

LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK

FUNGSI INVERS

Identitas Siswa

Sekolah : SMK Negeri 2 Kudus
Kelas / Semester: XI / Genap
Alokasi Waktu : 60 menit

Tujuan Pembelajaran

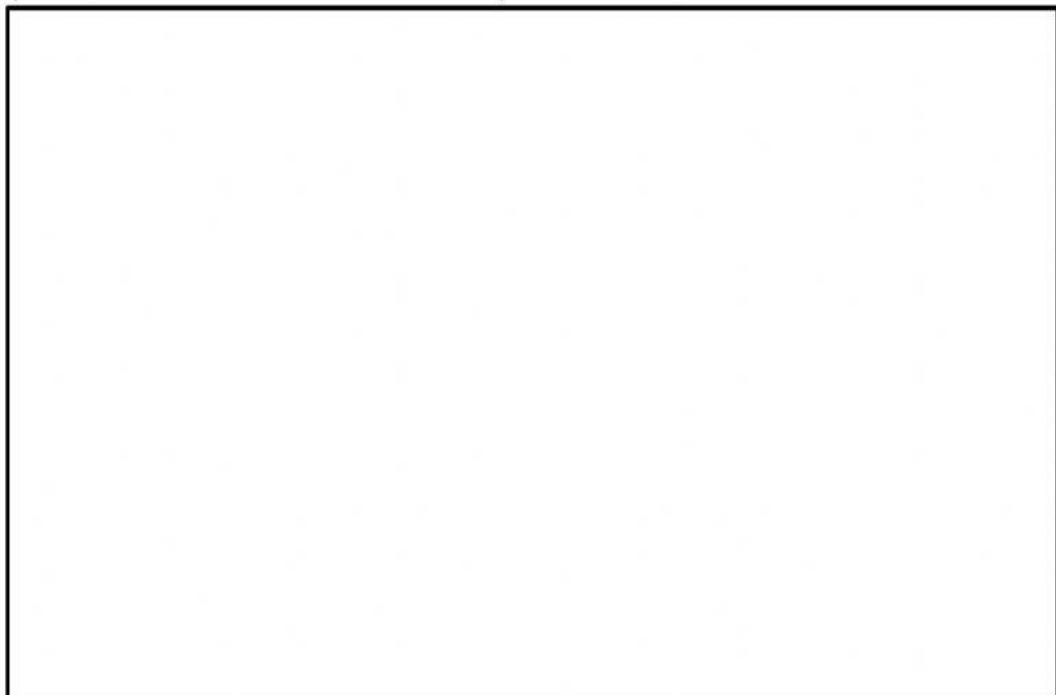
- 3.20.1. Menganalisis konsep operasi komposisi pada fungsi
- 4.20.1. Menyelesaikan masalah operasi komposisi pada fungsi

Petunjuk Pembelajaran

1. Pahami, catat dan pelajari video yang ada di kolom Materi Pembelajaran
2. Lengkapi kotak-kotak berwarna ungu () di bagian kegiatan inti, isi kotak dengan huruf dan bilangan bulat
3. Jika terdapat angka ribuan, maka tuliskan angka tersebut **tanpa menggunakan tanda pemisah titik (.)**

Materi Pembelajaran

(Silahkan Kalian tonton video di bawah)



KEGIATAN INTI

Pengertian Fungsi Invers

Suatu Fungsi yang merupakan kebalikan dari suatu fungsi

Example 1:



$f(x) = \text{Jatuh Cinta}$

$\Rightarrow$



$f^{-1}(x) = \text{Patah Hati}$

Example 2:



$y = \text{Kiri}$

$\Rightarrow$



$y^{-1} =$

Example 3:



$y =$

$\Rightarrow$



$y^{-1} = \text{Berpasangan}$

KEGIATAN INTI

Rumus Fungsi Invers

No.	Jenis Fungsi	Fungsi Asal $f(x)$ atau y	Fungsi Invers $f^{-1}(x)$ atau y^{-1}
1.	Fungsi Linier	$f(x) = ax + b$	$f^{-1}(x) = \frac{x-b}{a}$
2.	Fungsi Pecahan Linier	$f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$	$f^{-1}(x) = \frac{-dxx+b}{cx-a}$
3.	Fungsi Kuadrat	$f(x) = ax^2 + bx + c$	$f^{-1}(x) = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4a(c-x)}}{2a}$
4.	Fungsi Logaritma	$f(x) = {}^a \log bx$	$f^{-1}(x) = \frac{a^x}{b}$
5.	Fungsi Eksponen	$f(x) = a^{bx}$	$f^{-1}(x) = \left(\frac{1}{b}\right) \cdot {}^a \log x$
6.	Fungsi Irasional	$f(x) = \sqrt[n]{ax+b}$	$f^{-1}(x) = \frac{x^n - b}{a}$

Example 4:

Suatu Fungsi Linier dengan rumus $f(x) = 5x + 3$, Tentukan Fungsi Invers dari fungsi linier tersebut:

Penyelesaian:

Pada Example 4 ini, rumus yang digunakan adalah Rumus Invers Fungsi Linier dimana:

$$f(x) = ax + b \quad \Rightarrow \quad f^{-1}(x) = \frac{x-b}{a}$$

Maka:

$$f(x) = 5x + 3$$

$$a = 5$$

$$b = 3$$

$$f^{-1}(x) = \frac{x-b}{a} = \frac{x-3}{5}$$

Jadi Fungsi Invers liniernya adalah $f^{-1}(x) = \frac{x-3}{5}$

LATIHAN SOAL

Latihan Soal 1

Suatu Fungsi Linier dengan rumus $f(x) = \frac{-2x+7}{6x-8}$, Tentukan Fungsi Invers dari fungsi linier tersebut!

Penyelesaian:

Pada **Latihan Soal 1** ini, rumus yang digunakan adalah Rumus Invers Fungsi Pecahan Linier dimana:

$$f(x) = \frac{ax+b}{cx+d} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{-dx+b}{cx-a}$$

Maka:

$$f(x) = \frac{-2x+7}{6x-8}$$

$$a = -2$$

$$b = \square$$

$$c = \square$$

$$d = \square$$

$$f^{-1}(x) = \frac{-dx+b}{cx-a} = \frac{\square x + \square}{\square x - \square}$$

$$\text{Jadi Fungsi Invers Pecahan liniernya adalah } f^{-1}(x) = \frac{8x + \square}{\square x + 2}$$

Latihan Soal 2

Suatu Fungsi Linier dengan rumus $y = {}^6\log 7x$, Tentukan Fungsi Invers dari fungsi tersebut!

Penyelesaian:

Pada **Latihan Soal 2** ini, rumus yang digunakan adalah Rumus Invers Fungsi Logaritma dimana:

$$y = {}^a\log bx \Rightarrow y^{-1} = \frac{a^x}{b}$$

Maka:

$$y = {}^6\log 7x$$

$$a = \boxed{}$$

$$b = \boxed{}$$

$$y^{-1} = \frac{a^x}{b} = \frac{6^x}{\boxed{}}$$

$$\text{Jadi Fungsi Invers Logaritmanya adalah } y^{-1} = \frac{a^x}{b} = \frac{6^x}{\boxed{}}$$

Latihan Soal 3

Suatu Fungsi Linier dengan rumus $y = 5^{2x}$, Tentukan Fungsi Invers dari fungsi eksponen tersebut!

Penyelesaian:

Pada **Latihan Soal 3** ini, rumus yang digunakan adalah Rumus Invers Fungsi Eksponen dimana:

$$y = a^{bx} \Rightarrow y^{-1} = \left(\frac{1}{b}\right)^a \log x$$

Maka:

$$y = 5^{2x}$$

$$a = 5$$

$$b = \boxed{}$$

$$y^{-1} = \left(\frac{1}{b}\right)^a \log x = \frac{1}{\boxed{}} \cdot {}^5\log x$$

$$\text{Jadi Fungsi Invers Pecahan liniernya adalah } y^{-1} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \cdot {}^5\log \boxed{}$$

KESIMPULAN

Pasangkanlah Fungsi Asal berikut ke Fungsi Inversnya dengan menarik garis hubung!

Fungsi Asal

$$f(x) = 4x - 9 \quad \bullet$$

$$f(x) = 10 - 7x \quad \bullet$$

$$y = -8 - 12x \quad \bullet$$

$$y = \frac{4x + 1}{12x - 7} \quad \bullet$$

$$y = \frac{x - 15}{20 - 8x} \quad \bullet$$

$$f(x) = \frac{10 + 2x}{5x} \quad \bullet$$

Fungsi Invers

$$\bullet \quad f^{-1}(x) = \frac{-20x - 15}{-8x - 20}$$

$$\bullet \quad f^{-1}(x) = \frac{20x - 15}{8x - 20}$$

$$\bullet \quad f^{-1}(x) = \frac{x + 9}{4}$$

$$\bullet \quad y^{-1} = \frac{4x + 1}{12x - 7}$$

$$\bullet \quad y^{-1} = \frac{x + 8}{-12}$$

$$\bullet \quad y^{-1} = \frac{x - 8}{-12}$$

$$\bullet \quad f(x) = \frac{x - 10}{-7}$$

$$\bullet \quad f^{-1}(x) = \frac{10}{5x - 2}$$

$$\bullet \quad y^{-1} = \frac{7x + 1}{12x - 4}$$