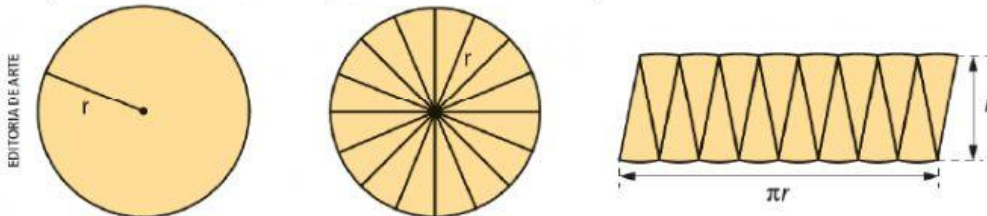


Área do círculo e de suas partes

• Área do círculo

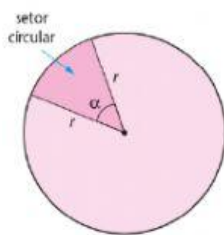
Vamos considerar um círculo cujo raio mede r . Dividindo-o em um número par de partes iguais, como feito a seguir, podemos observar que essas partes podem formar uma figura que lembra um paralelogramo. Quanto mais aumentarmos a quantidade dessas partes que dividem o círculo, mais a base da figura formada se aproximará de πr , ou seja, da metade do comprimento da circunferência.



Dessa forma, quanto mais aumentarmos a quantidade de partes, mais a área da figura se aproxima da área de um paralelogramo de lados de medidas πr e r . Portanto, ao aumentar indefinidamente a quantidade de partes que dividem o círculo, a área do círculo e a da figura vão coincidir, concluindo-se que a área do círculo é dada por: $S = \pi r \cdot r = \pi r^2$. Logo, a área de um círculo de raio r é dada por:

$$S = \pi r^2$$

Área do setor circular



Denominamos **setor circular** a região do círculo delimitada por um dos seus ângulos centrais.

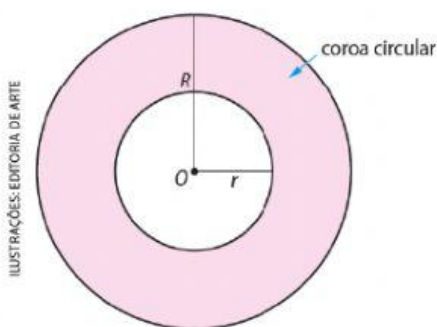
Vamos calcular a área de um setor circular relativo a um ângulo central α , montando uma regra de três simples que relacione a medida do ângulo central e a área:

$$\begin{array}{ccc} 360^\circ & \text{---} & \pi r^2 \\ \alpha & \text{---} & S_\alpha \end{array}$$

Portanto:

$$S_\alpha = \frac{\alpha \cdot \pi r^2}{360^\circ}$$

Área da coroa circular



A **coroa circular** é a região compreendida entre duas circunferências concêntricas (de mesmo centro) que estão em um mesmo plano e têm as medidas de seus raios diferentes.

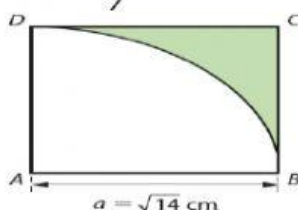
A área S de uma coroa circular é igual à diferença entre a área do círculo maior e a do círculo menor cujos raios medem, respectivamente, R e r . Nesse caso, temos: $S = \pi R^2 - \pi r^2 = \pi(R^2 - r^2)$

Assim: $S = \pi(R^2 - r^2)$

ATIVIDADE RESOLVIDA

Na figura, $ABCD$ é um quadrado e $\widehat{BD}$ é um arco de circunferência de centro A . Qual é a área da parte colorida de verde?

Considere $\pi \approx \frac{22}{7}$.



Resolução

A área da parte colorida de verde é igual à área do quadrado $ABCD$ menos a quarta parte da área do círculo de raio a .

$$S_{\text{quadrado}} = a^2 \Rightarrow S_{\text{quadrado}} = (\sqrt{14})^2$$

$$\text{Logo, } S_{\text{quadrado}} = 14$$

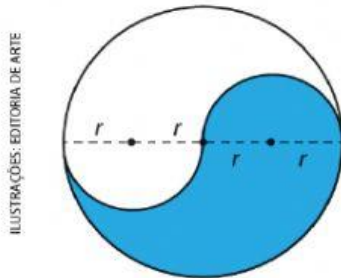
$$\frac{S_{\text{círculo}}}{4} = \frac{\pi a^2}{4} \Rightarrow \frac{S_{\text{círculo}}}{4} = \frac{\frac{22}{7} \cdot 14}{4} = 11$$

$$\text{Assim: } S = S_{\text{quadrado}} - \frac{S_{\text{círculo}}}{4} = 14 - 11 = 3$$

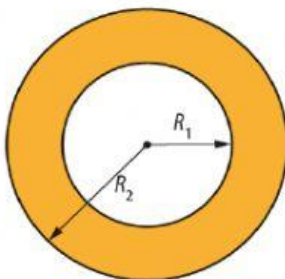
Portanto, a área da parte colorida é 3 cm^2 .

EXERCÍCIOS

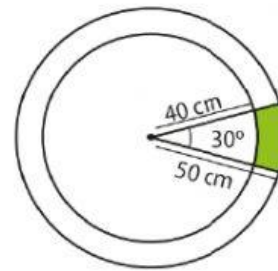
- Qual é a medida do diâmetro de um círculo de área $100\pi \text{ dm}^2$?
- (ESPM-SP) Da área de um quadrado, retiramos a área correspondente a um círculo de diâmetro igual à metade da medida do lado do quadrado. A área restante, em porcentagem da área original do quadrado, vale aproximadamente:
 a) 50% c) 75% e) 90%
 b) 60% d) 80%
- O jardim de uma praça no centro de uma cidade tem forma semicircular com diâmetro medindo 15 m. Qual é a área desse jardim?
- Sabendo que $r = 10 \text{ cm}$, calcule a área da região colorida de azul na figura. (Adote $\pi \approx 3,14$.)



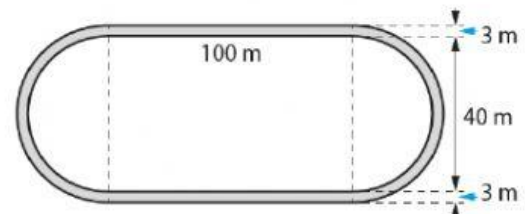
- (Insper-SP) Uma pizzaria vende pizzas circulares com 32 cm de diâmetro, divididas em 8 pedaços iguais. O dono do estabelecimento pensou em criar uma pizza de tamanho maior, a ser dividida em 12 pedaços iguais, de modo que a área de cada um deles seja igual à área de um pedaço da pizza menor. Para isso, o diâmetro da pizza de 12 pedaços deve ser aproximadamente igual a:
 a) 36 cm c) 44 cm e) 52 cm
 b) 40 cm d) 48 cm
- Determine a área da região colorida de laranja da figura. (Dados: $R_1 = 3 \text{ m}$, $R_2 = 5 \text{ m}$.)



- Duas circunferências concêntricas têm raios iguais a 50 cm e 40 cm, conforme indica a figura. Calcule a área destacada em verde.

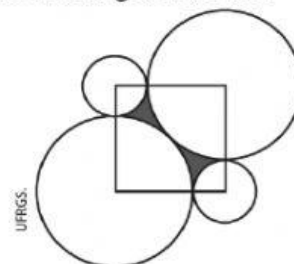


- Uma praça é formada por um retângulo de comprimento 100 m e largura 40 m e dois semicírculos com diâmetro coincidindo com o lado menor do retângulo.



Em torno da praça será construída uma calçada de 3 m de largura, cujo preço por metro quadrado é R\$ 50,00. Calcule o custo total desse projeto. (Adote $\pi \approx 3,14$.)

- (UFRGS-RS) Considere um quadrado de lado 1. Foram construídos dois círculos de raio R com centros em dois vértices opostos do quadrado e tangentes entre si; dois outros círculos de raio r com centros nos outros dois vértices do quadrado e tangentes aos círculos de raio R , como ilustra a figura abaixo.



A área da região sombreada é

- $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + 1\right) \pi.$
- $(\sqrt{2} - 1) \pi.$
- $1 + \left(\sqrt{2} - \frac{1}{2}\right) \pi.$
- $1 + (\sqrt{2} - 1) \pi.$
- $1 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - 1\right) \pi.$