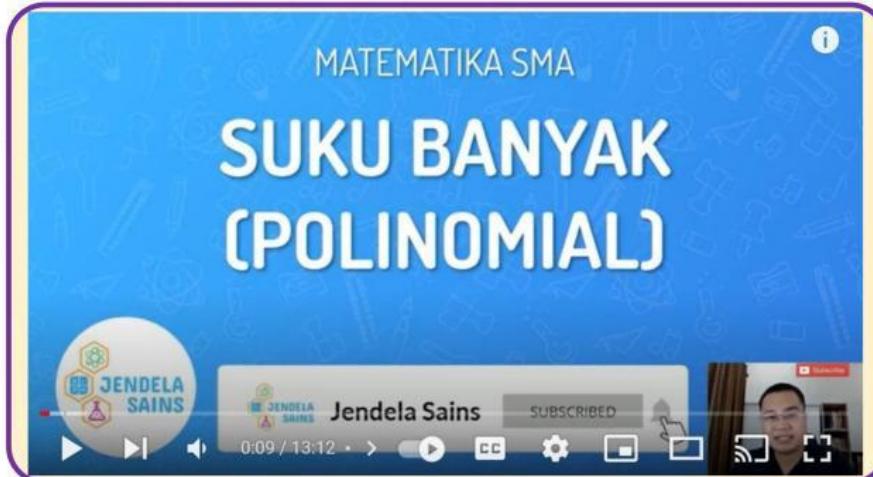
$$H(x) = \dots x^3 + \dots x^2 - \dots x - \dots$$

$$S(x) = \dots$$

**Aktivitas 9.a : Mari Mengamati Video Pembagian Polinom dengan Cara Skema Horner Bersusun bila pembaginya  $(ax^2 + bx + c)$  yang bisa difaktorkan.**

**Pembagian polinomial oleh  $(ax^2 + bx + c)$**

Kali ini kita akan menyimak pembagian polinomial yang pembaginya adalah polinom berderajat dua yang dapat difaktorkan.



Sumber video :

<https://youtu.be/RZ9hakgJEWU?si=s7WvblomWViIVG>

**Aktivitas 9.b : Mari Mengamati Video Pembagian Polinom dengan Cara Skema Horner Bersusun bila pembaginya  $(ax^2 + bx + c)$  yang bisa difaktorkan.**

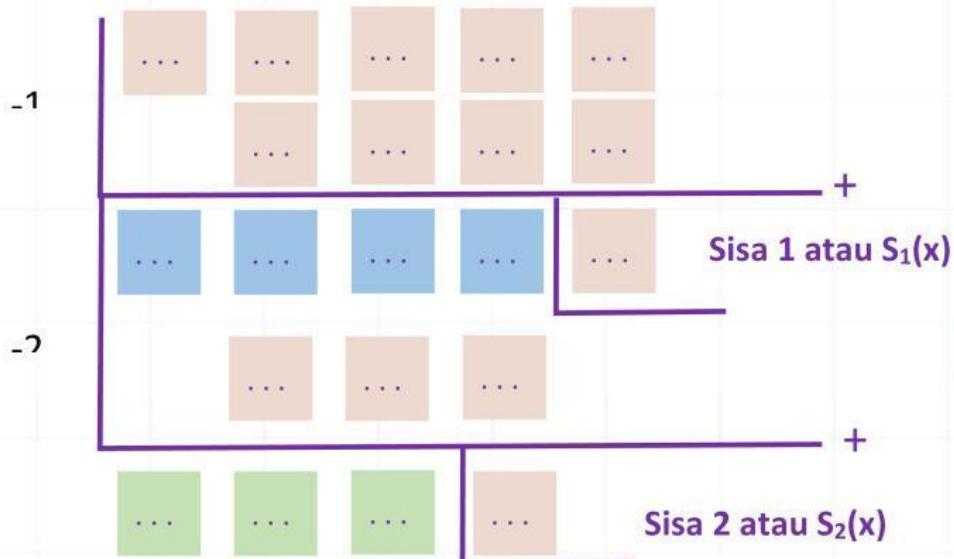
Mari kita terapkan cara tersebut pada soal berikut:

Tentukan hasil bagi yang dilambangkan dengan  $H(x)$  dan sisa yang dilambangkan dengan  $S(x)$  dari polinom  $F(x) = 2x^4 + 5x^3 - 3x - 3$  dibagi oleh  $P(x) = x^2 + 3x + 2$  menggunakan **cara Skema Horner Bersusun!**

**Jawab:** Memfaktorkan pembagi dan menentukan pembuat nol:

$$x^2 + 3x + 2 = (x+1)(x+2)$$

pembuat nol:  $x_1 = -1$  atau  $x_2 = -2$



$$F(x) = P(x) \cdot H(x) + S(x)$$

$$F(x) = P(x) \cdot H_1(x) + S_1(x)$$

substitusikan Hasil pertama atau  $H_1(x)$  dan  $S_1(x)$  menjadi:

$$F(x) = (x+1) \cdot (\dots x^3 + \dots x^2 - \dots x) - \dots$$

substitusikan pembagi, hasil pertama atau  $H_2(x)$ , dan  $S_2(x)$  pada  $H_1(x)$  sehingga menjadi:

$$F(x) = (x+1) \cdot ((x+2)H_2 + S_2(x)) - \dots$$

$$\Leftrightarrow F(x) = (x+1) \cdot ((x+2)(\dots x^2 - \dots x - \dots) + \dots) - \dots$$

$$\Leftrightarrow F(x) = (x+1) \cdot (x+2) (\dots x^2 - \dots x - \dots) + 2 \cdot (x+1) - \dots$$

$$\Leftrightarrow F(x) = (x+1) \cdot (x+2) (\dots x^2 - \dots x - \dots) + 2x - \dots$$

Berdasarkan kegiatan tersebut diperoleh :

$$H(x) = (\dots x^2 - \dots x - \dots)$$

$$S(x) = 2x - \dots$$

#### Aktivitas 10 : Mari Membuat Kesimpulan

Berdasarkan video di atas, Kamu bisa tahu untuk membagi suatu polinom dapat menggunakan beberapa cara. Sebutkan apa saja cara yang dapat digunakan untuk membagi polinom!

Adakah kelemahan dan kelebihan membagi dengan cara bersusun? Jelaskan

Adakah kelemahan dan kelebihan membagi dengan skema horner? Jelaskan