

ชื่อ.....ชั้น ม.4/.....เลขที่.....

ข้อสอบตรรกศาสตร์ เรื่อง ประโยคเปิด ตัวบ่งปริมาณ สมมูล และนิเสธ
รายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มเติม 1 ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

คำชี้แจง: ข้อสอบฉบับนี้มี 8 ข้อ แบ่งเป็น 2 ตอน คือ

ตอนที่ 1: ด้านความรู้

- ข้อใดเป็นประโยคเปิด
ก. กรุณาทิ้งขยะให้เป็นที
ข. 9 เป็นจำนวนเฉพาะ
ค. $(-5)^2 < 0$
ง. $y + 5 > 7$
- ข้อใดไม่ใช่ประโยคเปิด
ก. เขาเป็นนายกรัฐมนตรีคนที่ 20
ข. เธอและฉันพูดภาษาไทย
ค. $(x + 1)^2 = 0$
ง. $0 \notin \emptyset$
- ข้อใดที่ค่าความจริงเป็นจริง
ก. $\forall x [1 = x + 1]$, $U = I$
ข. $\forall x [3 + x = 10]$, $U = \{7\}$
ค. $\forall x [2x > 8]$, $U = \{0, 4, 5, 6\}$
ง. $\forall x [x + 5 = x]$, $U = \{10\}$
- ข้อใดต่อไปนี้สมมูลกับ $\forall x [x < 2x \wedge x^2 = 0]$
ก. $\forall x [x < 2x \vee x^2 = 0]$
ข. $\exists x [x < 2x \wedge x^2 = 0]$
ค. $\forall x [x^2 = 0 \wedge x < 2x]$
ง. $\exists x [x^2 = 0 \wedge x < 2x]$
- นิเสธของ $\forall x [x + 1 \neq 0]$ คือข้อใด
ก. $\exists x [x + 1 = 0]$
ข. $\exists x [x + 1 \neq 0]$
ค. $\forall x [x + 1 = 0]$
ง. $\forall x [x + 1 \neq 0]$

ตอนที่ 2 : ด้านทักษะกระบวนการ

6. จงจับคู่การสมมูลของประโยคที่มีตัวบ่งปริมาณ

$P(x) \wedge Q(x)$	•	•	$\sim P(x) \vee \sim Q(x)$
$\sim P(x) \vee Q(x)$	•	•	$\sim Q(x) \rightarrow \sim P(x)$
$P(x) \rightarrow Q(x)$	•	•	$Q(x) \wedge P(x)$
$\sim [P(x) \wedge Q(x)]$	•	•	$P(x) \rightarrow Q(x)$

7. จงเลือกประโยคที่เป็นนิเสธของประโยคต่อไปนี้

$$\forall x [3 + x < 10]$$

นิเสธคือ ข้อ

$$\exists x [2 = 2 + x \wedge x^2 = 1]$$

นิเสธคือ ข้อ

จำนวนจริงทุกจำนวนเป็นจำนวนคี่

นิเสธคือ ข้อ

ก. $\exists x [3 + x < 10]$

ข. $\forall x [2 \neq 2 + x \vee x^2 \neq 1]$

ค. จำนวนจริงทุกจำนวนเป็นจำนวนคู่

ง. $\forall x [2 = 2 + x \vee x^2 \neq 1]$

จ. จำนวนจริงบางจำนวนเป็นจำนวนคู่

ฉ. $\exists x [3 + x \geq 10]$

8. จงพิจารณาประโยคที่มีตัวบ่งปริมาณต่อไปนี้ว่ามีค่าความจริงเป็นจริงหรือเท็จ

1) $\forall x [x < 10]$, $U = I$

มีค่าความจริงเป็น

2) $\exists x [x < 0]$, $U = I^+$

มีค่าความจริงเป็น

3) $\forall x [x \text{ เป็นจำนวนตรรกยะ}]$, $U = R$

มีค่าความจริงเป็น

4) $\exists x [x + 5 = x]$, $U = \{1, 2, 3, 4\}$

มีค่าความจริงเป็น

5) $\exists x [x \text{ เป็นจำนวนเฉพาะ} \wedge x \text{ เป็นจำนวนคู่}]$, $U = \{2, 3, 4, 5\}$ มีค่าความจริงเป็น