

Satuan Pendidikan	: SMAMata
Pe;ajaran	: Matematika
Kelas/Semester	: XI/Ganjil
Materi Pokok	: Transformasi
Sub Materi	: Rotasi
Alokasi Waktu	: 2 x 45 menit

Kelompok :

Anggota :

1.
2.
3.
4.

Tujuan Pembelajaran:

1. Siswa dapat menjelaskan konsep rotasi dalam transformasi geometri
2. Siswa dapat menentukan matriks transformasi untuk rotasi dengan sudut tertentu
3. Siswa dapat menggunakan matriks rotasi untuk menentukan bayangan titik atau bangun datar setelah dirotasi
4. Siswa dapat memecahkan masalah kehidupan sehari-hari yang melibatkan rotasi dengan matriks transformasi

PETUNJUK

1. Tuliskan nama kelompok di lkpd yang tersedia
2. Diskusikan dengan teman kelompok
3. Tanyakan pada guru jika ada yang belum jelas
4. Gunakan geogebra sebagai bantuan

Tujuan Pembelajaran:

1. Siswa dapat menjelaskan konsep rotasi dalam transformasi geometri
2. Siswa dapat menentukan matriks transformasi untuk rotasi dengan sudut tertentu
3. Siswa dapat menggunakan matriks rotasi untuk menentukan bayangan titik atau bangun datar setelah dirotasi

Aktivitas 1

Buka aktivitas berikut pada HP atau laptop



Setelah membuka lembar aktivitas pada link barcode diatas, cobalah untuk membahas masalah berikut

Masalah

Diketahui titik A(2, 1), B (6, 3), dan C (5, 5). Dirotasikan dengan pusat O(0, 0) dan sudut putar sejauh α . Isilah bagian kosong pada table berikut.

Rotasi sejauh 90° arah putar berlawanan arah jarum jam, pusat rotasi titik O(0, 0)		
Koordinat titik awal obyek	Koordinat titik bayangan	Pola
A (..... ,)	A' (..... ,)	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$
B (..... ,)	B' (..... ,)	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$
C (..... ,)	C' (..... ,)	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$

Berdasarkan kolom "Pola", table di atas, maka didapat kesimpulan bahwa **matrik transformasi geometri untuk rotasi Pusat O sejauh 90°** adalah :

$$R(O, 90^\circ) = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix}$$

Aktivitas 2

Diketahui titik $A(2, 1)$, $B(6, 3)$, dan $C(5, 5)$. Dirotasikan dengan pusat $O(0, 0)$ dan sudut putar sejauh α . Isilah bagian kosong pada table berikut. Lakukan aktivitas pada link berikut menggunakan HP atau laptop



Setelah membuka lembar aktivitas pada link barcode diatas, cobalah untuk membahas masalah berikut

Rotasi sejauh -90° , arah putar searah jarum jam, pusat rotasi titik $O(0, 0)$		
Koordinat titik awal obyek	Koordinat titik bayangan	Pola
$A(\dots\dots , \dots\dots)$	$A'(\dots\dots , \dots\dots)$	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$
$B(\dots\dots , \dots\dots)$	$B'(\dots\dots , \dots\dots)$	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$
$C(\dots\dots , \dots\dots)$	$C'(\dots\dots , \dots\dots)$	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \square \\ \square \end{pmatrix}$

Berdasarkan pada kolom "Pola", table di atas, maka didapat kesimpulan bahwa **matrik transformasi geometri untuk rotasi Pusat O sejauh -90°** adalah :

$$R(O, -90^\circ) = \begin{pmatrix} \square & \square \\ \square & \square \end{pmatrix}$$

Nilai matriks transformasi Geometri Rotasi $R(O, 90^\circ)$ nilainya sama, jika matrik transformasi tersebut ditulis menggunakan $\sin 90^\circ$ atau $\cos 90^\circ$.

Sehingga matriks transformasinya dalam bentuk sinus atau cosinus adalah.....

$$\begin{pmatrix} \cos 90^\circ & \sin 90^\circ \\ -\sin 90^\circ & \cos 90^\circ \end{pmatrix}$$

Kesimpulan:

Matriks transformasi rotasi dengan pusat P sejauh α adalah:

$$\begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix}$$