

**ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ К УРОКУ 15.** Задание 7 профильного уровня.

**Тема:** задания на действия с формулами.

**ВАЖНО:** ответы необходимо записывать в десятичном виде, без пробелов; при записи дробей использовать запятую, а НЕ точку.



№	Задание	Ответ
<b>Квадратные и степенные уравнения и неравенства.</b>		
5	<p>Автомобиль, движущийся в начальный момент времени со скоростью <math>V_0=20 \text{ м/с}</math>, начал торможение с постоянным ускорением <math>a=5 \text{ м/с}^2</math>. За <math>t</math> – секунд после начала торможения он прошёл путь <math>S = V_0t - \frac{at^2}{2}</math> (м). Определите время, прошедшее от момента начала торможения, если известно, что за это время автомобиль проехал 30 метров. Ответ выразите в секундах.</p>	
6	<p>На верфи инженеры проектируют новый аппарат для погружения на небольшие глубины. Конструкция имеет форму сферы, а значит, действующая на аппарат выталкивающая (архимедова) сила, выражаемая в ньютонах, будет определяться по формуле: <math>F_A = \alpha \rho g r^3</math>, где <math>\alpha = 4,2</math> – постоянная, <math>g</math> – радиус аппарата в метрах, <math>\rho = 1000 \text{ кг/м}^3</math> – плотность воды, а <math>g</math> – ускорение свободного падения (считайте <math>g = 10 \text{ Н/кг}</math>). Каков может быть максимальный радиус аппарата, чтобы выталкивающая сила при погружении была не больше, чем 336 000 Н? Ответ выразите в метрах.</p>	
7	<p>Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана–Больцмана, согласно которому <math>P = \sigma ST^4 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2 \cdot \text{К}^4}</math>, где <math>P</math> – мощность излучения звезды (в Ваттах), <math>\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8}</math> – постоянная, <math>S \text{ м}^2</math> – площадь поверхности звезды (в квадратных метрах), а <math>T</math> – температура (в кельвинах). Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна <math>\frac{1}{8} \cdot 10^{20} \text{ м}^2</math>, а мощность её излучения равна <math>9,234 \cdot 10^{26} \text{ Вт}</math>. Найдите температуру этой звезды в Кельвинах.</p>	
<b>Иррациональные уравнения и неравенства.</b>		
1	<p>Автомобиль разгоняется на прямолинейном участке шоссе с постоянным ускорением <math>a = 5000 \text{ км/ч}^2</math>. Скорость вычисляется по формуле <math>V = \sqrt{2la}</math>, где <math>l</math> – пройденный автомобилем путь. Найдите, сколько километров</p>	

	проедет автомобиль к моменту, когда он разгонится до скорости 100 км/ч.	
2	Гоночный автомобиль разгоняется на прямолинейном участке шоссе с постоянным ускорением $a$ км/ч <sup>2</sup> . Скорость $V$ в конце пути вычисляется по формуле $V = \sqrt{2la}$ , где $l$ — пройденный автомобилем путь. Определите ускорение, с которым должен двигаться автомобиль, чтобы, проехав 250 метров, приобрести скорость 60 км/ч. Ответ выразите в км/ч <sup>2</sup> .	
3	Наблюдатель находится на высоте $h$ , выраженной в метрах. Расстояние от наблюдателя до наблюдаемой им линии горизонта, выраженное в километрах, вычисляется по формуле $l = \sqrt{\frac{Rh}{500}}$ , где $R = 6400$ км — радиус Земли. С какой высоты горизонт виден на расстоянии 4 километров? Ответ выразите в метрах.	
4	При движении ракеты ее видимая для неподвижного наблюдателя длина, измеряемая в метрах, сокращается по закону $l = l_0 \sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}$ , где $l_0 = 5$ м — длина покоящейся ракеты, $c = 3 \cdot 10^5$ км/с — скорость света, а $V$ — скорость ракеты (в км/с). Какова должна быть минимальная скорость ракеты, чтобы ее наблюдаемая длина стала не более 4 м? Ответ выразите в км/с.	
<b>Показательные уравнения и неравенства.</b>		
1	При адиабатическом процессе для идеального газа выполняется закон $pV^k = 10^5$ Па•м <sup>5</sup> , где $p$ — давление в газе в паскалях, $V$ — объем газа в кубических метрах, $k = \frac{5}{3}$ . Найдите, какой объем $V$ (в куб. м) будет занимать газ при давлении $p = 3,2 \cdot 10^6$ Па.	
2	В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается по закону $m(t) = m_0 \cdot 2^{-t/T}$ , где $m_0$ — начальная масса изотопа, $t$ — время, прошедшее от начального момента, $T$ — период полураспада. В начальный момент времени масса изотопа 40 мг. Период его полураспада составляет 10 мин. Найдите, через сколько минут масса изотопа будет равна 10 мг.	

Email Ксении ribolovleva\_k@mail.ru