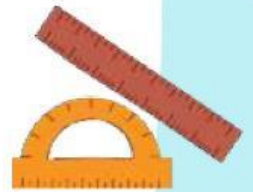




Kurikulum 2013

E-LKPD



1

LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK ELEKTRONIK

Kelas XI



Persamaan Lingkaran





Mata pelajaran : Matematika Peminatan
Materi : Persamaan Lingkaran
Kelas/Semester : XI/2
Alokasi Waktu : 2×30 menit

Identitas Siswa

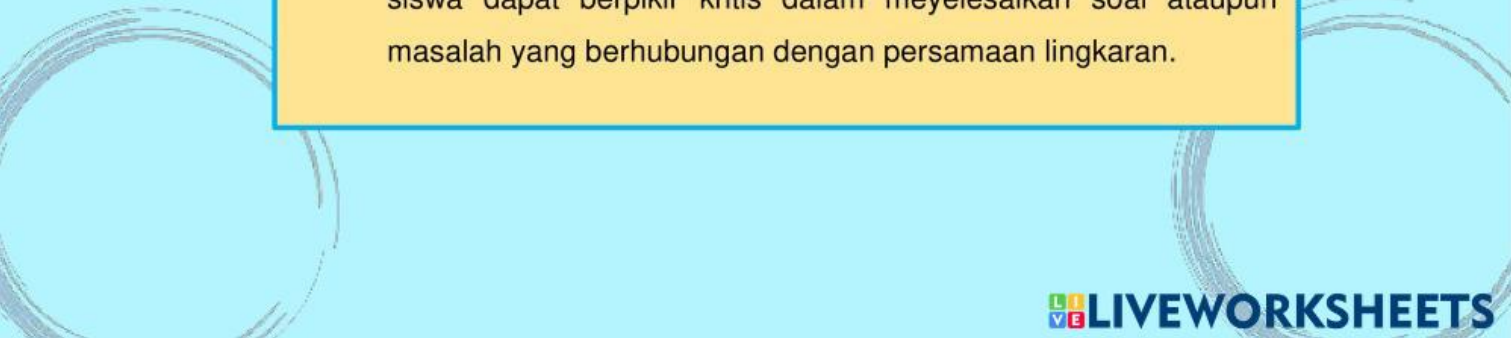
Kelompok :
Anggota Kelompok : 1.
2.
3.
4.
Kelas :



Kompetensi Dasar

- 3.3 Menganalisis lingkaran secara analitik.
- 4.3 Menyelesaikan masalah yang terkait dengan lingkaran.

Tujuan Pembelajaran

- Melalui kegiatan pengerjaan *E-LKPD* berbasis *liveworksheets* dan menggali informasi siswa dapat merumuskan persamaan lingkaran yang berpusat di titik $O(0, 0)$ dan $P(a, b)$ dengan cermat dan tepat
 - Melalui kegiatan pengerjaan *E-LKPD* berbasis *liveworksheets* siswa dapat berpikir kritis dalam menyelesaikan soal ataupun masalah yang berhubungan dengan persamaan lingkaran.
- 

Petunjuk Pengerjaan

1. Tonton dan Amatilah video yang ada di kolom materi pembelajaran
2. Lengkapi kotak-kotak yang telah disediakan pada LKPD dengan petunjuk penulisan :
 - Untuk penulisan desimal menggunakan tanda koma (,)
Contoh : 2,3
 - Untuk penulisan pangkat pada jawaban menggunakan (^)
Contoh : $2^3 \rightarrow 2^3$
 - Untuk penulisan akar menggunakan ($\sqrt{\quad}$)
Contoh : $\sqrt{9}$
 - Untuk penulisan bentuk pecahan menggunakan (/)
Contoh : $\frac{2}{3} \rightarrow 2/3$
3. Jika terdapat angka ribuan, maka tulislah angka tersebut tanpa menggunakan tanda pemisah titik (.)
4. Jangan lupa klik finish jika telah selesai mengerjakan hingga muncul kotak dialog



Enter your full name: *

Group/level *

School subject *

Enter your teacher's email or key code: *

SEND Close

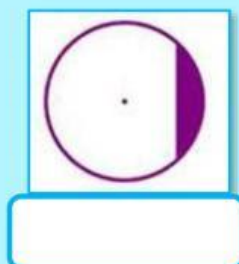
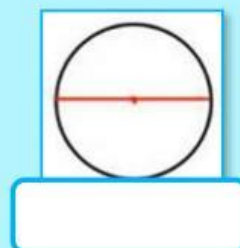
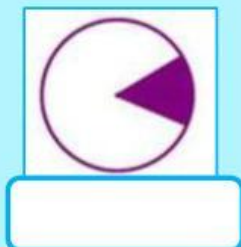
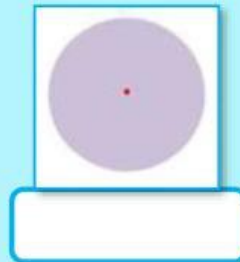
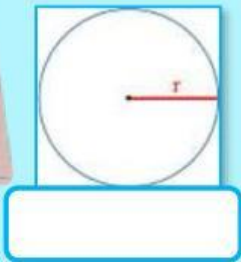
- Kolom **Enter your full name** di isi dengan huruf kapital sesuai nama lengkapmu, contoh : **RENI MARLIYAN SYARI**
 - Kolom **Group/level** diisi dengan huruf kapital sesuai dengan kelasmu, Contoh : **XI MIPA H**
 - Kolom **School subject** diisi dengan mata Pelajaran yang diampuh dan huruf kapital, contoh : **MATEMATIKA**
 - Kolom **Enter your teachers email or key code** di isi dengan Alamat email guru kalian, contoh : **reni_marliyan@gmail.com**
5. Jika telah mengisi dialog yang muncul maka klik **Send**
 6. Nilai yang kamu peroleh bisa keluar secara otomatis segera setelah kalian klik send
 7. Waktu Pengerjaan selama 60 menit

AKTIVITAS 1 : Mari Mengingat

Tonton dan Amati video di bawah ini !

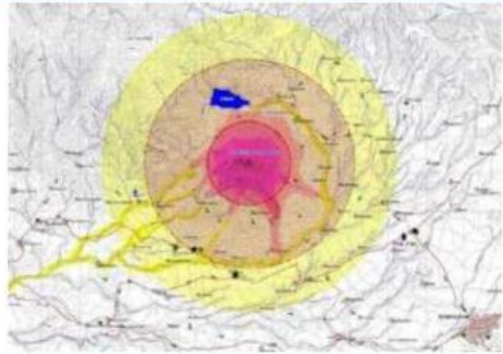


Setelah Mengamati video di atas Mari mengingat beberapa unsur lingkaran. Tulislah nama-nama dari unsur-unsur lingkaran berikut !



AKTIVITAS 2 : Persamaan Lingkaran dengan Pusat $O(0,0)$ dan Berjari-jari r

Perhatikan gambar dan wacana berikut !



Gunung Sinabung di Kabupaten Karo, Sumatera Utara kembali meletus sekitar pukul 12.00 WIB hari Selasa tanggal 17 September 2013. Material yang dikeluarkan lebih banyak dibanding letusan pertama dua hari lalu. Akibat letusan ini banyak warga yang mengungsi. Pemerintah setempat pun memberikan peringatan agar masyarakat yang berada pada radius 5 km dari puncak gunung Sinabung harus segera mengungsi dan daerah tersebut harus bebas dari aktivitas dan dikosongkan untuk sementara. Bantulah pemerintah kabupaten Karo untuk menentukan daerah mana saja masyarakatnya harus mengungsi.

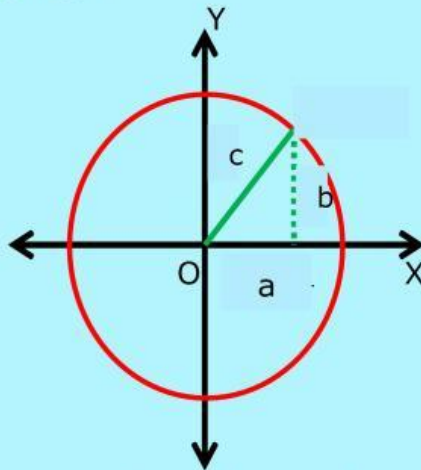
Tuliskan informasi apa yang kamu bisa dari permasalahan diatas!

Informasi penting :

Untuk kegiatan kali ini kita akan menggunakan dan mengingat kembali rumus Teorema Pythagoras yaitu :

$$c^2 = a^2 + b^2$$

Perhatikan gambar berikut !



Pada gambar lingkaran tersebut terdapat gambar segitiga siku-siku dengan sisi a, b, dan c.

1. Jika panjang sisi $a = 3\text{cm}$, $b = 4\text{cm}$, maka panjang sisi $c \dots\dots\dots$

Penyelesaian :

$$\begin{aligned}c^2 &= a^2 + b^2 \\c^2 &= \dots\dots^2 + \dots\dots^2 \\c^2 &= \dots + \dots \\c^2 &= \dots \\c &= \sqrt{\dots\dots\dots} \\c &= \dots\dots\dots\end{aligned}$$

Maka

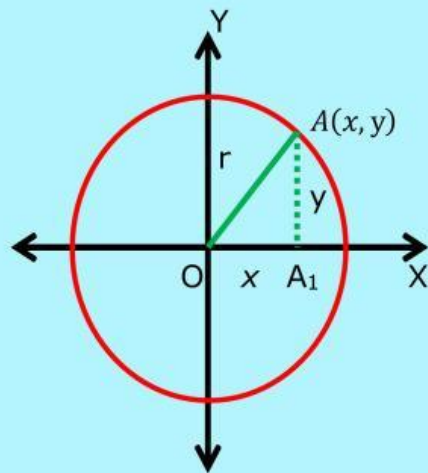
2. Jika panjang sisi $c = 5\text{cm}$, maka panjang $a+b = \dots\dots\dots$

$$\begin{aligned}\dots\dots^2 &= \dots\dots^2 + \dots\dots^2 \\ \dots\dots^2 &= \dots\dots^2 + \dots\dots^2 \\ \dots\dots^2 &= \dots + \dots \\ \dots\dots^2 &= \dots\dots\dots\end{aligned}$$

Bagaimana persamaan yang terbentuk jika $c = r$, $a=x$ dan $b=y$?

Untuk menentukan bentuk umum persamaan lingkaran di pusat $O(0,0)$, lakukan kegiatan di bawah ini!

Perhatikan Gambar Berikut ini !



Setelah memperhatikan gambar di atas, tuliskanlah informasi yang kalian dapat dari gambar tersebut !

Diketahui : Pusat lingkaran = $(..., ...)$

r =

Panjang OA = ...

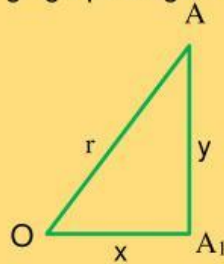
Panjang OA_1 = ...

Panjang AA_1 = ...

Setelah menuliskan informasi, mari menemukan rumus untuk persamaan lingkaran pada gambar !

Strategi Penyelesaian :

- Memperhatikan segitiga pada gambar lingkaran



Segitiga apakah gambar di atas?

⇒ Segitiga

- Mengingat Rumus Teorema Pythagoras, yaitu :

$$c^2 = \dots^2 + \dots^2$$

- Substitusikan informasi yang diketahui pada segitiga lingkaran yaitu :

$$c = OA = r$$

$$a = OA_1 = \dots$$

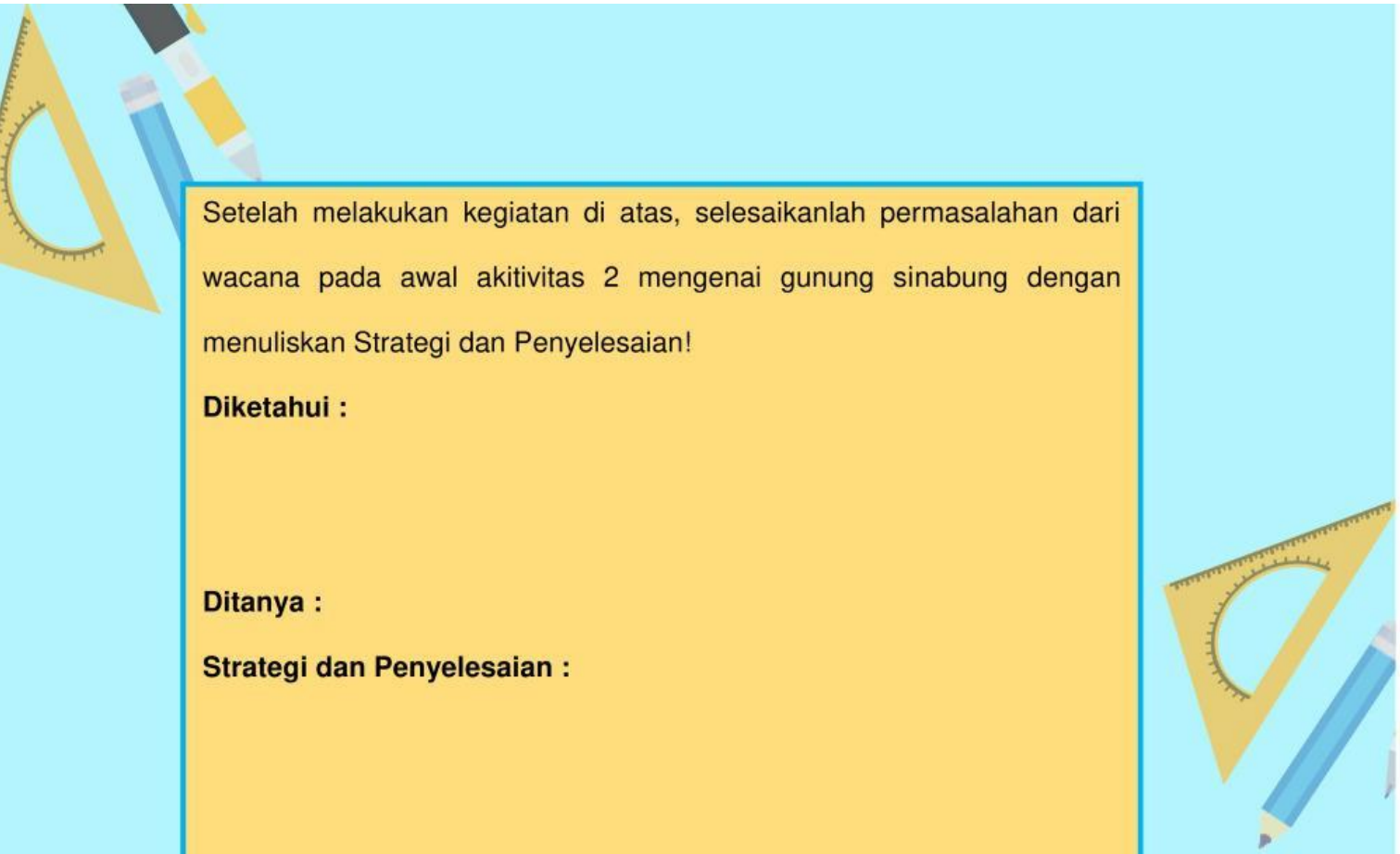
$$b = \dots = \dots$$

Sehingga, diperoleh persamaan :

$$OA^2 = \dots^2 + \dots^2$$

$$\dots^2 = x^2 + \dots^2$$

Jadi, dapat disimpulkan bahwasanya persamaan lingkaran dengan pusat $O(0,0)$ dan berjari-jari r adalah



Setelah melakukan kegiatan di atas, selesaikanlah permasalahan dari wacana pada awal aktivitas 2 mengenai gunung sinabung dengan menuliskan Strategi dan Penyelesaian!

Diketahui :

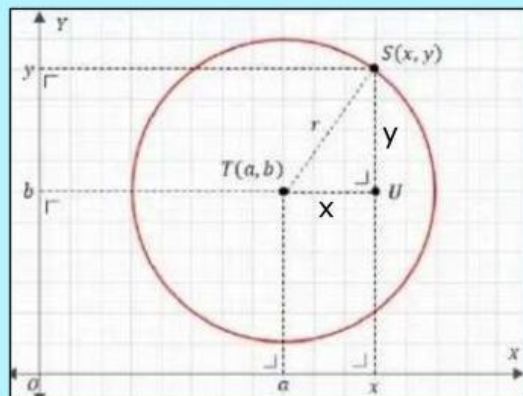
Ditanya :

Strategi dan Penyelesaian :

AKTIVITAS 3

Persamaan Lingkaran dengan Pusat $T(a, b)$ dan Berjari-jari r

Perhatikan Gambar Berikut ini !



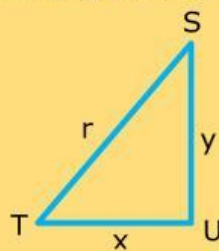
Setelah memperhatikan gambar di atas, tuliskanlah informasi yang kalian dapat dari gambar tersebut !

Diketahui : Pusat lingkaran = $T(., .)$
 r =
Panjang TS = ...
Panjang TU = ...
Panjang SU = ...

Setelah menuliskan informasi, mari menemukan rumus untuk persamaan lingkaran pada gambar !

Strategi Penyelesaian :

- Memperhatikan segitiga pada gambar lingkaran



Segitiga apakah gambar di atas?

⇒ Segitiga

- Mengingat Rumus Teorema Pythagoras, yaitu :

$$c^2 = \dots^2 + \dots^2$$

- Substitusikan informasi yang diketahui pada segitiga lingkaran yaitu :

$$c = TS = \dots$$

$$a = \dots = x$$

$$b = \dots = y$$

Sehingga, diperoleh persamaan :

$$TS^2 = \dots^2 + \dots^2$$

$$\dots^2 = \dots^2 + \dots^2$$

Jadi, dapat disimpulkan bahwasanya persamaan lingkaran dengan pusat T(a,b) dan berjari-jari r adalah



Untuk lebih memahami persamaan lingkaran, perhatikan dan lengkapi contoh berikut ini.



1. Tentukan persamaan lingkaran yang berpusat di titik $O(0,0)$ dan berjari-jari 6.

Diketahui :

Pusat lingkaran =

Jari-jari =

Ditanya :

Penyelesaian :

- Mengingat persamaan lingkaran yang berpusat di $O(0,0)$ dan berjari-jari r , yaitu :

$$.....^2 =^2 +^2$$

- Menuliskan informasi yang diketahui dan disesuaikan dengan persamaan lingkaran

$$r =$$

- Mensubstitusikan nilai r ke persamaan lingkaran, sehingga didapatkan :

$$.....^2 =^2 +^2$$

$$.....^2 =^2 +^2$$

- Menarik Kesimpulan
Jadi, dapat disimpulkan bahwasanya persamaan lingkaran dengan pusat $O(0,0)$ dan berjari-jari adalah





Silahkan Kerjakan latihan di bawah ini, tuliskan strategi dan penyelesaiannya !

Tentukan persamaan lingkaran yang berpusat di titik (3, -2) dan berjari-jari 5.

Diketahui :

Pusat lingkaran =

Jari-jari =

Ditanya :

Penyelesaian :

