

# SEKOLAH MENENGAH ATAS

## LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK A

### TURUNAN TRIGONOMETRI



#### Tujuan Pembelajaran :

1. Menentukan turunan trigonometri dengan menggunakan definisi.
2. Menggunakan sifat turunan untuk menentukan turunan fungsi trigonometri.

#### Petunjuk Kegiatan

1. Baca dan cermati setiap langkah yang terdapat dalam LKPD berikut dengan seksama
2. Lakukan kegiatan sesuai dengan langkah yang ada dan isilah jawabanmu pada pada kolom yang telah disediakan.
3. Diskusikan dengan teman sekelompokmu selama 15 menit. Jika terdapat masalah atau pertanyaan, bisa bertanya kepada guru

#### KELOMPOK ... :

1. ....
2. ....
3. ....
4. ....
5. ....
6. ....



# Kegiatan 1

Menentukan turunan trigonometri dengan menggunakan definisi.



## MASALAH 1

Apakah kalian masih mengingat Konsep Turunan Aljabar di kelas XI? Coba eksplorasi kembali dengan menggunakan Geogebra.



Turunan atau diferensiasi dari sebuah fungsi  $f$  adalah fungsi yang diberi lambang  $f'$  (dibaca  $f$  aksen)

Dari eksplorasi geogebra diatas, bagaimana konsep Turunan Aljabar?



## MARI BEREKSPLORASI

Dengan menggunakan Geogebra, carilah turunan dari grafik fungsi

Scan barcode dibawah ini, dan esplorasilah untuk menentukan turunan dari fungsi trigonometri





# Kegiatan 1

Menentukan turunan trigonometri dengan menggunakan definisi.



## MARI BEREKSPLORASI

Dengan menggunakan geogebra, isilah turunan fungsi trigonometri berikut ini.

$$f(x) = \sin x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$

$$f(x) = \cos x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$

$$f(x) = \tan x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$

$$f(x) = \cotan x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$

$$f(x) = \sec x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$

$$f(x) = \operatorname{cosec} x \quad \Rightarrow \quad f'(x) =$$



## MARI MEJAWAB

Bagaimana turunan dari fungsi  $f = \cos x$  dengan menggunakan konsep turunan yang sudah kalian jawab pada masalah diatas?

Apakah turunan yang kalian peroleh sama dengan menggunakan eksplorasi geogebra?

# Kegiatan 1

Menentukan turunan trigonometri dengan menggunakan definisi.

## MASALAH 2

Jika  $f(x) = \cos x$ , tentukan nilai dari  $f'(\pi/6)$

### Penyelesaian

### Kesimpulan

# Kegiatan 2

Menggunakan sifat turunan untuk menentukan turunan fungsi trigonometri.

Sebelum kamu menyelesaikan masalah pada kegiatan ini, perhatikan sifat-sifat dari turunan fungsi.

### Sifat Turunan Fungsi

Misalkan  $u$  dan  $v$  merupakan fungsi-sungsi trigonometri dalam variabel  $x$ . Bentuk  $u'$  dan  $v'$  merupakan turunan pertama fungsi  $u$  dan  $v$ . Sifat-sifat turunan fungsi trigonometri sebagai berikut.

1.  $f(x) = a \rightarrow f'(x) = 0, a \in \mathbb{R}$ ,  
karena  $a$  merupakan konstanta
2.  $f(x) = x^n \rightarrow f'(x) = nx^{n-1}$
3.  $f(x) = ax^n \rightarrow f'(x) = an x^{n-1}$
4.  $f(x) = u(x) \pm v(x) \rightarrow f'(x) = u'(x) \pm v'(x)$
5.  $f(x) = k \cdot u(x) \rightarrow f'(x) = k \cdot u'(x)$
6.  $f(x) = u(x) \cdot v(x) \rightarrow f'(x) = uv' + u'v$
7.  $f(x) = \frac{u(x)}{v(x)} \rightarrow f'(x) = \frac{u'v - v'u}{v^2}$





## Kegiatan 2

Menggunakan sifat turunan untuk menentukan turunan fungsi trigonometri.

Carilah turunan pertama fungsi fungsi berikut dengan menggunakan sifat turunan.

### MASALAH 1

$$f(x) = 4x + \sin x$$

#### Penyelesaian

### MASALAH 2

$$f(x) = \frac{\sin x}{1 + \sin x}$$

#### Penyelesaian

#### KESIMPULAN