

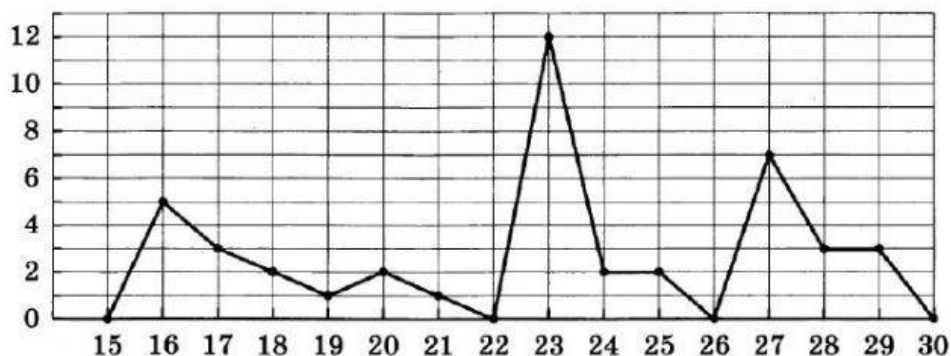
Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

- 1 Задачу № 1 правильно решили 19 125 человек, что составляет 51% от выпускников города. Сколько всего выпускников в этом городе?

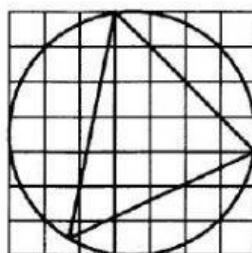
Ответ: _____.

- 2 На рисунке жирными точками показано суточное количество осадков, выпадавших в Магадане с 15 по 30 июня 2019 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — количество осадков, выпавших в соответствующий день, в миллиметрах. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наибольшее суточное количество осадков, выпавшее в Магадане в период с 24 по 30 июня. Ответ дайте в миллиметрах.



Ответ: _____.

- 3 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён треугольник. Найдите радиус описанной около него окружности.



Ответ: _____.

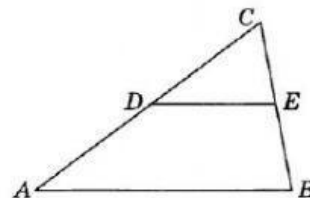
- 4 Монету бросают 10 раз. Во сколько раз событие «орёл выпадет ровно пять раз» более вероятно, чем событие «орёл выпадет ровно семь раз»?

Ответ: _____.

- 5 Найдите корень уравнения $2^{\log_4(9x+9)} = 6$.

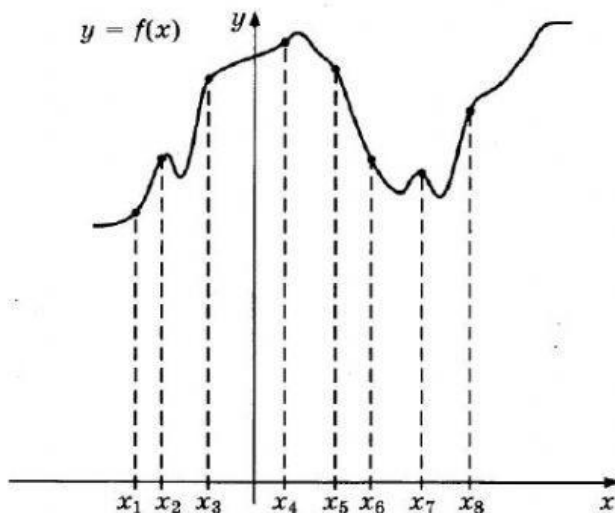
Ответ: _____.

- 6 Площадь треугольника ABC равна 40, DE — средняя линия, параллельная стороне AB . Найдите площадь трапеции $ABED$.



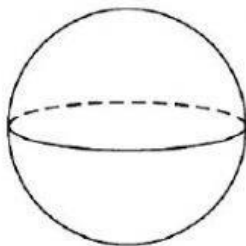
Ответ: _____.

- 7 На рисунке изображены график функции $y = f(x)$ и восемь точек на оси абсцисс: $x_1, \dots, x_8$. Сколько из этих точек удовлетворяют неравенству $f'(x) > 0$?



Ответ: _____.

- 8 Площадь поверхности шара равна 16. Найдите площадь сечения этого шара плоскостью, проходящей через центр шара.



Ответ: _____.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

Часть 2

- 9 Найдите значение выражения $5 \sin \frac{\pi}{12} \cdot \cos \frac{\pi}{12}$.

Ответ: _____.

- 10 Ёмкость высоковольтного конденсатора в телевизоре равна $C = 2 \cdot 10^{-6}$ Ф. Параллельно с конденсатором подключён резистор с сопротивлением $R = 6 \cdot 10^6$ Ом. Во время работы телевизора напряжение на конденсаторе $U_0 = 10$ кВ. После выключения телевизора напряжение на конденсаторе убывает до значения U (кВ) за время $t = \alpha RC \log_2 \frac{U_0}{U}$ (с), где $\alpha = 0,7$ — постоянная. Определите напряжение на конденсаторе, если после выключения телевизора прошло 16,8 с. Ответ дайте в киловольтах.

Ответ: _____.

- 11 Автомобиль выехал с постоянной скоростью 63 км/ч из города А в город В, расстояние между которыми равно 168 км. Одновременно с ним из города С в город В, расстояние между которыми равно 174 км, с постоянной скоростью выехал мотоциклист. По дороге он сделал остановку на 15 минут. В результате автомобиль и мотоцикл прибыли в город В одновременно. Найдите скорость мотоциклиста. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: _____.

- 12 Найдите наименьшее значение функции $y = 2^{x^2 - 16x + 67}$.

Ответ: _____.



Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.

Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

13. а) Решите уравнение $(4^x - 5)^2 + 2 \cdot 4^x = 9|4^x - 5|$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[0; 1]$.

- 14 Основанием правильной треугольной пирамиды $MAVC$ служит треугольник ABC со стороной $2\sqrt{3}$. Ребро MA перпендикулярно грани MBC . Через вершину пирамиды M и середины рёбер AC и BC проведена плоскость α .

а) Докажите, что сечение пирамиды плоскостью α является равносторонним треугольником.

б) Найдите расстояние от вершины A до плоскости α .

15 Решите неравенство $\frac{1}{\log_{(x-3)} \frac{x}{10}} \geq -1$.

- 16 Окружность с центром O , вписанная в прямоугольный треугольник ABC , касается гипотенузы AB в точке M , а катета AC — в точке N , $AC < BC$. Прямые MN и CO пересекаются в точке K .

а) Докажите, что угол CKN в два раза меньше угла ABC .

б) Найдите BK , если $BC = 5\sqrt{2}$.

- 17 По вкладу «А» банк в конце каждого года планирует увеличивать на 17% сумму, имеющуюся на вкладе в начале года, а по вкладу «Б» — увеличивать эту сумму на 9% в первый год и на целое число n процентов за второй год. Найдите наименьшее значение n , при котором за два года хранения вклад «Б» окажется выгоднее вклада «А» при одинаковых суммах первоначальных взносов.

- 18 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

$$\cos \sqrt{2\pi ax - 4x^2} + \cos 2\sqrt{2\pi ax - 4x^2} = 0$$

имеет ровно два решения.

- 19 У Вити нет источника воды, но есть три ведра различных объёмов, в двух из которых есть вода. За один шаг Витя переливает воду из ведра, в котором она есть, в другое ведро. Переливание заканчивается в тот момент, когда или первое ведро опустеет, или второе ведро заполнится. Выливать воду из вёдер запрещается.

а) Мог ли Витя через несколько шагов получить в одном из вёдер ровно 5 литров воды, если сначала у него были вёдра объёмами 3 литра и 6 литров, полные воды, а также пустое ведро объёмом 7 литров?

б) Мог ли Витя через несколько шагов получить равные объёмы воды во всех вёдрах, если сначала у него были вёдра объёмами 6 литров и 9 литров, полные воды, а также пустое ведро объёмом 7 литров?

в) Сначала у Вити были вёдра объёмами 2 литра и 4 литра, полные воды, а также пустое ведро объёмом n литров. Какое наибольшее натуральное значение может принимать n , если известно, что Витя сможет получить через несколько шагов ровно 3 литра воды в одном из вёдер?



Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.