

**LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK (LKPD)**  
**MATEMATIKA WAJIB**  
**TRANSFORMASI GEOMETRI (TRANSLASI)**  
**KELAS XI**



**Name Kelompok:**

- 1.....
- 2.....
- 3.....
- 4.....
- 5.....

**Kelas** \_\_\_\_\_

**Disusun oleh:**  
**Eet Nurhayati, S.Pd.**  
**SMA NEGERI 1 BANTARKALONG**

## TUJUAN PEMBELAJARAN

Melalui diskusi LKPD peserta didik mampu:

- 3.5.1 Menemukan sifat-sifat translasi berdasarkan pengamatan pada masalah kontekstual dan pengamatan objek pada bidang koordinat.
- 3.5.2 Menentukan objek geometri hasil pergeseran (translasi) menggunakan pendekatan koordinat kartesius
- 3.5.3 Menentukan bayangan hasil translasi dengan menggunakan matriks.
- 3.5.4 Menganalisis masalah matematika berkaitan dengan konsep pergeseran (translasi).
- 4.5.1 Menyelesaikan masalah matematika berkaitan dengan konsep pergeseran (translasi)

Petunjuk :

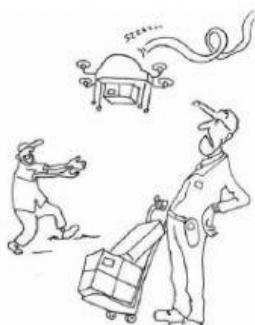
1. Berdoalah sebelum melakukan diskusi dari kegiatan ini!
2. Kerjakan LKPD kegiatan 1 secara Kelompok!
3. Setelah selesai diskusikan jawaban bersama teman sekelompokmu kemudian persentasikan di depan kelas.

"Kesuksesan adalah buah dari setiap usaha yang tak mengenal kata menyerah."



Di kelas IX kalian pernah belajar mengenai transformasi geometri. Pada saat ini kita akan melanjutkan mempelajari transformasi geometri secara analitik atau dengan pendekatan koordinat dan konsep matriks.

#### A. Translasi (pergeseran)



#### Masalah 1

Tonton video berikut ini!

Pengiriman paket surat dan barang kini semakin cepat melalui pos udara. Tersebut sedang dikembangkan penggunaan pesawat tanpa awak atau drone. Contohnya suatu barang akan dikirimkan dari Gudang ketik koordinat tujuan dengan sistem navigasi jarak jauh. Gudang sebagai titik awal drone berada di koordinat  $(15, 10)$  untuk sampai ditujuan drone dikendalikan dengan dua translasi yaitu translasi  $(50, 20)$  kemudian dilanjutkan dengan translasi  $(35, -25)$ .

1. Berdasarkan video yang telah dipaparkan, bagaimana hipotesismu terhadap sifat perubahan benda yang ditranslasikan (digeser)?

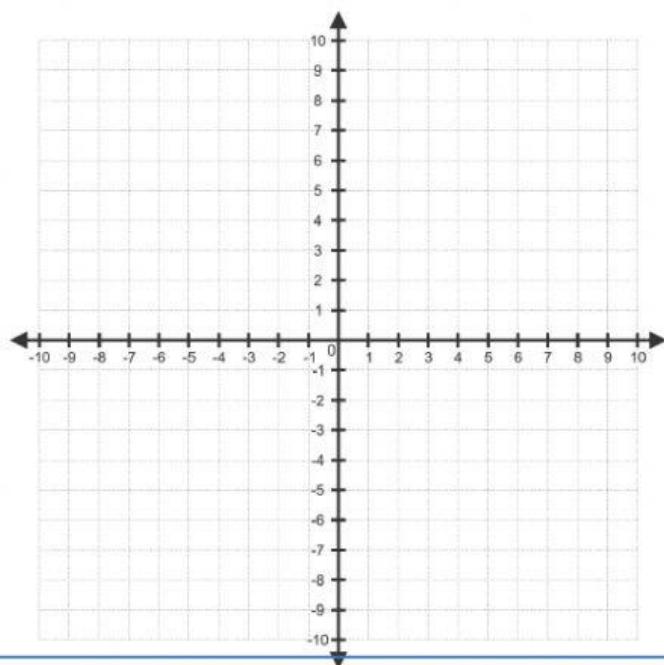
Jawab

.....  
.....  
.....

Berdasarkan video diatas, tentukan koordinat titik awal paket  $(\dots, \dots)$

2. Perubahan posisi awal missal titik A

Letakan titik A dan A' pada koordinat kartesius:



Isilah table berikut ini berdasarkan jawaban mu pada soal no 2

Posisi awal	Koordinat awal (x,y)	Pergeseran				Posisi akhir pertama	Koordinat akhir pertama (x',y')		
		Sumbu x		Sumbu y					
		Kanan	Kiri	Atas	Bawah				
A	(..., ...)	....	....	....	....	A'	(..., ...)		
A'	(..., ...)	....	....	....	....	A''	(..., ...)		

### AYO MERUMUSKAN

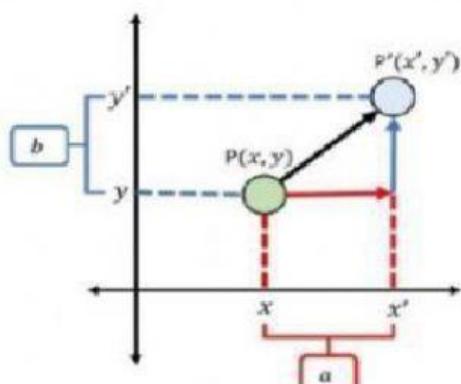
Misalkan:

Koordinat awal :  $P(x, y)$

Pergeseran terhadap sumbu x :  $a$

Pergeseran terhadap sumbu y :  $b$

Koordinat akhir :  $P'(x', y')$



➢ Besar pergeseran terhadap sumbu x adalah

$$a = \boxed{\phantom{00}} \text{ atau } x' = \boxed{\phantom{00}}$$

➢ Besar pergeseran terhadap sumbu y adalah

$$b = \boxed{\phantom{00}} \text{ atau } y' = \boxed{\phantom{00}}$$

Jika suatu titik  $P(x, y)$  ditranslasikan sejauh  $a$  terhadap sumbu-x dan  $b$  terhadap sumbu-y, maka bayangan titik tersebut adalah  $P'(x', y')$ .

Dimana:

$$x' = \boxed{\phantom{00}}$$

$$y' = \boxed{\phantom{00}}$$

#### Notasi Translasi

$$A(x, y) - T \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} \rightarrow A'(\boxed{\phantom{00}}, \boxed{\phantom{00}})$$

### Masalah

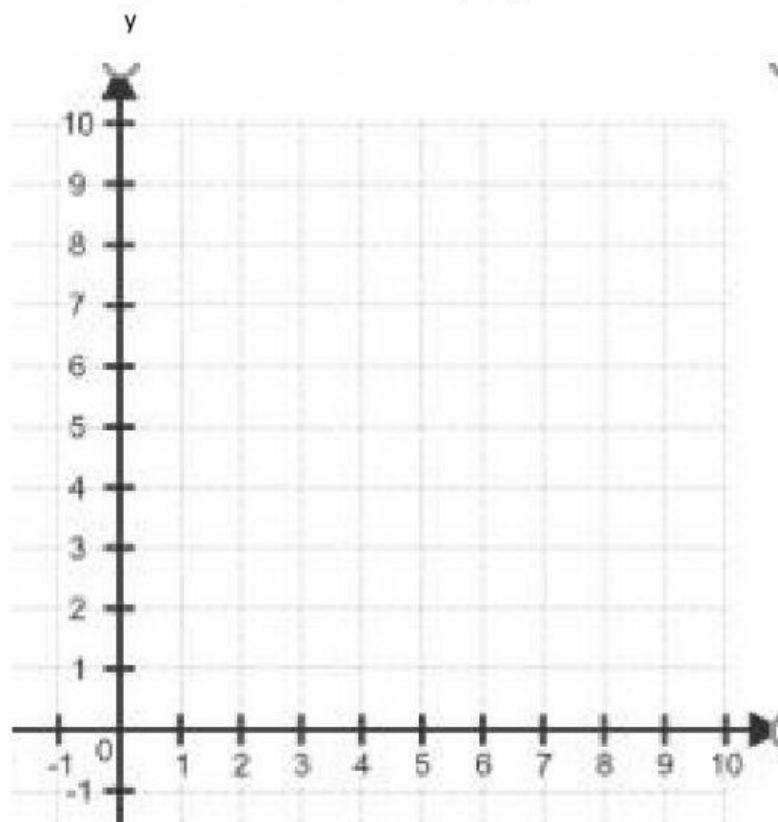


Beberapa anak sedang bermain dilapangan. Mereka membentuk kelompok dengan anggota 2 orang. Andi dan Ari adalah teman sekelompok. Pada permainan tersebut, mata Andi di tutup dengansaku tangan, kemudian Ari memandu pergerakan Andi untuk mendapatkan bola yang telah ditentukan tempatnya. Ari memberikan arahan kepada Andi secara berurutan:

- Ke kanan 4 langkah dan maju 3 langkah
- Ke kiri 1 langkah dan maju 2 langkah
- Ke kanan 7 langkah dan mundur 1 langkah
- Ke kiri 2 langkah dan mundur 3 langkah
- Ke kanan 4 langkah dan maju 2 langkah

Penyelesaian :

1. Gambarlah dalam bidang koordinat Langkah yang ditempuh oleh Andi apabila posisi awal Andi adalah A (0, 1)



2. tentukan titik yang menunjukkan posisi akhir Andi mendapatkan bola tersebut!

3. tentukan perubahan posisi Andi setiap langkahnya dengan memperhatikan pergerakan titik yang terjadi pada sumbu x dan sumbu y!

(koordinat Langkah pada kolom ke 3 disebut sebagai komponen translasi)

Titik Awal	Langkah Andi	Koordinat Langkah	Titik Hasil	Perubahan titik
A(0, 1)	Ke kanan 4 langkah dan maju 3 langkah	$T = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$	A'(4,4)	$A(0,1) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}} A'(4,4)$
A(....., ....)	Ke kiri ..... langkah dan maju ..... langkah	$T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}$	A'(..,....)	$A(....., ...) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}} A' ....., ...)$
A(....., ....)	Ke kanan ..... langkah dan mundur ..... langkah	$T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}$	A'(..,....)	$A(....., ...) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}} A' ....., ...)$
A(....., ....)	Ke kiri ..... langkah dan mundur ..... langkah	$T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}$	A'(..,....)	$A(....., ...) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}} A' ....., ...)$
A(....., ....)	Ke kanan ..... langkah dan maju ..... langkah	$T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}$	A'(..,....)	$A(....., ...) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}} A' ....., ...)$
A(....., ....)		$T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}$	A'(..,....)	$A(....., ...) \xrightarrow{T = \begin{pmatrix} \dots \dots \\ \dots \dots \end{pmatrix}} A' ....., ...)$

Selanjutnya kita akan menemukan konsep translasi dan kaitannya dengan konsep matriks. Amati Kembalipergeseran titik pada gambar diatas dan isilah kolom di bawah ini!

Titik Akhir	Translasi	Titik Awal	Proses
$\begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$	$T = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$T = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$T = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$T = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$T = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dots \\ \dots \end{pmatrix}$

4. Berdasarkan tabel yang sudah dilengkapi, apa yang dapat kalian simpulkan terkait translasi?

## MASALAH 3

Pulau A terletak pada koordinat  $(-3, -2)$ , pulau B terletak pada koordinat  $(1, -2)$ , dan pada pulau C terletak pada koordinat  $(1, 1)$ . Jarak antar pulau A ke D adalah 5 satuan ke utara dan 2 satuan ke timur. Akibat gempa tektonik, semua pulau bergeser sejauh 6 satuan ke selatan, dan 3 satuan ke timur. Dimanakah koordinat pulau D setelah terjadi gempa



Jawablah masalah di atas berdasarkan urutan berikut ini!

- Memahami masalah

*(tuliskan apa yang diketahui dan apa yang ditanya dari masalah di atas)*

b. Merencanakan Penyelesaian

*(Buatlah pemisalan untuk hal-hal yang diketahui dan ditanyakan, kemudian buatlah model matematika dari permasalahan yang diketahui dan ditanya. Tentukan penyelesaian tersebut )*

c. Menyelesaikan Masalah