

**ใบงานที่ 1**  
**เรื่อง ลิมิตของลำดับอนันต์**

**ตอนที่ 1** จงพิจารณาข้อความต่อไปนี้ และทำเครื่องหมาย / ลงในข้อความที่ถูกต้อง

ข้อที่	ข้อความ	ถูก	ผิด
1	กำหนดให้ $a_n$ เป็นพจน์ทั่วไปของลำดับอนันต์ สัญลักษณ์ $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = L$ แสดงความหมายว่า เมื่อ $n$ มีค่ามากขึ้นโดยไม่มีที่สิ้นสุดแล้ว พจน์ที่ $n$ มีค่าเข้าใกล้หรือเท่ากับจำนวนจริง $L$ เพียงจำนวนเดียวเท่านั้น		
2	ลำดับลูเข้า (Convergent Sequence) คือลำดับที่พจน์ที่ $n$ มีค่าเข้าใกล้จำนวนจริง $L$ เพียงจำนวนเดียวเท่านั้น แต่ไม่สามารถมีค่าเท่ากับ $L$ ได้		
3	หากเมื่อ $n$ มีค่ามากขึ้นโดยไม่มีที่สิ้นสุดแล้ว พจน์ที่ $n$ มีค่าเข้าใกล้จำนวนจริง 2 ค่าที่แตกต่างกัน ลำดับดังกล่าวนี้ยังคงจัดเป็นลำดับลูเข้า		
4	ลำดับอนันต์ทุกประเภท เป็นลำดับที่สามารถหาค่าลิมิตได้เสมอ		
5	ลำดับอนันต์ที่ไม่สามารถหาค่าลิมิตได้ หรือไม่ใช่ลำดับลูเข้า จะถูกนิยามว่าเป็นลำดับลูออก (Divergent Sequence)		
6	สัญลักษณ์ $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = L$ อ่านว่า ลิมิตของลำดับ $a_n$ เมื่อ $n$ มากขึ้นโดยไม่มีที่สิ้นสุด เท่ากับ $L$		
7	ถ้า $a_n$ ไม่ลูเข้า แสดงว่า $a_n$ ต้องมีค่าเพิ่มขึ้นไม่มีสิ้นสุด		
8	ค่าลิมิต $L$ ของลำดับลูเข้า จำเป็นต้องเป็นสมาชิกของเซต จำนวนจริงเท่านั้น		
9	หากเมื่อ $n$ มีค่ามากขึ้นโดยไม่มีที่สิ้นสุด แล้วพจน์ $a_n$ มีค่าเพิ่มขึ้นไม่มีที่สิ้นสุด ลำดับดังกล่าวจะจัดเป็นลำดับลูออก		
10	ลำดับลูเข้า สามารถมีค่าลิมิตที่เป็นจำนวนจริงได้มากกว่า 1 ค่า หากเป็นลำดับที่มีลักษณะการแกว่งกวัดเข้าหาค่าคงที่หลายค่า		

ชื่อ - สกุล..... ชั้น ..... เลขที่ .....

**ตอนที่ 2** จงพิจารณาว่าลำดับต่อไปนี้ เป็นลำดับคู่เข้าหรือลำดับคู่ออก

1)  $a_n = \frac{5}{n+1}$

$n$	1	2	3	4	5	6	7	8
$a_n$								

วิธีคิด .....

.....

.....

.....

2)  $a_n = \frac{2^n}{n}$

$n$	1	2	3	4	5	6	7	8
$a_n$								

วิธีคิด .....

.....

.....

.....

3)  $a_n = n(1 + (-1)^n)$

$n$	1	2	3	4	5	6	7	8
$a_n$								

วิธีคิด .....

.....

.....

.....

4)  $a_n = 4 - \frac{1}{2^n}$

$n$	1	2	3	4	5	6	7	8
$a_n$								

วิธีคิด .....

.....

.....

.....

5)  $a_n = 2 + \frac{(-1)^n}{n}$

$n$	1	2	3	4	5	6	7	8
$a_n$								

วิธีคิด .....

.....

.....

.....