

I - PHẦN TRẮC NGHIỆM

Câu 1. Tìm họ nguyên hàm $F(x) = \int x^3 dx$.

- A. $F(x) = \frac{x^4}{4}$. B. $F(x) = \frac{x^4}{4} + C$. C. $F(x) = x^3 + C$. D. $3x^2 + C$.

Câu 2. Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên K và $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x)$ trên K . Khi đó $F'(x) = f(x)$, $\forall x \in K$.
B. $\int f'(x) dx = f(x) + C$.
C. $\int kf(x) dx = k \int f(x) dx$ với k là hằng số khác 0.
D. Nếu $F(x)$ và $G(x)$ đều là nguyên hàm của hàm số $f(x)$ thì $F(x) = G(x)$.

Câu 3. Khẳng định nào sau đây **đúng**?

- A. $\int \cos x dx = \sin x$. C. $\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C$. B. $\int \cos x dx = \sin x + C$. D. $\int x^2 dx = 2x + C$.

Câu 4. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^2 - x$ thỏa mãn $F(0) = 2$, giá trị của $F(2)$ bằng

- A. $\frac{8}{3}$. B. $-\frac{8}{3}$. C. 2. D. -5.

Câu 5. Cho hai hàm số $f(x)$ và $g(x)$ xác định và liên tục trên $\mathbb{R}$. Trong các khẳng định sau, có bao nhiêu khẳng định **sai**?

(I) $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$.

(II) $\int [f(x) \cdot g(x)] dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx$.

(III) $\int k \cdot f(x) dx = k \int f(x) dx$ với mọi số thực k .

(IV) $\int f'(x) dx = f(x) + C$.

- A. 1. B. 2. C. 3. D. 0.

Câu 6. Cho hàm số $f'(x) = 1 - 2\sin x$ và $f(0) = 1$. Mệnh đề nào sau đây **đúng**?

- A. $f(x) = x - 2\cos x + 2$. B. $f(x) = x - 2\cos x - 1$.
C. $f(x) = x + 2\cos x + 2$. D. $f(x) = x + 2\cos x - 1$.

Câu 7. Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = (2x+1)^{10}$ là

- A. $F(x) = \frac{(2x+1)^9}{18} + C$. B. $F(x) = \frac{(2x+1)^{11}}{11} + C$.
C. $F(x) = \frac{(2x+1)^{11}}{22} + C$. D. $F(x) = \frac{(2x+1)^9}{9} + C$.

Câu 8. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $M(1;1;-2)$ và $N(2;2;1)$. Tọa độ vectơ $\overrightarrow{MN}$ là

- A. $3;3;-1$. B. $-1;1;-3$. C. $3;1;1$. D. $1;1;3$.

Câu 9. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho $\overrightarrow{OM} = 2\vec{i} + 3\vec{k}$. Tọa độ điểm M là

- A. $2;3;0$. B. $2;0;3$. C. $0;2;3$. D. $2;3$.

Câu 10. Trong không gian $Oxyz$ cho mặt cầu $(S): (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-3)^2 = 25$. Tìm tọa độ tâm và bán kính của mặt cầu.

- A. $I(1;2;3), R=5$. B. $I(1;-2;3), R=5$. C. $I(1;2;-3), R=-5$. D. $I(1;2;3), R=-5$.

- Câu 11.** Cho mặt phẳng $(P): 3x - 2z + 2 = 0$. Vector nào là một vector pháp tuyến của (P) ?
- A. $\vec{n} = (3; -2; 0)$. B. $\vec{n} = (3; 0; 2)$. C. $\vec{n} = (3; 0; -2)$. D. $\vec{n} = (3; 2; 0)$.
- Câu 12.** Trong không gian $Oxyz$, vector nào sau đây là một vector pháp tuyến của (P) . Biết $\vec{u} = (1; -2; 0)$, $\vec{v} = (0; 2; -1)$ là cặp vector chỉ phương của (P) .
- A. $\vec{n} = (1; -2; 0)$. B. $\vec{n} = (2; 1; 2)$. C. $\vec{n} = (0; 1; 2)$. D. $\vec{n} = (2; -1; 2)$.
- Câu 13.** Tìm m để điểm $M(m; 1; 6)$ thuộc mặt phẳng $(P): x - 2y + z - 5 = 0$.
- A. $m = 1$. B. $m = -1$. C. $m = 3$. D. $m = 2$.
- Câu 14.** Nguyên hàm $F(x)$ của hàm số $f(x) = (e^x - 1)^3$ thỏa mãn $F(0) = -\frac{1}{6}$ là
- A. $F(x) = \frac{1}{3}e^{3x} - \frac{3}{2}e^{2x} + 3e^x - x$. B. $F(x) = \frac{1}{3}e^{3x} - \frac{3}{2}e^{2x} + 3e^x - x - 2$.
C. $F(x) = 3e^{3x} - 6e^{2x} + 3e^x$. D. $F(x) = 3e^{3x} - 6e^{2x} + 3e^x - 2$.
- Câu 15.** Cho $\int 4x(5x-2)^6 dx = A(5x-2)^8 + B(5x-2)^7 + C$ với $A, B \in \mathbb{Q}$ và $C \in \mathbb{R}$. Giá trị của biểu thức $50A + 175B$ là
- A. 9. B. 10. C. 11. D. 12.
- Câu 16.** Biết hàm số $y = f(x)$ có $f'(x) = 6x^2 + 4x - 2m - 1$, $f(1) = 2$ và đồ thị của hàm số $y = f(x)$ cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng -3 . Hàm số $f(x)$ là
- A. $2x^3 + 2x^2 + x - 3$. B. $2x^3 + 2x^2 - 3x - 3$. C. $2x^3 - 2x^2 + x - 3$. D. $12x + 4$.
- Câu 17.** Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = x(x + \frac{1}{x})$ là
- A. $\frac{x^2}{2}(\frac{x^2}{2} + \ln x) + C$. B. $\frac{x^3}{3} + x + C$. C. $\frac{x^2}{6}(\frac{x^3 + x}{\ln x}) + C$. D. $x + C$.
- Câu 18.** Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{3\ln^2 x}{x}$ là
- A. $\ln^3 x + \ln x + C$. B. $\ln^3 x + C$. C. $\ln^3 x + x + C$. D. $\ln(\ln x) + C$.
- Câu 19.** Cho $A(0; 2; -2), B(-3; 1; -1), C(4; 3; 0), D(1; 2; m)$. Tìm m để 4 điểm A, B, C, D đồng phẳng.
- A. $m = -5$. B. $m = 5$. C. $m = -1$. D. $m = 1$.
- Câu 20.** Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số m để phương trình $x^2 + y^2 + z^2 - 2mx + 2(m-3)y + 2z + 3m^2 + 3 = 0$ là phương trình mặt cầu:
- A. $-1 < m < 7$. B. $-7 < m < 1$ C. $\begin{cases} m < -1 \\ m > 7 \end{cases}$. D. $\begin{cases} m < -7 \\ m > 1 \end{cases}$.
- Câu 21.** Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): 2x + y - 2z + m - 1 = 0$ và mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 6z + 5 = 0$. Để mặt phẳng (P) tiếp xúc với mặt cầu (S) thì tổng các giá trị của tham số m là:
- A. -8 . B. 9 . C. 8 . D. 4 .
- Câu 22.** Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, phương trình mặt phẳng (P) đi qua điểm $A(-1; 2; 3)$ và chứa trục Oz là $ax + by = 0$. Tính tỉ số $T = \frac{a}{b}$.
- A. 2. B. $\frac{1}{2}$. C. -2 . D. 3.

Câu 23. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{2x+1}{x^4+2x^3+x^2}$ trên khoảng $(0; +\infty)$ và

$F(1) = \frac{1}{2}$. Tổng $S = F(1) + F(2) + F(3) + \dots + F(2019)$ là

- A. $\frac{2019}{2020}$ B. $\frac{2019 \cdot 2021}{2020}$ C. $2018 + \frac{1}{2020}$ D. $-\frac{2019}{2020}$

Câu 24. Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm xác định trên $\mathbb{R}$ thỏa mãn $f(0) = 2\sqrt{2}$, $f'(x) > 0$ và

$f(x) \cdot f'(x) = (2x+1)\sqrt{1+f^2(x)}$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Giá trị $f(1)$ là:

- A. $6\sqrt{2}$ B. $\sqrt{10}$ C. $5\sqrt{3}$ D. $2\sqrt{6}$

Câu 25. Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = (3x^2+1)\ln x$ là:

- A. $x(x^2+1)\ln x - \frac{x^3}{3} + C$ B. $x^3 \ln x - \frac{x^3}{3} + C$
C. $x(x^2+1)\ln x - \frac{x^3}{3} - x + C$ D. $x^3 \ln x - \frac{x^3}{3} - x + C$