

pola bilangan

Matematika Elektronik Lembar Kerja Peserta Didik



e-LKPD MATEMATIKA BERBASIS MATEMATIK REALISTIK
MATERI POLA BILANGAN KELAS VIII SMP

Penulis	: Fariduddin Attar Rasyid
Pembimbing	: Sofi Widyanesti P., M.Sc.
Validator media I	: Sofi Widyanesti P., M.Sc.
Validator media II	: Rini Astari, S.Pd.
Validator materi I	: Sofi Widyanesti P., M.Sc.
Validator materi II	: Rini Astari, S.Pd.
Layout	: Fariduddin Attar Rasyid
Cover	: Fariduddin Attar Rasyid
Software	: Microsoft office 2017, corel draw x5, liveworksheet

PENDIDIKAN MATEMATIKA
FAKULTAS ILMU KEGURUAN DAN PENDIDIKAN
UNIVERSITAS AHMAD DAHLAN
2024



 **LIVWORKSHEETS**

KATA PENGANTAR

Puji dan syukur saya panjatkan atas kehadiran Allah SWT atas rahmat dan hidayahnya Elektronik Lembar Kerja Peserta Didik (e-LKPD) ini dapat terselesaikan dengan baik. Tak lupa sholawat sera salam selaturcerahkan kepada junjungan kita nabi Muhammad SAW. Penulis menyadari bahwa e-LKPD ini dapat selesai berkat bimbingan, bantuan dan dorongan dari berbagai pihak. Untuk itu dengan segala kerendahan hati, penulis mengucapkan banyak terimakasih kepada yang terhormat :

1. Ibu Sofi Widyanesti P., M.Sc selaku dosen pembimbing yang telah memberikan dorongan , masukan, kritik dan motivasi dalam membimbing penulis.
2. Ibu Rini Astari, S.Pd selaku guru matematika SMP N 2 PLAYEN yang telah berkenan memberikan kesempatan dan meluangkan waktunya untuk membantu dalam memberikan informasi yang mendukung terbuatnya e-LKPD ini.
3. Keluarga yang selalu memberikan dukungan dan doa yang tak pernah putus selama penulis menyelesaikan e-LKPD ini.

Penulis juga menyadari bahwa e-LKPD ini jauh dari kata sempurna, oleh sebab itu saran, kritik, dan komentar yang membangun sangat penulis butuhkan untuk menyempurnakan e-LKPD ini. Akhir kata, besar harapan penulis agar e-LKPD ini dapat bermanfaat baik bagi siswa, guru, sekolah, dan sebagian orang yang menggunakannya.

**Daftar Isi**

Halaman Cover	1
Halaman Penyusun.....	2
Kata Pengantar.....	3
Daftar Isi	4
Kopetensi Inti.....	5
Kopetensi Dasar	5
Petunjik Penggunaan e-LKPD.....	5
Peta Konsep	6
Kegiatan 1	
Definisi Pola Bilangan.....	7
Kegiatan 2	
Menentukan Persamaan Dari Suatu Barisan Bilangan	8
1. Contoh 1.1	8
2. Contoh 1.2	9
3. Contoh 1.3	12
4. Contoh 1.4	14
5. Contoh 1.5	16
Kegiatan 3	
Menentukan Persamaan Dari Suatu Konfigurasi Objek	18
1. Pola Segitiga	18
2. Pola Bilangan Ganjil	19
3. Pola Bilangan Genap.....	20
4. Pola Persegi	22
5. Pola Persegi Panjang	23
6. Pola Bilangan Fibonacci	24
Uji koperensi	26
Kunci jawaban	30



CAPAIAN PEMBELAJARAN

Pada akhir kelas VIII, peserta didik dapat membaca, menulis dan membandingkan bilangan berpangkat bulat dan akar, bilangan dalam notasi ilmiah. Mereka dapat menerapkan operasi aritmatika pada bilangan rill dan memberi estimasi/perkiraaan dalam menyelesaikan masalah (termasuk berkaitan dengan literasi inansial).

TUJUAN PEMELAJARAN

Peserta didik dapat mengenali, memprediksi dan menggeneralisasi pola dalam bentuk susunan benda atau nilangan

Petunjuk penggunaan e-LKPD

1. Buka tautan e-LKPD pada browser
2. Baca dan pahami perintah dalam e-LKPD dengan cermat
3. Kerjakan contoh soal dan Latihan soal pada kolom yang tersedia dalam e-LKPD

PETA KONSEP

PENGERTIAN POLA BILANGAN**Gambar 1.1 contoh pola dalam kehidupan sehari-hari**

Pola hampir ada di setiap tempat dalam kehidupan kita. Namun, beberapa dari kita dapat melihat pola tersebut, sedangkan yang lain tidak melihatnya. Hal tersebut tergantung dengan kemampuan dan kepekaan seseorang dalam melihat pola. Dengan mempelajari materi ini diharapkan kita akan mampu melihat pola yang terbentuk baik di dalam kelas maupun di luar kelas. Pola digunakan dalam menyelesaikan banyak masalah dalam matematika. Dengan berlatih tentang pola, kita akan lebih peka terhadap pola yang terbentuk oleh suatu data sehingga bisa menyelesaikan masalah matematika dan dikehidupan sehari-hari.

Dapatkah kalian menyebutkan contoh pola di sekitar kita dalam kehidupan sehari-hari ?

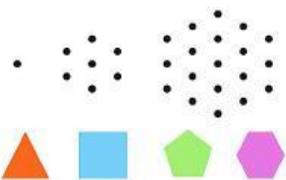
Definisi pola

Pola adalah suatu susunan yang mempunyai bentuk teratur dari satu bentuk ke bentuk lainnya.



7

Kalian akan menemukan banyak sekali pola saat mempelajari matematika, contohnya

**Gambar 1.2 contoh pola geometri****Kegiatan II****MENENTUKAN PERSAMAAN DAARI SUATU BARISAN BILANGAN**

CONTOH 1.1

**Gambar 2.1 pita warna biru-merah muda**

Gambar diatas merupakan pita bewarna biru-merah muda yang diberi nomor 1-10.



8

LIVWORKSHEETS



Biru	0, 2, 4, 6, 8, 10, ...
Merah muda	1, 3, 5, 7, 9, ...

Jika kita amati pita yang bewarna biru adalah barisan bilangan genap dan pita yang bewarna merah muda adalah barisan bilangan ganjil. Dengan begitu kita dapat menentukan warna pita pada urutan selanjutnya. Misal kita akan mencari tahu apa warna pita pada nomor 11. Kita bisa lihat bahwa 11 adalah bilangan ganjil, maka pitanya adalah warna putih.



Dapatkah kalian menentukan warna pita nomor 50 dan 101 ?

CONTOH 1.2



Gambar 2.2 barisan kursi pertunjukan

9

Dalam sebuah Gedung pertunjukan disusun kursi dengan baris paling depan terdiri dari 6 buah kursi, baris kedua berisi 10 buah kursi, baris ketiga berisi 14 buah kursi dan seterusnya selalu bertambah 4 buah kursi. Berapa banyak kursi pada baris ketujuh ?



Baris pertama	6
Baris kedua	6 + 4 = 10
Baris ketiga	10 + 4 = 14
Baris keempat	14 + ... = ...
Baris kelima	... + ... = ...
Baris keenam	... + ... = ...
Baris ketujuh	... + ... = ...

Pada **contoh 1.2** selisih dari baris ke baris selalu atau tetap bertambah 3 buah kursi. Pola ini bisa kita sebut dengan **barisan aritmatika**

Barisan Aritmatika (Un) adalah **barisan** bilangan yang memiliki pola yang tetap. Nah, polanya itu bisa berdasarkan operasi penjumlahan atau pengurangan. Jadi, setiap urutan suku memiliki selisih atau beda yang sama.

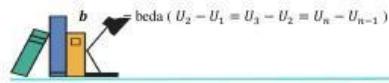
Rumus barisan aritmatika

$$u_n = a + (n - 1)b$$

u_n = suku ke- n

a = suku pertama (U_1)

n = banyak suku



10

 **LIVEWORKSHEETS**

Mari kita coba menjawab contoh 2 dengan rumus tersebut !

Diketahui

$$a = 6$$

$$b = 10 - 6 = \dots$$

$$n = \dots$$

$$u_n = a + (n-1)b$$

$$u_7 = \dots + (\dots - \dots - \dots) \dots$$

$$u_7 = \dots + (\dots) \dots$$

$$u_7 = \dots + \dots$$

$$u_7 = \dots$$

Lalu, jika ditanyakan jumlah kursi dari baris pertama sampai baris ketujuh, berapakah jumlahnya ?

Jumlah seluruh kursi

$$= \text{baris-1} + \text{baris 2} + \text{baris 3} + \text{baris 4} + \text{baris 5} + \text{baris 6} + \text{baris 7}$$

$$= u_1 + u_2 + u_3 + u_4 + u_5 + u_6 + u_7$$

$$= \dots + \dots + \dots + \dots + \dots + \dots + \dots$$

$$+ \dots$$

$$= \dots$$

Kita juga bisa menggunakan rumus jumlah suku ke-n barisan aritmatika, yaitu:

$$S_n = \frac{n}{2} (2a + (n-1)b)$$



Keterangan :

$$S_n = \text{jumlah n suku pertama}$$

$$n = \text{banyak suku barisan aritmatika}$$

$$a = \text{suku pertama}$$

$$b = \text{beda}$$

$$S_n = \frac{n}{2} (2a + (n-1)b)$$

$$S_7 = \frac{7}{2} (2a + (7-1)b)$$

$$S_7 = \frac{7}{2} (a + 6b)$$

$$S_7 = \dots$$



Ayo Berlatih 11 !

Tentukan :

1. Banyak kursi pada baris ke- 12 ! ... dan ...
2. Banyak kursi pada baris ke- 25 dan jumlah seluruh kursi sampai baris ke-25 ! ... dan ...

CONTOH 1.3

Seorang peneliti sedang mengamati perkembangan sebuah bakteri. Awalnya bakteri tersebut hanya berjumlah 5. Setelah satu menit bakteri tersebut membelah diri sehingga jumlahnya menjadi 2. Setelah dua menit bakteri tersebut membelah diri hingga jumlahnya menjadi menjadi 20. Setelah tiga menit bakteri tersebut membelah diri hingga jumlahnya menjadi 40 dan seterusnya. Peneliti tersebut ingin mengetahui jumlah bakteri setelah



menit kesepuluh, kira-kira berapa jumlah bakteri tersebut ?


Ayo amati !

Menit	Jumlah bakteri		
Pertama	$5 \times 2 =$	10	
Kedua	10	\times	$\dots =$
Ketiga	20	\times	$\dots =$
Kecempat	\dots	\times	$\dots =$
Kelima	\dots	\times	$\dots =$
Keenam	\dots	\times	$\dots =$
Ketujuh	\dots	\times	$\dots =$
Kedelapan	\dots	\times	$\dots =$
Kesembilan	\dots	\times	$\dots =$
Kesepuluh	\dots	\times	$\dots =$

Jika kita amati jumlah bakteri akan bertambah setiap menitnya secara teratur, yaitu akan bertambah menjadi dua kali lipat. Pola tersebut bisa kita sebut dengan **barisan geometri**

Definsi

Barisan geometri adalah pola yang memiliki pengali atau rasio (r) yang tetap untuk setiap 2 suku yang berdekatan.

Rumus barisan geometri

$$U_n = ar^{n-1}$$



13

a = suku pertama barisan geometri

r = rasio antar suku-suku

n = banyak suku


Ayo Berlatih III !

Cobalah kalian kerjakan **contoh 1.3** dengan rumus barisan geometri !

Diketahui :

$$a = \dots$$

$$r = \dots$$

$$n = \dots$$

$$U_n = a \cdot r^{n-1}$$

$$U_n = \dots \times \dots \times \dots = 10^{-1}$$

$$U_n = \dots$$

CONTOH 1.4

Agus mempunyai suatu mesin fungsi yang mengolah masukan berupa bilangan. Mesin tersebut menggunakan empat operasi dasar aritmatika (penjumlahan, pengurangan, perkalian dan pembagian) baik satu maupun kombinasi beberapa operasi. Berikut luaran yang dihasilkan dari masukan 1 sampai 5.



14

Masukan	Luaran
1	1
2	9
3	29
4	67
5	129

Tentukan luaran untuk masukan bilangan 9 !



Kita dapat menemukan pola dari mesin tersebut jika kita mengetahui proses terbentuknya pola tersebut.

Masukan (x)	Hasil	x^3	Selisih hasil dengan x^3
	1	1	$1 - 1 = 0$
	9	8	$2 - 1 = 1$
1	29	27	$3 - 1 = 2$
2	$... - 1 = ...$
5	$... - 1 = ...$
.	.	.	.
X	?	x^3	$x - 1$

dari tabel diatas pola yang terbentuk adalah pangkat 3 bilangan masukan ditambahkan dengan bilangan masukan lalu dikurangi 1, atau

$$\text{luaran} = x^3 + x - 1$$



Dengan begitu jika kita masukan bilangan 9 kedalam mesin tersebut, maka luarannya adalah

$$\text{luaran} = (\dots)^3 + \dots + 1 = \dots$$



Tentukan luaran yang dihasilkan jika dimasukkan bilangan

a. $10 = \dots$

b. $15 = \dots$

c. $100 = \dots$

CONTOH 1.5

tentukan angka satuan pada bilangan 3^{100}



Kita tidak perlu mengalikan bilangan 3 sebanyak 100 kali untuk menentukan angka satunya, amatilah pola yang terbentuk pada tabel dibawah ini.

	Angka satuan
$3^1 = 3$	3
$3^2 = 9$	9
$3^3 = 27$	7
$3^4 = 81$	1



$3^5 = \dots$...
$3^6 = \dots$...
$3^7 = \dots$...

Dari tabel diatas , dapat kita ketahui bahwa angka satuananya membentuk pola 3,9,7,1 berulang-ulang. Angka satuan pada pangkat satu sama dengan angka satuan pangkat lima dan seterusnya.


Ayo Berlatih V !

Tentukan angka satuan dari

a. $3^{10} = \dots$

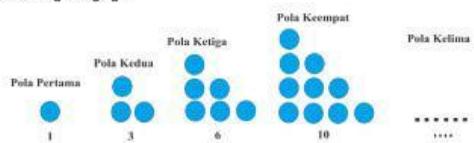
b. $3^{21} = \dots$

c. $3^{100} = \dots$


MENENTUKAN PERSAMAAN DARI SUATU KONFIGURASI

jenis – jenis pola

1. Pola bilangan segitiga



Gambar 3.1 pola segitiga

Gambar pola bilangan segitiga

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?




Ayo amati !

Banyak bola pada

Pola pertama = 1

Pola kedua = $\frac{1}{2} \times 2 \times (2 + 1) = 3$

Pola ketiga = $\frac{1}{2} \times 3 \times (3 + 1) = 6$

Pola keempat = $\frac{1}{2} \times \dots \times (\dots + 1) = 10$

Pola kelima = $\frac{1}{2} \times \dots \times (\dots + 1) = \dots$

Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan segitiga sebagai berikut :

$$\text{pola ke } n = \frac{1}{2} \times n \times (n + 1)$$

2. Pola bilangan ganjil



Gambar 3.2 pola bilangan ganjil

19

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?



Banyak bola pada

Pola pertama = 1

Pola kedua = $(2 \times 2) - 1 = 3$

Pola ketiga = $(2 \times 3) - 1 = \dots$

Pola keempat = $(2 \times \dots) - 1 = \dots$

Pola kelima = $(2 \times \dots) - 1 = \dots$

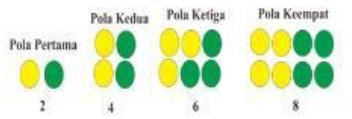
Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan ganjil sebagai berikut :

$$\text{pola ke } n = (2 \times n) - 1$$

20

3. Pola bilangan genap



Gambar 3.3 pola bilangan genap

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?



Banyak bola pada

Pola pertama = 2

Pola kedua = $2 \times 2 = 4$

Pola ketiga = $2 \times 3 = \dots$

Pola keempat = $2 \times \dots = \dots$

Pola kelima = $2 \times \dots = \dots$

Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

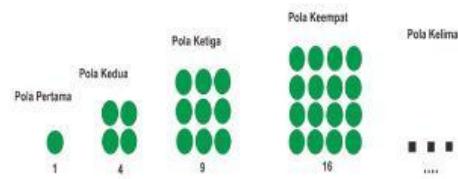
Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan genap sebagai berikut :



21

 pola ke - n = $2n$

4. Pola bilangan persegi



Gambar 3.4 pola persegi

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?



Banyak bola pada :

Pola pertama = 1

Pola kedua = $2^2 = 4$

Pola ketiga = $3^2 = \dots$

Pola keempat = $\dots^2 = \dots$



22

Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan persegi sebagai berikut :

$$\text{pola ke } n = n^2$$

5. Pola bilangan persegi Panjang



Gambar 3.5 pola persegi panjang

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?



Banyak bola pada

$$\text{Pola pertama} = 1(1+1) = 2$$

$$\text{Pola kedua} = 2(2+1) = 6$$

$$\text{Pola ketiga} = 3(3+1) = \dots$$

$$\text{Pola keempat} = \dots = (\dots + 1) = \dots$$

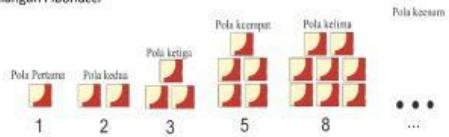
23

Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan persegi panjang sebagai berikut :

$$\text{pola ke } n = n(n+1)$$

6. Pola bilangan Fibonacci



Gambar 3.6 pola persegi fibonacci

Amatilah gambar pola diatas, dapatkah kalian menentukan banyaknya bola pada pola kelima ?



Banyak bola pada

$$\text{Pola pertama} = 1$$

$$\text{Pola kedua} = 2$$

$$\text{Pola ketiga} = \text{suku ke } 1 + \text{suku ke } 2 = 1 + 2 = 3$$

$$\text{Pola keempat} = \text{suku ke } 2 + \text{suku ke } 3 = \dots + \dots = \dots$$



24

Pola kelima = suku ke - ... + suku ke - ...

$$= \dots + \dots = \dots$$

Jadi banyaknya bola pada pola kelima adalah ...

 Dengan demikian kita dapat menuliskan rumus pola bilangan *fibonacci* sebagai berikut :

$$pola\ ke\ -\ n = pola\ ke\ -\ (n\ -\ 2) + pola\ ke\ -\ (n\ -\ 1)$$


Soal Pilihan Ganda

(pilihlah jawaban yang benar dari pilihan a,b,c atau d)

1. Pada kalender bulan januari 2022, tanggal 1 adalah hari sabtu. Di tanggal berapakah hari sabtu berikutnya ...
 - a. 7
 - b. 8
 - c. 9
 - d. 10
2. Tentukan selisih dari pola barisan bilangan 1, 4, 7, 10, 13
 - a. 2
 - b. 3
 - c. 4
 - d. 5
3. Perhatikan pola bilangan berikut.
(1,3), (2,6), (3,12)
Dari susunan angka diatas, pernyataan yang tepat adalah ...
 - a. Dikalikan 2 dan ditambah 3
 - b. Ditambah 1 dan dikalikan 2
 - c. dikalikan 2 dan dikalikan 2
 - d. ditambah 1 dan ditambahkan 3
4. Tentukan suku berikutnya dari baris berikut, 2,5,8,11, ...
 - a. 12
 - b. 13
 - c. 14
 - d. 15
5. Tentukan suku berikutnya daari barisan berikut. 10, 30, 50, 70, ...
 - a. 80, 100
 - b. 90, 100
 - c. 80, 110
 - d. 90, 110



Soal Essai

1. Dalam ruang pertunjukan, baris paling depan tersedia 10 kursi. Baris belakangnya selalu bertambah 3 kursi. Tentukan
 - a. Suku pertama = ...
 - b. Beda atau selisih = ...
 - c. Jumlah 10 baris pertama kursi pertunjukan tersebut adalah ...

2. Dalam sebuah pola bilangan fibonacci diketahui pola keempat adalah 17 dan pola ketiga adalah 9. Berapakah pola keenam dari pola bilangan tersebut ??

KUNCI JAWABAN**Uji koperensi****Soal pilihan ganda**

1. a
2. b
3. c
4. d
5. c
6. c
7. b
8. a
9. d
10. b
11. b
12. a
13. b
14. a
15. a

soal essai

1.
 - a. 10
 - b. 3
 - c. 235
2. 43

