



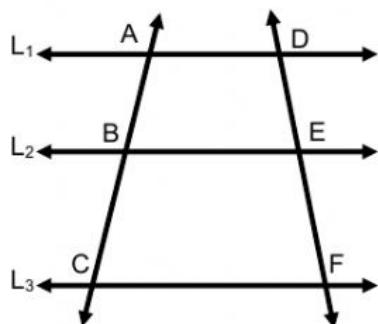
MATEMÁTICA

IV SECUNDARIA

Ficha 4: Proporcionalidad

9 Teorema de Thales:

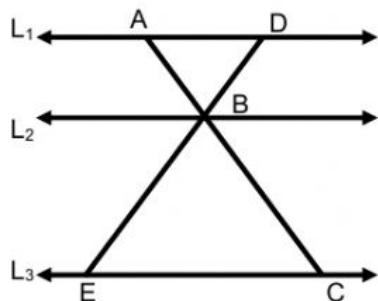
Tres o más rectas paralelas determinan sobre dos o más rectas secantes a ellas, segmentos de longitudes proporcionales.



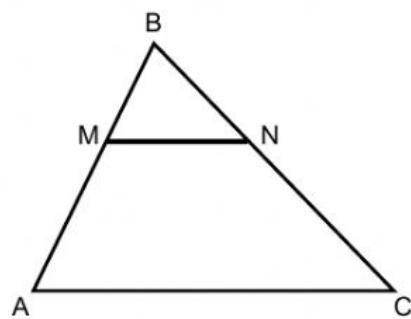
Si: $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{AB}{BC} = \frac{DE}{EF}}$$

Observación:



Si: $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$



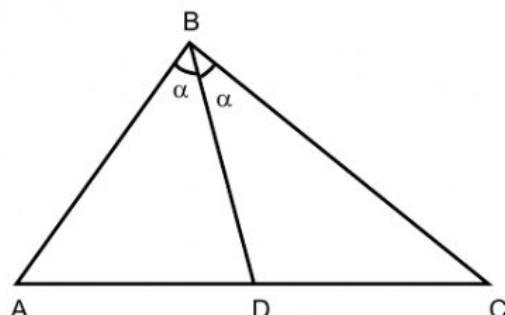
Si: $\overline{MN} \parallel \overline{AC}$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{AB}{BC} = \frac{DB}{BE}}$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{BM}{MA} = \frac{BN}{NC}}$$



9 Teorema de la Bisectriz Interior:

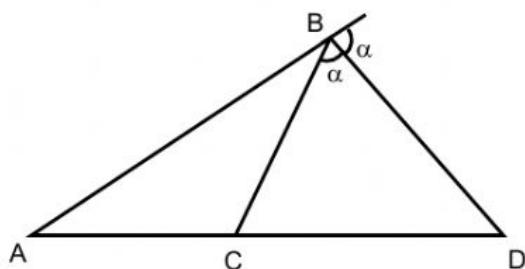


Si: \overline{BD} es bisectriz Interior.

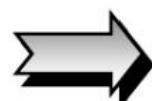


$$\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DC}$$

9 Teorema de la Bisectriz Exterior:



Si: \overline{BD} es bisectriz Exterior.

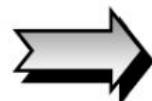
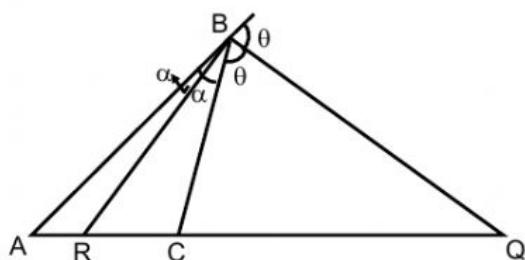


$$\frac{AB}{BC} = \frac{AD}{CD}$$

Observación:

Si: \overline{BR} es bisectriz Interior.

\overline{BQ} es bisectriz Exterior.



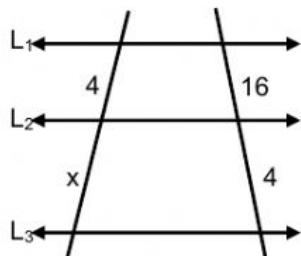
$$\frac{AR}{RC} = \frac{AQ}{CQ}$$



Ejercicios de Aplicación

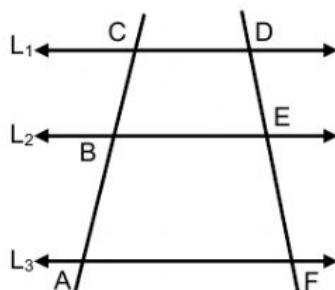
1. Si: $L_1 \parallel L_2 \parallel L_3$. Calcula "x"

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4



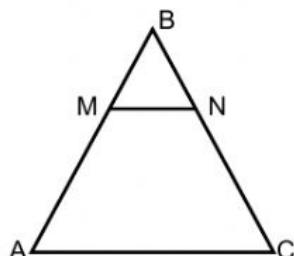
2. $L_1 \parallel L_2 \parallel L_3$. Calcula EF. Si: AC = 12, AB = 3 y DF = 48.

- a) 10
- b) 8
- c) 12
- d) 6
- e) 3



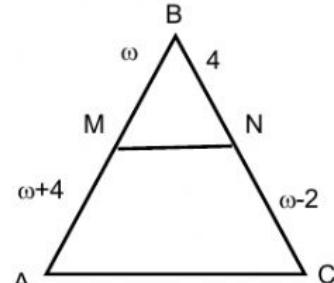
3. Calcula MA, $MN \parallel AC$. Si: AB = 12, BC = 16, BN = 7.

- a) $3/4$
- b) $1/4$
- c) $25/4$
- d) $27/4$
- e) $13/4$



4. Halla el valor de " ω ", $MN \parallel AC$

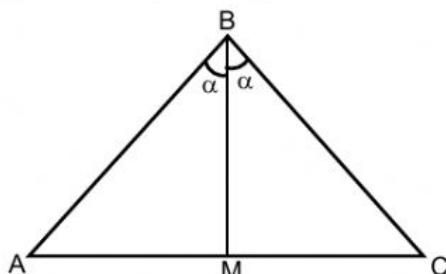
- a) 8
- b) 1,5
- c) 3,5
- d) 2,5
- e) 2





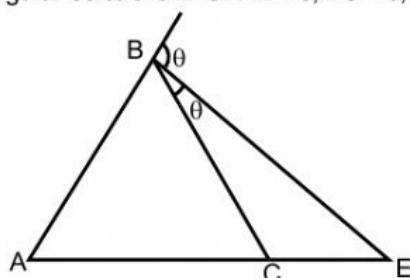
5. En la figura: $AB = 8$, $BC = 6$ y $AC = 7$. Calcula AM

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) 5



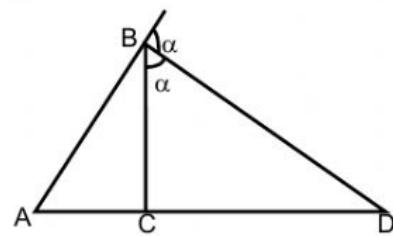
6. En la figura. Calcula CE . Si: $AB = 8$, $BC = 6$, $AC = 7$.

- a) 28
- b) 24
- c) 23
- d) 22
- e) 21



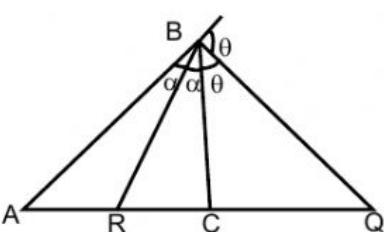
7. En la figura, calcula AB . Si: $BC = 2$, $AD = 9$ y $CD = 6$.

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 0
- e) -1



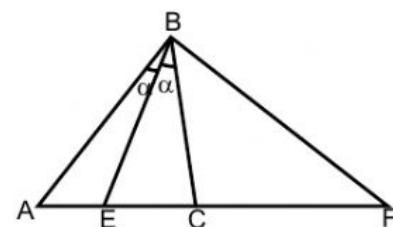
8. Calcula CQ . Si: $AB = 8$, $BC = 6$ y $AC = 7$.

- a) 21
- b) 6
- c) 24
- d) 48
- e) 9



9. Calcula CF . Si: $AE = 5$, $EC = 3$ y $m\hat{E}BF = 90^\circ$.

- a) 9
- b) 10
- c) 12
- d) 18
- e) 8





10. En un trapezoide ABCD las bisectrices de los ángulos B y D se cortan en un punto E de la diagonal \overline{AC} . Si: AB = 15, BC = 10 y CD = 12. Calcula AD.

- a) 18 b) 15 c) 12
d) 9 e) 6

11. En un triángulo ABC, \overline{BD} y \overline{BE} son bisectrices, interior y exterior respectivamente. Calcula CE. Si AD = 5 y DC = 3.

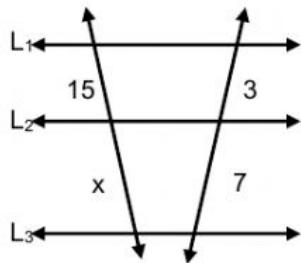
- a) 2 b) 6 c) 12
d) 8 e) 9

12. En un triángulo ABC de lados AB = 12, BC = 5 y AC = 3,5, se traza la bisectriz interior BS. Calcula SC.

- a) 1,51 b) 1,48 c) 2,54
d) 3,11 e) 0,97

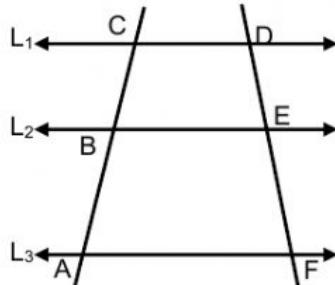
13. Si $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$. Calcula "x"

- a) 3
b) 7
c) 21
d) 35
e) 45



14. $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$. Calcula AC, Si: DF = 10, DE = 5 y AB = 20.

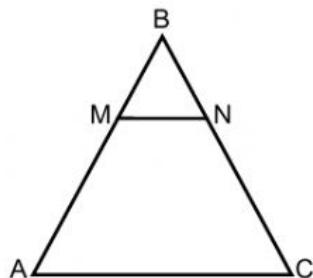
- a) 10
b) 15
c) 40
d) 30
e) 20





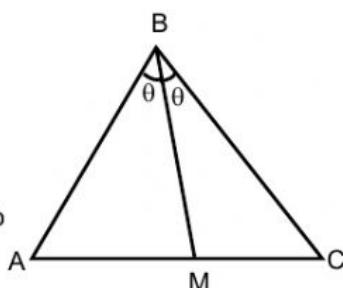
15. Calcula AB. Si: BC = 15, BN = 3 y BM = 4.

- a) 20
- b) 24
- c) 16
- d) 18
- e) 25



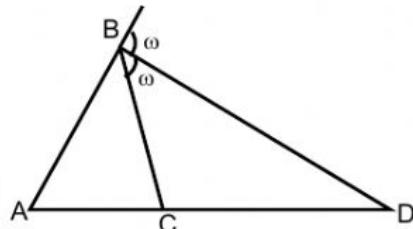
16. En la figura: AB = 3, BC = 4 y AC = 21. Calcula MC.

- a) 12
- b) 9
- c) 7
- d) 3
- e) Absurdo



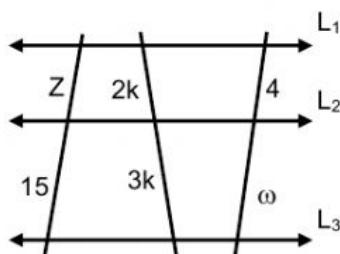
17. En la figura, calcula CD. Si: AB = 4, BC = 3 y AC = 2.

- a) 2
- b) 4
- c) 6
- d) 3
- e) 12



18. Calcula $Z + \omega$, $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$

- a) 8
- b) 10
- c) 12
- d) 9
- e) 16



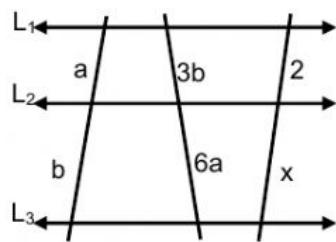
19. Del problema anterior, calcula $Z - \omega$.

- | | | |
|------|-------|------|
| a) 2 | b) 4 | c) 6 |
| d) 8 | e) 10 | |



20. De la figura: $L_1 \parallel L_2 \parallel L_3$, calcula "x".

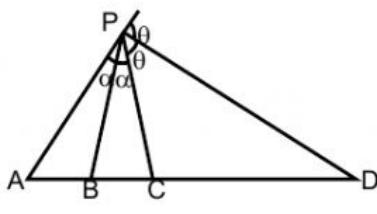
- a) 3
- b) 2
- c) 6
- d) $2\sqrt{2}$
- e) $6\sqrt{2}$





Hallar: CD, Si: AB = 2, BC = 1.

- a) 2
- b) 3
- c) 5
- d) 10
- e) 4



21. Del problema anterior.

Calcular: PC. Si: PA = 2b.

- a) b
- b) 2b
- c) 3b
- d) $\frac{b}{2}$
- e) F.D.

22. Hallar "AD"; BE = 3 y $3AM = 4MC$

- a) 6
- b) 3
- c) 9
- d) 12
- e) 15

