

# เอกสารประกอบการเรียน หน่วยที่ 8 เรื่องอนุพันธ์ของฟังก์ชันพีชคณิต

แบบฝึกหัดบน Liveworksheets ที่ 8.1 ชุดที่ 2

เรื่องอัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยและอัตราการเปลี่ยนแปลง

คำชี้แจง: จงใช้ขัณฑ์ยามต่อไปนี้ เติมคำตอบให้สมบูรณ์ในข้อ 7 - 10

## บทนิยาม 8.1

ถ้า  $y = f(x)$  เป็นฟังก์ชัน และ  $a$  อยู่ในโดเมนของ  $f$  แล้ว

อัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $f$  เทียบกับ  $x$  เมื่อค่าของ  $x$  เปลี่ยนจาก  $a$

เป็น  $a + h$  คือ  $\frac{f(a+h) - f(a)}{h}$

อัตราการเปลี่ยนแปลงของ  $f$  เทียบ  $x$  ขณะที่  $x = a$  คือ  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$

7. ให้  $y = 2x^2 - 3$  จงหาอัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.2 (ตอบเป็นทศนิยม 2 ตำแหน่ง/ตามที่คำนวณได้)

Ans: 7.1  $f(a)$  มีผลลัพธ์เป็น

7.2  $f(a + h)$  มีผลลัพธ์เป็น

7.3  $\frac{f(a+h) - f(a)}{h}$  มีผลลัพธ์เป็น

7.4 อัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.2 เป็น  เซนติเมตร

8. ให้  $y = 2x^2 - 3$  จงหาอัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.1 (ตอบเป็นทศนิยม 2 ตำแหน่ง/ตามที่คำนวณได้)

Ans: 8.1  $f(a)$  มีผลลัพธ์เป็น

8.2  $f(a + h)$  มีผลลัพธ์เป็น

8.3  $\frac{f(a+h) - f(a)}{h}$  มีผลลัพธ์เป็น

8.4 อัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.1 เป็น  เซนติเมตร



โดย...นางสาวธรรณี พุ่มจันทร์ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

## เอกสารประกอบการเรียน หน่วยที่ 8 เรื่องอนุพันธ์ของฟังก์ชันพีชคณิต

9. ให้  $y = 2x^2 - 3$  จงหาอัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.01 (ตอบเป็นทศนิยม 2 ตำแหน่ง/ตามที่คำนวณได้)

Ans: 9.1  $f(a)$  มีผลลัพธ์เป็น ..

9.2  $f(a + h)$  มีผลลัพธ์เป็น

9.3  $\frac{f(a + h) - f(a)}{h}$  มีผลลัพธ์เป็น

9.4 อัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ยของ  $y$  เทียบกับ  $x$  เมื่อ  $x$  เปลี่ยนจาก 2 ไปเป็น 2.01 คือ  เซนติเมตร

10. ให้  $y = 2x^2 - 3$  จงหาอัตราการเปลี่ยนแปลงของ  $y$  เทียบกับ  $x$  ขณะ  $x = 2$  (ตอบเป็นทศนิยม 2 ตำแหน่ง/ตามที่คำนวณได้)

Ans: 10.1  $f(a)$  มีผลลัพธ์เป็น

10.2  $f(a + h)$  มีผลลัพธ์เป็น

10.3  $\frac{f(a + h) - f(a)}{h}$  มีผลลัพธ์เป็น

10.4  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a + h) - f(a)}{h}$  มีผลลัพธ์เป็น

10.5 อัตราการเปลี่ยนแปลงของพื้นที่รูปสามเหลี่ยมด้านเท่าเทียบกับความยาวของด้านขณะด้านยาว 10 เซนติเมตร คือ  เซนติเมตร



ชื่อ-สกุล ..... ชั้น ม.6/..... เลขที่ .....



โดย...นางสาวอรชวี พุ่มจันทร์ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์