

원의 방정식

원 : 한 점에서 이르는 거리가 일

정한 점들의 모임

중심 $C(a, b)$, 반지름 r 인 원의

방정식

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$$

원위의 임의의 점을 P 라 하면

$$\vec{OP} = \boxed{\quad}$$

$$|\vec{OP}| = r$$

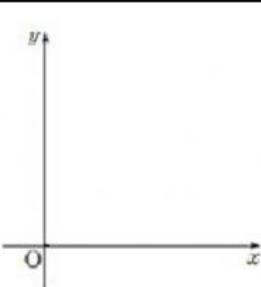
$$(\vec{OP})^2 = r^2$$

$$(\vec{OP})^2 = (\vec{OC} + \vec{CP})^2 = \boxed{\quad}^2$$

$$\vec{OP}^2 = \vec{OC}^2 + \vec{CP}^2$$

$$\vec{OP}^2 = \boxed{\quad}^2 + \boxed{\quad}^2 = 0$$

$$\begin{array}{ll} |\vec{CP}| & a, b, p, c, r \\ \vec{PR} & |\vec{PK}| \end{array}$$



[문제1]

점 $C(1, 2)$ 을 중심으로 하고 반지름의 길이가 2인 원 위의 점 $P(x, y)$ 에 대하여 두 점 C, P 의 위치벡터를 각각 \vec{c}, \vec{p} 라고 할 때,

$$\textcircled{1} \text{ 벡터방정식} : |\vec{p} - \vec{c}| = \boxed{\quad}$$

$$\textcircled{2} \text{ 방정식} : (\boxed{\quad})^2 + (\boxed{\quad})^2 = \boxed{\quad}$$

[문제2]

점 $A(-2, 3)$ 을 중심으로 하고 반지름의 길이가 2인 원 위의 점 $P(x, y)$ 에 대하여 두 점 A, P 의 위치벡터를 각각 \vec{a}, \vec{p} 라고 할 때, 원의 방정식을 벡터를 이용하여 구하시오.

$$\textcircled{1} \text{ 벡터방정식} : |\vec{p} - \vec{a}| = \boxed{\quad}$$

$$\textcircled{2} \text{ 방정식} : (\boxed{\quad})^2 + (\boxed{\quad})^2 = \boxed{\quad}$$

[문제3]

점 $A(2, -4)$ 에 대하여 $|\vec{AP}| = 3$ 을 만족시키는 점 P 가 그리는 도형의 방정식을 구하시오.

$$\textcircled{1} (x+2)^2 + (y-4)^2 = 3$$

$$\textcircled{2} (x-2)^2 + (y-4)^2 = 9$$

$$\textcircled{3} (x-2)^2 + (y+4)^2 = 9$$

$$\textcircled{4} (x+2)^2 + (y+4)^2 = 3$$

$$\textcircled{5} (x-2)^2 + (y+4)^2 = 3$$

[문제4] 다음 조건을 만족시키는 원의 방정식을 벡터를 이용하여 구하시오.

(1) 점 $(2, -3)$ 을 중심으로 하고 반지름의 길이가 3인 원

$$\textcircled{1} (x+2)^2 + (y-3)^2 = 9$$

$$\textcircled{2} (x-2)^2 + (y-3)^2 = 9$$

$$\textcircled{3} (x-2)^2 + (y+3)^2 = 9$$

$$\textcircled{4} (x+2)^2 + (y+3)^2 = 9$$

$$\textcircled{5} (x-2)^2 + (y+3)^2 = 3$$

(2) 두 점 $A(1, 2), B(3, 0)$ 을 지름의 양 끝점으로 하는 원

$$\textcircled{1} x^2 + 4x + y^2 + 2y + 3 = 0$$

$$\textcircled{2} x^2 + 4x + y^2 - 2y + 3 = 0$$

$$\textcircled{3} x^2 - 4x - y^2 + 2y - 3 = 0$$

$$\textcircled{4} x^2 - 4x - y^2 - 2y + 3 = 0$$

$$\textcircled{5} x^2 - 4x + y^2 - 2y + 3 = 0$$

원의 방정식

[문제6] 두 점 A(1, 2)와 B(1, 6)에 대하여 $\vec{AP} \cdot \vec{BP} = 0$ 을 만족시키는 점 P가 그리는 도형의 길이를 구하시오.

$\vec{AP} \cdot \vec{BP} = 0 \Rightarrow$ 점 와 가 지름의 양 끝점이다.

중심 : (,) 반지름 :

답 : π

[문제7] 좌표평면에서 점 A(3, 1)과 점 P의 위치벡터를 각각 \vec{a} , \vec{p} 라고 할 때, 다음을 만족시키는 점 P는 각각 어떤 도형 위에 있는지 말하시오.

(1) $|\vec{p} - \vec{a}| = 2$

: 가 중심 반지름이 인 원
 $\Rightarrow (\quad)^2 + (\quad)^2 = \quad$

(2) $\vec{p} \cdot (\vec{p} - \vec{a}) = 0$

: 지름의 양 끝 : ,

중심 : (,) , 반지름 : $\sqrt{\frac{\quad}{\quad}}$
 $\Rightarrow (\quad)^2 + (\quad)^2 = \quad$

[문제8]

점 A(2, 0)을 중심으로 하고 반지름의 길이가 1인 원 위의 점 P에 대하여 $\vec{OA} \cdot \vec{OP}$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 구하시오. (단, 점 O는 원점이다.)

풀이) $\vec{OA} \cdot \vec{OP} = (\quad) \cdot (\quad) = \quad$

이때, x값의 범위가 $\leq x \leq \quad$ 이므로 최댓값은

[문제9]

두 점 P, Q의 위치벡터를 각각 \vec{p} , \vec{q} 라 하자. 세 벡터 $\vec{a} = (-1, 4)$, $\vec{c} = (4, 2)$, $\vec{n} = (4, -3)$ 에 대하여 두 벡터 \vec{p} , \vec{q} 가 각각 $\vec{n} \cdot (\vec{p} - \vec{a}) = 0$, $|\vec{q} - \vec{c}| = 3$

을 만족시킬 때, 선분 PQ의 길이의 최솟값을 구하시오.

풀이) $\vec{n} \cdot (\vec{p} - \vec{a}) = 0$: 점 P는 점 를 지나고 \vec{n} 에 인 직선 l 위의 점

$|\vec{q} - \vec{c}| = 3$: 점 Q는 중심이 이고 반지름이 인 원 위의 점

직선 l의 방정식 : $(ax + by + c = 0 \text{로 작성})$

선분 PQ의 길이의 최솟값 K = 점 에서 직선 l까지의 거리 - 원의 (한글)

$$= \frac{\quad}{\quad} - \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$$

답 :