

LKS Interaktif

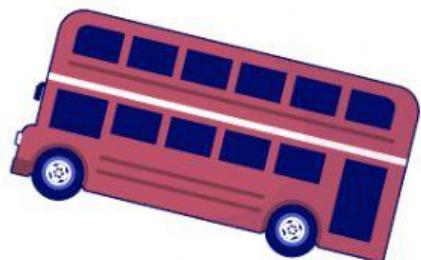
Persamaan

Parametrik

IDENTITAS SISWA

NAMA :

KELAS :



Lembar Kerja Siswa

Satuan Pendidikan	: SMA/MA Sederajat
Nama Sekolah	: SMA Negeri 3 Bengkulu Utara
Kelas/Semester	: XI/Genap
Mata Pelajaran	: Matematika
Pokok Bahasan	: Persamaan Parametrik

Kompetensi Inti

1. Menghayati dan mengamalkan ajaran agama yang dianutnya.
2. Menghayati dan mengamalkan perilaku jujur, disiplin, tanggung jawab, peduli (gotong royong, kerja sama, toleran, damai), santun, responsif dan pro-aktif dan menunjukkan sikap sebagai bagian dari solusi atas berbagai permasalahan dalam berinteraksi secara efektif dengan lingkungan sosial dan alam serta dalam menempatkan diri sebagai cerminan bangsa dalam pergaulan dunia.
3. Memahami, menerapkan, menganalisis pengetahuan factual, konseptual, prosedural berdasarkan rasa ingin tahu tentang ilmu pengetahuan, teknologi, seni, budaya, dan humaniora dengan wawasan kemanusiaan, kebangsaan, kenegaraan, dan peradaban terkait penyebab fenomena dan kejadian, serta menerapkan pengetahuan procedural pada bidang kajian yang spesifik sesuai dengan bakat dan minatnya untuk memecahkan masalah.

Kompetensi Dasar

1. Menjelaskan persamaan parametrik I dan persamaan parametrik II.
2. Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan persamaan parametrik I dan persamaan parametrik II.

Indikator

1. Siswa mampu menjelaskan persamaan parametrik I dan persamaan parametrik II.
2. Siswa mampu menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan persamaan parametrik I dan persamaan parametrik II.

Materi Pelajaran

01

**panjang kurva
parametrik**



02

**garis singgung
parametrik**

03

**persamaan
parametrik untuk
garis**

04

**persamaan
parametrik untuk
irisan kerucut**



panjang kurva parametrik

Perhatikan persamaan parameter berikut

$$x = f(t)$$

$$y = g(t)$$

untuk $a \leq t \leq b$. Selanjutnya partisi pada interval $[a, b]$ menjadi n sub-interval dengan titik-titik ujung

$$a = t_0 < t_1 < t_2 < \dots < t_n = b.$$

Akibatnya, kurva dari persamaan parameter tersebut terpartisi oleh titik-titik $Q_0, Q_1, Q_2, \dots, Q_{n-1}$, dan Q_n . Perhatikan Gambar 7.5. Panjang Δs_i dapat diaproksimasi oleh

$$\begin{aligned}\Delta s_i &\approx \Delta w_i = \sqrt{p(\Delta x_i)^2 + (\Delta y_i)^2} \\ &= \sqrt{p(f(t_i) - f(t_{i-1}))^2 + (g(t_i) - g(t_{i-1}))^2}\end{aligned}$$

Berdasarkan Teorema Nilai Rata-rata untuk turunan, bahwa

$$\begin{aligned}\frac{f(t_i) - f(t_{i-1})}{t_i - t_{i-1}} &= f'(\tilde{t}_i) \\ f(t_i) - f(t_{i-1}) &= f'(\tilde{t}_i) \Delta t_i\end{aligned}$$

dan

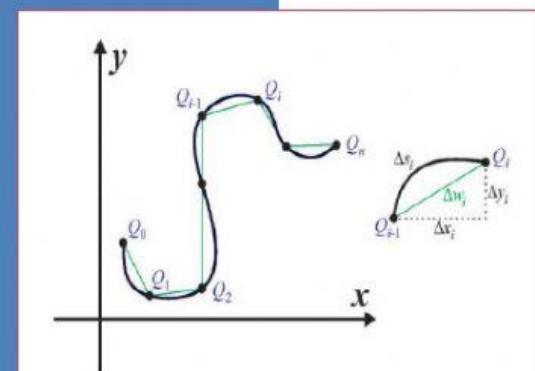
$$\begin{aligned}\frac{g(t_i) - g(t_{i-1})}{t_i - t_{i-1}} &= g'(\tilde{t}_i) \\ g(t_i) - g(t_{i-1}) &= g'(\tilde{t}_i) \Delta t_i\end{aligned}$$

Sehingga

$$\begin{aligned}\Delta w_i &= \sqrt{(f(t_i) - f(t_{i-1}))^2 + (g(t_i) - g(t_{i-1}))^2} \\ &= \sqrt{[f'(\tilde{t}_i) \Delta t_i]^2 + [g'(\tilde{t}_i) \Delta t_i]^2} \\ &= \sqrt{[f'(\tilde{t}_i)]^2 + [g'(\tilde{t}_i)]^2} \Delta t_i\end{aligned}$$

Oleh karena itu, jumlah keseluruhannya menjadi

$$\sum_{i=1}^n \Delta w_i = \sum_{i=1}^n \sqrt{[f'(\tilde{t}_i)]^2 + [g'(\tilde{t}_i)]^2} \Delta t_i$$

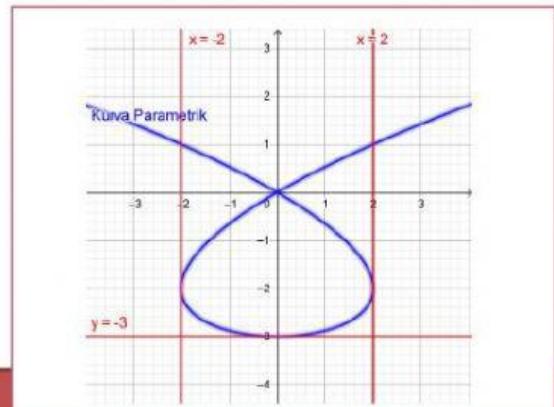
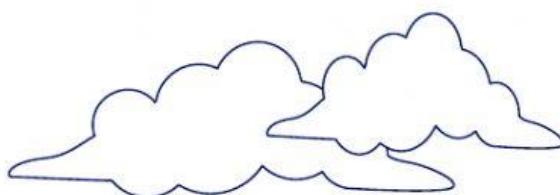


Gambar 7.5: Ilustrasi partisi kurva parametrik

Simak video berikut untuk lebih memahami mengenai materi ini.

garis singgung parametrik

Simak video berikut untuk memahami mengenai materi ini.



Diberikan persamaan-persamaan parametrik:

$$\begin{aligned}x &= f(t) \\y &= g(t)\end{aligned}$$

Untuk $t \in L$. Garis singgung (baik horizontal maupun vertikal) dari persamaan-persamaan parametrik tersebut dapat ditemukan dengan menentukan dimana titik stasioner tersebut. Posisi titik yang menjadi titik stationer dari garis singgung horizontal dapat dicari dengan menyelesaikan

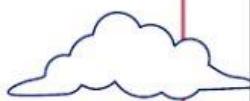
$$\frac{dy}{dt} = 0$$

sedangkan titik stationer dari garis singgung vertikal dapat ditemukan dengan menyelesaikan persamaan

$$\frac{dx}{dt} = 0$$



Persamaan Parametrik Untuk Garis



Misalkan gradien garis dinyatakan sebagai $m = \frac{y_s}{x_s}$. Maka suatu garis $y = mx + c$ dapat dinyatakan sebagai persamaan-persamaan parametrik

$$x = x_1 + x_s \cdot t \quad (7.1)$$

$$y = y_1 + y_s \cdot t, \quad (7.2)$$

Perhatikan bahwa berdasarkan Persamaan 7.1 dan Persamaan 7.2, diperoleh

$$t = \frac{x - x_1}{x_s}$$

$$t = \frac{y - y_1}{y_s}$$

Sehingga

$$t = t$$

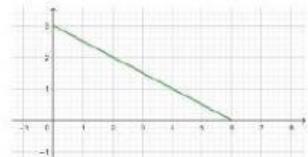
$$\frac{x - x_1}{x_s} = \frac{y - y_1}{y_s}$$

$$y - y_1 = \frac{y_s}{x_s} (x - x_1)$$

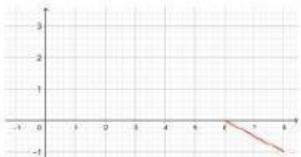
dengan $\frac{y_s}{x_s}$ merupakan gradien garis tersebut. Oleh karena itu, persamaan-persamaan parametrik suatu garis yang melalui titik $A(x_1, y_1)$ dan $B(x_2, y_2)$ adalah

$$x = x_1 + (x_2 - x_1)t$$

$$y = y_1 + (y_2 - y_1)t.$$



(a) $t \in [-3, 0]$



(b) $t \in [0, 1]$



(c) $t \in [-3, 1]$

Persamaan Parametrik Untuk Irisan Kerucut

1. Persamaan Lingkaran

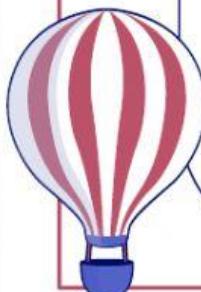
- $x = r \cos t$
 $y = r \sin t$
- $x = r \cos t + p$
 $y = r \sin t + q$

2. Persamaan Elips

- $x = a \cos(t)$
 $y = b \sin(t)$
- $x = a \cos(t) + p$
 $y = b \sin(t) + q$

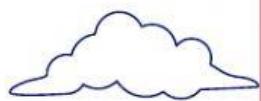
3. Persamaan Hiperbola

- $x = h \pm a \cosh(t)$
 $y = k \pm b \sinh(t)$
- $x = h \pm a \sinh t$
 $y = k \pm b \cosh t$

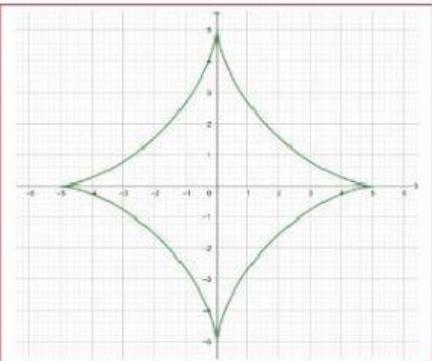




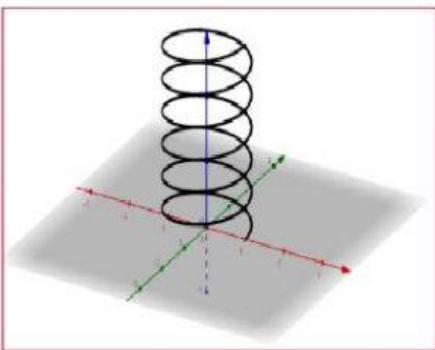
LATIHAN SOAL



Jodohkanlah gambar berikut dengan jawaban yang benar !



Kurva parametrik
tiga dimensi



Kurva astroid

Jawablah pertanyaan dibawah ini dengan jawaban benar atau salah !

Benar atau salah $x = 3 \cos t + 4$, $y = 4 \sin t + 5$ merupakan persamaan parametrik
dari persamaan elips $\frac{(x-4)^2}{9} + \frac{(y-5)^2}{16} = 1$?

Benar

Salah



LATIHAN SOAL

Tariklah gambar berikut ke dalam kotak dengan persamaan yang sesuai!

$$s = \int_c^d \sqrt{\left(\frac{dx}{dy}\right)^2 + 1} dy$$

$$s = \int_b^a \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$$

Persamaan garis singgung parametrik

Persamaan garis singgung :

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

Gradien garis singgung :

$$m = \frac{dy}{dx} = \frac{dy/dt}{dx/dt}$$

Panjang Kurva Parametrik

$$y = y_1 + (y_2 - y_1)t$$

$$x = x_1 + (x_2 - x_1)t$$

Persamaan parametrik untuk garis