

LKPD

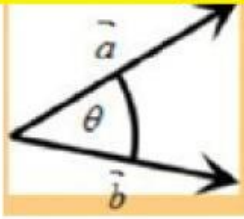
**SUDUT ANTARA
DUA VEKTOR
DAN
ORTHOGONAL**

**Ni Putu Panca Sudarsani, S.Pd.
VEKTOR KELAS XI_MAT TL**

SUDUT ANTARA DUA VEKTOR

Besar sudut antara dua vektor

Jika ada dua vektor bertemu di satu titik, maka akan membentuk sebuah sudut seperti sketsa gambar berikut:



Untuk menghitung sudut θ antara vektor $\vec{a}$ dan vektor $\vec{b}$ yaitu dengan cara:

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$$

LATIHAN SOAL 1

Diketahui vektor $\vec{a} = 4i - 6j$ dan vektor $\vec{b} = 3i + 2j$. Besar sudut yang terbentuk antara kedua vektor di atas adalah ...

Jawab: Ubah dahulu vektor $\vec{a}$ dan $\vec{b}$ ke dalam vektor kolom

$$\vec{a} = 4i - 6j = \begin{pmatrix} 4 \\ \square \end{pmatrix}$$

$$\vec{b} = 3i + 2j = \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$$



$$\begin{aligned} \text{❖ Hitung } \vec{a} \cdot \vec{b} \text{ maka } \vec{a} \cdot \vec{b} &= \begin{pmatrix} 4 \\ -6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} \\ &= (\square) \cdot (\square) + (-6) \cdot (\square) \\ &= \square - \square \\ &= \square \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{❖ Hitung } |\vec{a}| \text{ maka } |\vec{a}| &= \sqrt{4^2 + (-6)^2} \\ &= \sqrt{\square + \square} \\ &= \sqrt{\square} \\ &= 2\sqrt{\square} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{❖ Hitung } |\vec{b}| \text{ maka } |\vec{b}| &= \sqrt{3^2 + 2^2} \\ &= \sqrt{\square + \square} \\ &= \sqrt{\square} \end{aligned}$$

Jadi Besar sudut θ yaitu:

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$$

$$\cos \theta = \frac{0}{2\sqrt{\square} \cdot \sqrt{\square}}$$

$$\cos \theta = \frac{0}{2 \cdot \square} = \frac{0}{\square} = \square$$

$$\theta = 90^\circ$$

LATIHAN SOAL 2

Hitunglah besar sudut yang terbentuk antara vektor $\vec{p} = 2i + j - 3k$ dan vektor $\vec{q} = -i + 3j - 2k$!

Jawab:

❖ Ubah dahulu vektor $\vec{p}$ dan $\vec{q}$ ke dalam vektor kolom

$$\vec{p} = 2i + j - 3k = \begin{pmatrix} \square \\ \square \\ \square \end{pmatrix}$$

$$\vec{q} = -i + 3j - 2k = \begin{pmatrix} -1 \\ \square \\ \square \end{pmatrix}$$

❖ Hitung $\vec{p} \cdot \vec{q} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}$

$$= (\square) \cdot (-1) + (\square) \cdot (\square) + (\square) \cdot (\square) \\ = \square + \square + \square \\ = \square$$

❖ Hitung $|\vec{p}| = \sqrt{2^2 + 1^2 + (-3)^2}$

$$= \sqrt{\square + \square + \square} \\ = \sqrt{\square}$$

❖ Hitung $|\vec{q}| = \sqrt{(-1)^2 + 3^2 + (-2)^2}$

$$= \sqrt{\square + \square + \square} \\ = \sqrt{\square}$$

❖ Jadi Besar sudut adalah

$$\cos \theta = \frac{\vec{p} \cdot \vec{q}}{|\vec{p}| \cdot |\vec{q}|}$$

$$\cos \theta = \frac{7}{\sqrt{\square} \cdot \sqrt{\square}}$$

$$\cos \theta = \frac{7}{\square} = \frac{1}{\square}$$

$$\theta = \square^\circ$$

LATIHAN SOAL 3

Diketahui vector $\vec{r}$ dan vector $\vec{s}$ saling bertemu di satu titik dan membentuk sudut 45° . Jika $\vec{r} = 10$ dan $\vec{s} = 10\sqrt{2}$, maka nilai $\vec{r} \cdot \vec{s}$ adalah....

Gunakan rumus

$$\cos \theta = \frac{\vec{r} \cdot \vec{s}}{|\vec{r}| \cdot |\vec{s}|}$$

$$\cos 45^\circ = \frac{\vec{r} \cdot \vec{s}}{10 \cdot 10\sqrt{2}}$$

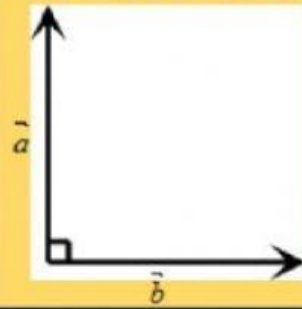
$$\frac{1}{2} \sqrt{\square} = \frac{\vec{r} \cdot \vec{s}}{100\sqrt{\square}}$$

$$\frac{1}{2} \sqrt{2} \cdot 100\sqrt{\square} = \vec{r} \cdot \vec{s}$$

ORTHOGONAL (SALING TEGAK LURUS)

Dua Vektor Saling Tegak Lurus / Orthogonalitas

Jika ada 2 vektor saling tegak lurus seperti sketsa pada gambar berikut:



Maka rumus yang terbentuk adalah:

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

LATIHAN SOAL 4

Jika dua vektor $\vec{d} = 5i - 2xj + 9k$ dan $\vec{e} = i + 10j + 6xk$ saling tegak lurus. Hitunglah nilai x pada vektor di atas!

Jawab:

Ubah dulu vektor $\vec{d}$ dan $\vec{e}$ menjadi vektor kolom

$$\vec{d} = 5i - 2xj + 9k = \begin{pmatrix} 5 \\ -2x \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$\vec{e} = i + 10j + 6xk = \begin{pmatrix} 1 \\ 10 \\ 6x \end{pmatrix}$$

Gunakan rumus

$$\vec{d} \cdot \vec{e} = 0$$

$$\begin{pmatrix} 5 \\ -2x \\ 9 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 10 \\ 6x \end{pmatrix} = 0$$

$$(\quad) \cdot (1) + (-2x) \cdot (\quad) + (\quad) \cdot (6x) = 0$$

$$\quad - 20x + 54x = 0$$

$$\quad x = -5$$

$$x = -\frac{5}{\quad}$$

LATIHAN SOAL 5

Diketahui vektor $\vec{f}$ dan $\vec{g}$ mengalami saling orthogonal dengan $\vec{f} = (2n, -16)$ dan $\vec{g} = (n, 8)$. Hitunglah nilai n !

Jawab:

Ubah dulu vektor $\vec{f}$ dan $\vec{g}$ ke dalam vektor kolom

$$\vec{f} = (2n, -16) = \begin{pmatrix} 2n \\ -16 \end{pmatrix}$$

$$\vec{g} = (n, 8) = \begin{pmatrix} n \\ 8 \end{pmatrix}$$

Gunakan rumus $\vec{f} \cdot \vec{g} = 0$

$$\begin{pmatrix} 2n \\ -16 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} n \\ 8 \end{pmatrix} = 0$$

$$(2n) \cdot (\quad) + (-16) \cdot (\quad) = 0$$

$$2n^2 - \quad = 0$$

$$2n^2 = \quad$$

$$n^2 = \frac{128}{\quad}$$

$$n^2 = \quad$$

$$n = \sqrt{\quad}$$

$$n = \quad$$