

Lembar Kerja Peserta Didik (LKPD)

Irisan Kerucut dan Persamaan Parametrik

NAMA : _____

KELAS : _____

HARI/TANGGAL : _____

NO.ABSEN : _____

MATEMATIKA

KELAS XI

SMA

KOMPETENSI INTI, KOMPETENSI DASAR, INDIKATOR PENCAPAIAN, TUJUAN PEMBELAJARAN, PETUNJUK DAN RINGKASAN MATERI

KOMPETENSI INTI

- KI 3 : Memahami pengetahuan faktual dengan cara mengamati (mendengar, melihat, membaca) dan menanya berdasarkan rasa ingin tahunya tentang dirinya, makhluk ciptaan Tuhan dan kegiatannya, dan benda-benda yang dijumpainya di rumah, sekolah, dan tempat bermain.
- KI 4 : Menyajikan pengetahuan faktual dalam bahasa yang jelas, sistematis, dan logis, dalam karya yang estetis, dalam gerakan yang mencerminkan anak sehat, dan dalam tindakan yang mencerminkan perilaku anak beriman dan berakhlak mulia

KOMPETENSI DASAR	INDIKATOR PENCAPAIAN
3.3 Menganalisis irisan kerucut (lingkaran, parabola, elips, dan hiperbola)	3.3.1 Menganalisis irisan kerucut (lingkaran, parabola, elips, dan hiperbola) dan PGS
4.3 Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan irisan kerucut (lingkaran, parabola, elips, dan hiperbola)	4.3.1 Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan irisan kerucut (lingkaran, elips, parabola, dan hiperbola) dan PGS
4. Menyelesaikan permasalahan persamaan Parametrik	4. Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan persamaan parametrik

TUJUAN PEMBELAJARAN

1. Peserta didik dapat memahami irisan keurucut : (lingkaran, parabola, elips dan hiperbola)
2. Peserta didik dapat memahami persamaan garis singgung dari irisan kerucut : (lingkaran, parabola, elips dan hiperbola)
3. Peserta didik dapat memahami persamaan parametrik dan persamaan garis singgungnya

PETUNJUK

1. Isilah nama, kelas, no. absen dan hari/tanggal pada halaman pertama,
2. Isilah jawaban-jawaban dengan petunjuk-petunjuk yang diberikan,
3. Cermati soal dengan teliti dan seksama,
4. Lakukan kegiatan dengan baik dan benar.

RINGKASAN MATERI

A. IRISAN KERUCUT : LINGKARAN DAN PGS-NYA

- Jika diketahui titik singgung (x_1, y_1) pada lingkaran
 - Persamaan lingkaran $x^2 + y^2 = r^2$
→ PGS : $xx_1 + yy_1 = r^2$
 - Persamaan lingkaran $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$
→ PGS : $(x - a)(x_1 - a) + (y - b)(y_1 - b) = r^2$
 - Persamaan lingkaran $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$
→ PGS : $xx_1 + yy_1 + \frac{1}{2}A(x + x_1) + \frac{1}{2}B(y + y_1) + C = 0$

- Jika diketahui gradien garis singgung lingkaran (m)

- Persamaan lingkaran $x^2 + y^2 = r^2$

$$\rightarrow \text{PGS} : y = mx \pm \sqrt{m^2 + 1}$$

- Persamaan lingkaran $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$

$$\rightarrow \text{PGS} : y - b = m(x - a) \pm r\sqrt{m^2 + 1}$$

Untuk lebih jelasnya dapat kalian lihat pada link video dibawah ini



B. IRISAN KERUCUT : PARABOLA DAN PGS-NYA

a. Parabola Standar

- Right-Handed Parabola

$$\text{Persamaan} : y^2 = 4ax \rightarrow \text{PGS} : y = mx + \frac{a}{m}$$

- Left-Handed Parabola

$$\text{Persamaan} : y^2 = -4ax \rightarrow \text{PGS} : y = mx - \frac{a}{m}$$

- Upwards Parabola

$$\text{Persamaan} : x^2 = 4ay \rightarrow \text{PGS} : y = mx - am^2$$

- Downwards Parabola

$$\text{Persamaan} : x^2 = -4ay \rightarrow \text{PGS} : y = mx + am^2$$

b. Parabola Tak Standar

- Parabola opening towards right hand side

Persamaan : $(y - k)^2 = 4a(x - h) \rightarrow PGS: y = mx - mh + k + \frac{a}{m}$

- Parabola opening towards left hand side

Persamaan : $(y - k)^2 = -4a(x - h) \rightarrow PGS: y = mx - mh + k - \frac{a}{m}$

- Parabola opening upwards

Persamaan : $(x - h)^2 = 4a(y - k) \rightarrow PGS: y = mx - mh + k + am^2$

- Parabola opening downwards

Persamaan : $(x - h)^2 = -4a(y - k) \rightarrow PGS: y = mx - mh + k + am^2$

Dan untuk lebih memahami kalian simak video pada link dibawah ini.



C. IRISAN KERUCUT : ELIPS DAN PGS-NYA

a. Elips standar berpusat pada titik (0,0)

- Elips Horizontal

Persamaan $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \rightarrow PGS \frac{xx_1}{a^2} + \frac{yy_1}{b^2} = 1$

- Elips Vertikal

Persamaan $\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1 \rightarrow PGS \frac{xx_1}{b^2} + \frac{yy_1}{a^2} = 1$

b. Elips Tak Standar

- Elips Horizontal

$$\text{Persamaan } \frac{(x-k)^2}{a^2} + \frac{(y-h)^2}{b^2} = 1 \rightarrow \text{PGS } \frac{(x-h)(x_1-h)}{a^2} + \frac{(y-k)(y_1-k)}{b^2} = 1$$

- Elips Vertikal

$$\text{Persamaan } \frac{(x-k)^2}{b^2} + \frac{(y-h)^2}{a^2} = 1 \rightarrow \text{PGS } \frac{(x-h)(x_1-h)}{b^2} + \frac{(y-k)(y_1-k)}{a^2} = 1$$

Untuk lebih memahami simak video dibawah ini



D. IRISAN KERUCUT : HIPERBOLA DAN PGS-NYA

a. Hiperbola yang berpusat pada titik (0,0)

- Hiperbola Horizontal, Persamaan : $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \rightarrow \text{PGS - nya } y = mx \pm \sqrt{a^2m^2 - b^2}$
- Hiperbola Vertikal, Persamaan : $\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1 \rightarrow \text{PGS - nya } y = mx \pm \sqrt{a^2 - b^2m^2}$

b. Hiperbola yang berpusat pada titik (p,q)

- Hiperbola Horizontal $\rightarrow$ Persamaan : $\frac{(x-p)^2}{a^2} - \frac{(y-q)^2}{b^2} = 1 \rightarrow \text{PGS - nya } y = m(x-p) \pm \sqrt{a^2m^2 - b^2}$
- Hiperbola Vertikal $\rightarrow$ Persamaan : $\frac{(y-q)^2}{a^2} - \frac{(x-p)^2}{b^2} = 1 \rightarrow \text{PGS - nya } y = m(x-p) \pm \sqrt{a^2 - b^2m^2}$

Untuk lebih jelasnya simak video dibawah ini



E. PERSAMAAN PARAMETRIK

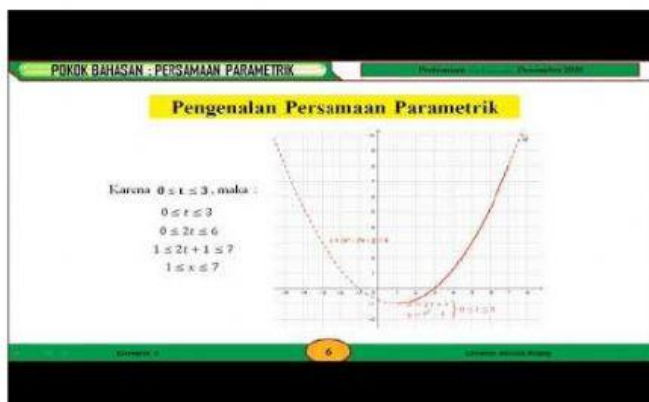
Persamaan parametrik adalah persamaan yang menyatakan hubungan variable x dan y dituliskan dengan

$$x = f(t)$$

$$y = g(t)$$

Dengan $a \leq t \leq b$, dimana setiap nilai t mendefinisikan titik $(x, y) = (f(t), g(t))$. semua titik dari domain t yang mungkin adalah grafik persamaan-persamaan parametrik dan disebut kurva parametrik.

Untuk lebih jelasnya mengenai persamaan parametrik panjang kurva, garis singgung, persamaan garis jika diketahui dua titik, persamaan parametrik untuk garis, dan persamaan parametrik untuk irisan kerucut. Bisa kalian lihat dan simak pada video youtube



SOAL

A. PILIHAN GANDA

- Persamaan garis singgung lingkaran $x^2 + y^2 - 6x + 4y - 12 = 0$ dititik $(7,1)$ adalah
 - $3x - 4y - 41 = 0$
 - $4x + 3y - 55 = 0$
 - $4x + 3y - 31 = 0$
 - $4x - 3y - 40 = 0$
 - $4x - 5y - 53 = 0$
- Diketahui parabola $x^2 = 24y$. Tentukan Koordinat titik fokus dan Persamaan garis direktrisnya
 - $(0,3), -3$
 - $(0,-3), -3$
 - $(0,6), -6$
 - $(0,-6), 6$
 - $(0,6), 6$
- Tentukan persamaan elips yang memiliki titik puncak di $(1 \pm 5,1)$ dan satu fokus di $(3,1)$
 - $\frac{(x-1)^2}{25} + \frac{(y-1)^2}{21}$
 - $\frac{(x-1)^2}{50} + \frac{(y-1)^2}{21}$
 - $\frac{(x-1)^2}{25} + \frac{(y-1)^2}{14}$
 - $\frac{(x-1)^2}{50} + \frac{(y-1)^2}{28}$
 - $\frac{(x-1)^2}{25} + \frac{(y-1)^2}{28}$
- Tentukan kedua titik fokus dari hiperbola $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$
 - $(5,0)$
 - $(0,2)$
 - $(0,5)$
 - $(2,5)$
 - $(5,2)$
- Carilah turunan dari $\frac{dy}{dx}$ untuk fungsi $x = 5 \cos t$ dan $y = 4 \sin t$
 - $-\frac{4}{5} \cos t$
 - $-\frac{5}{4} \cos t$
 - $-\frac{4}{5} \cot t$
 - $\frac{4}{5} \cot t$
 - $-\frac{5}{4} \cot t$

B. SOAL URAIAN

1. Persamaan garis yang sejajar dengan $x + 2y - 5 = 0$ yang membagi lingkaran $x^2 + y^2 - 8x + 6y - 20 = 0$ menjadi dua bagian yang sama adalah

PENYELESAIAN

2. Parabola memiliki persamaan direktris $x = 7$ dan memiliki puncak $(0, 0)$. Persamaan parabolanya

PENYELESAIAN

3. Ubahlah persamaan elips $4x^2 + 8y^2 - 4x - 24y - 13 = 0$ ke bentuk kanonik, lalu tentukan koordinat titik balik, titik fokus, persamaan sumbu mayor dan minor, dan panjang latus rectum.

PENYELESAIAN

4. Buatlah gambar grafik dari persamaan $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$

PENYELESAIAN

5. Sketsakanlah kurva parametrik berdasarkan persamaan-persamaan parametrik
- $x = t^2 + t$ dan $y = 2t - 1$ dengan, $-1 \leq t \leq 1$
 - $x = 2 \cos t$ dan $y = \sin 2t$, untuk $0 \leq t \leq 2\pi$

PENYELESAIAN