

แบบฝึกหัดบน Liveworksheets ที่ 3  
เรื่องกฎโลปีตาล ชุดที่ 1

หน่วยที่ 1 เรื่องประยุกต์ของอนุพันธ์  
รายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มเติม 6

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 6  
รหัสวิชา ค33202

คำชี้แจง : จงแสดงหาขีดจำกัดของฟังก์ชันต่อไปนี้โดยใช้ กฎโลปีตาล (L'Hopital's Rule) โดยแสดงการให้เหตุผล  
การเขียนสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ และเขียนเป็นลำดับขั้นตอนให้ถูกต้องดังต่อไปนี้

1.  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x - 5}$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

$= \lim_{x \rightarrow 5} \dots\dots\dots$  แทนฟังก์ชัน

$= \dots\dots\dots$  แทนค่า

$= \dots\dots\dots$  ผลลัพธ์

$$2. \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x-5}{x^2-25}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา 
$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$= \lim_{x \rightarrow 5} \dots\dots\dots$  แทนฟังก์ชัน

$= \dots\dots\dots$  แทนค่า

$= \dots\dots\dots$  ผลลัพธ์

$$3. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2+x-2}{x-1}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

=  $\lim_{x \rightarrow 1}$  ..... แทนฟังก์ชัน

= ..... แทนค่า

= ..... ผลลัพธ์

4.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^2 - 4}$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x =$  ..... ในฟังก์ชัน

จะได้ ..... = .....

ให้  $f(x) =$  .....

$g(x) =$  .....

จะได้  $f'(x) =$  .....

$g'(x) =$  .....

พิจารณา  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

=  $\lim_{x \rightarrow 2}$  ..... แทนฟังก์ชัน

= ..... แทนค่า

= ..... ผลลัพธ์

$$5. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{x^2 + x - 6}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา 
$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$= \lim_{x \rightarrow 5} \dots\dots\dots$  แทนฟังก์ชัน

$= \dots\dots\dots$  แทนค่า

$= \dots\dots\dots$  ผลลัพธ์

$$6. \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 6x + 5}{x^2 - 3x - 4}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -1} \dots\dots\dots \text{แทนฟังก์ชัน}$$

$$= \dots\dots\dots \text{แทนค่า}$$

$$= \dots\dots\dots \text{ผลลัพธ์}$$

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 2x}{x}$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$$g(x) = \dots\dots\dots$$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$$g'(x) = \dots\dots\dots$$

พิจารณา

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \dots\dots\dots \text{แทนฟังก์ชัน}$$

$$= \dots\dots\dots \text{แทนค่า}$$

$$= \dots\dots\dots \text{ผลลัพธ์}$$

$$8. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 8}{x + 2}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

$$= \lim_{x \rightarrow -2} \dots\dots\dots \text{แทนฟังก์ชัน}$$

$$= \dots\dots\dots \text{แทนค่า}$$

$$= \dots\dots\dots \text{ผลลัพธ์}$$

$$9. \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^4 - 1}{x - 1}$$

วิธีทำ ตรวจสอบ: แทน  $x = \dots\dots\dots$  ในฟังก์ชัน

จะได้  $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

ให้  $f(x) = \dots\dots\dots$

$g(x) = \dots\dots\dots$

จะได้  $f'(x) = \dots\dots\dots$

$g'(x) = \dots\dots\dots$

พิจารณา

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \dots\dots\dots \text{แทนฟังก์ชัน}$$

$$= \dots\dots\dots \text{แทนค่า}$$

$$= \dots\dots\dots \text{ผลลัพธ์}$$



ชื่อ - สกุล ..... ชั้น ม. 6/ ..... เลขที่ .....