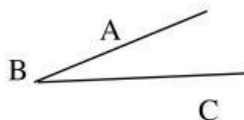


Chapitre 6 : Synthèse sur les angles

1. Prérequis sur les angles

a) Un angle :

Un angle est formé par



Un angle est noté soit par une lettre, son : $\hat{}$

soit trois lettres, la lettre au milieu est le : $\widehat{}$

Lorsque l'on mesure l'angle B, on parle de son

et on écrit $|\hat{B}|$ ou $|\widehat{ABC}|$.

Pour mesurer l'amplitude d'un angle, on utilise un

Un angle aigu est un angle dont l'amplitude est

Un angle droit est un angle dont l'amplitude est

Un angle obtus est un angle dont l'amplitude est

Un angle plat est un angle dont l'amplitude est

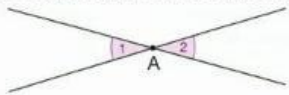
Représente un angle

aigu	droit	obtus	plat

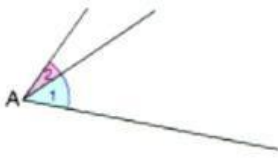
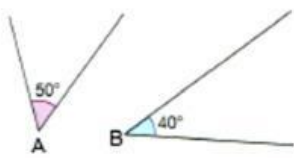
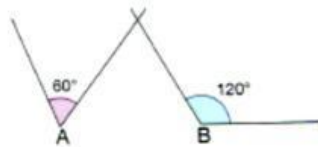
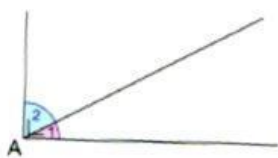
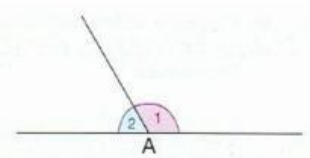


2. Différents types d'angles

a) Angles formés par deux droites sécantes.

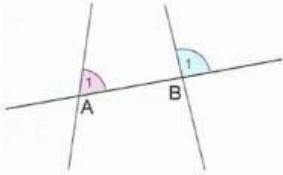
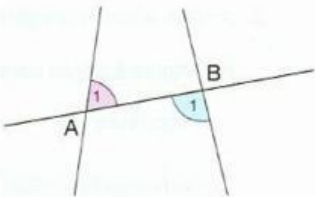
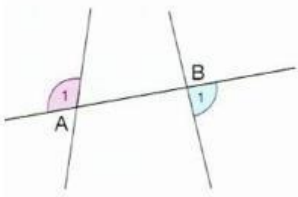
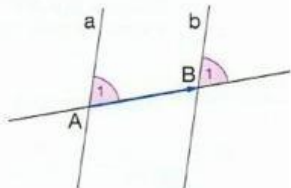
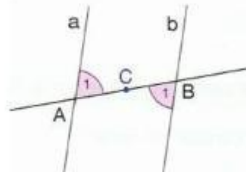
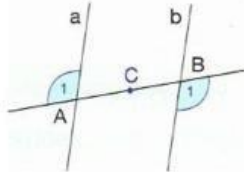
Dénomination + représentation	Définition	Propriété
	<p>Deux angles sont deux angles qui ont et leurs côtés dans le l'un de l'autre</p>	<p>Deux angles opposés par le sommet ont la Si \hat{A}_1 et \hat{A}_2 sont alors $\hat{A}_1 \dots \dots \hat{A}_2$</p>

b) Angles particuliers

	Angles adjacents	Angles complémentaires	Angles supplémentaires
Représentation		 <p>$\hat{A} + \hat{B} = \dots\dots\dots$</p>	 <p>$\hat{A} + \hat{B} = \dots\dots\dots$</p>
Définition	<p>Deux angles adjacents sont des angles qui ont le un et qui sont situés de de ce côté commun.</p>	<p>Deux angles complémentaires sont deux angles dont vaut</p>	<p>Deux angles supplémentaires sont deux angles dont vaut</p>
Propriété		<p>Deux angles complémentaires forment un</p>  <p>$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = \dots\dots\dots$</p>	<p>Deux angles supplémentaires forment un</p>  <p>$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = \dots\dots\dots$</p>

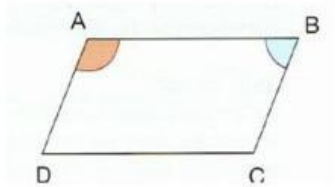
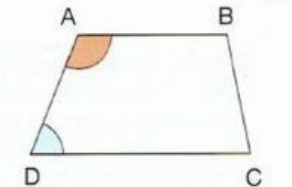
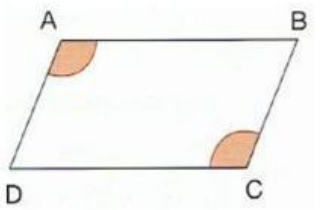
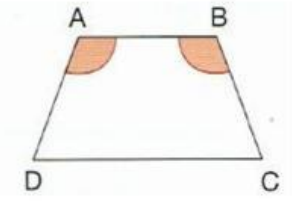


c) Angles formés par deux droites coupées par une sécante.

<p>Dénomination + représentation</p>	<p>.....</p> <p>.....</p> 	<p>.....</p> <p>.....</p> 	<p>.....</p> <p>.....</p> 
<p>Définition</p>	<p>Deux angles, déterminés par deux droites coupées par une sécante, sont deux angles non adjacents situés du de la sécante, l'un à et l'autre à des deux droites.</p>	<p>Deux angles , déterminés par deux droites coupées par une sécante, sont deux angles non adjacents situés de de la sécante et à des deux droites.</p>	<p>Deux angles , déterminés par deux droites coupées par une sécante, sont deux angles non adjacents situés de de la sécante et à des deux droites.</p>
<p>Propriété + Représentation</p>	<p>Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante, alors</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>  <p>$Si a // b \Rightarrow \widehat{A_1} \dots \widehat{B_1}$</p>	<p>Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante, alors</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>  <p>$Si a // b \Rightarrow \widehat{A_1} \dots \widehat{B_1}$</p>	<p>Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante, alors</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>.....</p>  <p>$Si a // b \Rightarrow \widehat{A_1} \dots \widehat{B_1}$</p>
<p>Réciproque de la propriété : critère de parallélisme</p>	<p>Si deux droites coupées par une même sécante déterminent</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>alors</p> <p>.....</p> <p>$Si \widehat{A_1} = \widehat{B_1} \Rightarrow a \dots b$</p>	<p>Si deux droites coupées par une même sécante déterminent</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>alors</p> <p>.....</p> <p>$Si \widehat{A_1} = \widehat{B_1} \Rightarrow a \dots b$</p>	<p>Si deux droites coupées par une même sécante déterminent</p> <p>.....</p> <p>.....</p> <p>alors</p> <p>.....</p> <p>$Si \widehat{A_1} = \widehat{B_1} \Rightarrow a \dots b$</p>



d) Propriétés des angles de quadrilatères particuliers

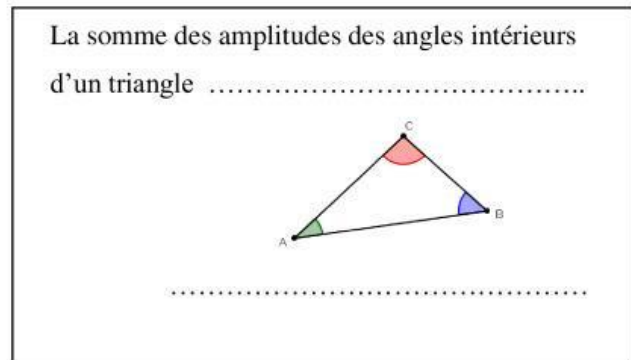
Parallélogramme	Trapèze
<p>Les angles consécutifs d'un parallélogramme sont</p> <p>.....</p>  <p>Si ABCD est un parallélogramme alors</p> <p>.....</p>	<p>Les angles</p> <p>.....</p>  <p>Si ABCD est un trapèze ($AB \parallel DC$)</p> <p>alors</p> <p>et</p>
<p>Les angles opposés d'un parallélogramme ont</p> <p>.....</p>  <p>Si ABCD est un parallélogramme alors</p> <p>..... et.....</p>	<p>Les angles</p> <p>.....</p>  <p>Si ABCD est un trapèze isocèle ($AB \parallel DC$) alors</p> <p>..... et</p>



3. Angles d'un triangle

a) Propriété 1 : Somme des amplitudes des angles intérieurs d'un triangle

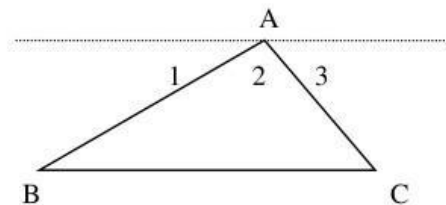
Colle ici de manière adjacente
les angles intérieurs du triangle



Démonstration

Données :

Dessin :



Thèse :

$$|\hat{A}| + |\hat{B}| + |\hat{C}| = \dots\dots\dots$$

Démonstration :

Démonstration :

Traçons la droite m

1) $|\hat{A1}| + |\hat{A2}| + |\hat{A3}| = \dots\dots\dots$ car

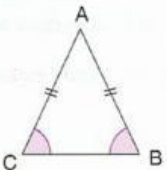
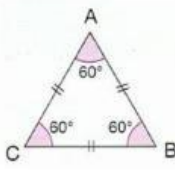
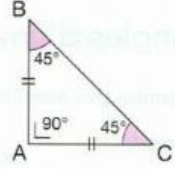
2) $|\hat{A1}| = \dots\dots\dots$ car

3) $|\hat{A3}| = \dots\dots\dots$ car

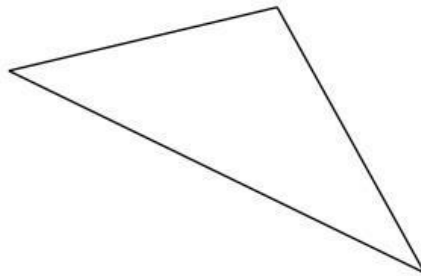
4) Remplaçons $|\hat{A1}|$ par et $|\hat{A3}|$ par dans 1)

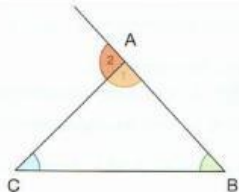
$$|\hat{A1}| + |\hat{A2}| + |\hat{A3}| = |\dots\dots\dots| + |\hat{A2}| + |\dots\dots\dots| = \dots\dots\dots$$

b) Rappel sur les angles de triangles particuliers

 <p>Si ABC est un triangle isocèle en A, alors</p>	 <p>Si ABC est un triangle équilatéral, alors</p>	 <p>Si ABC est un triangle rectangle isocèle en A, alors et</p>
---	--	--

c) Propriété 2 : Amplitude d'un angle extérieur d'un triangle

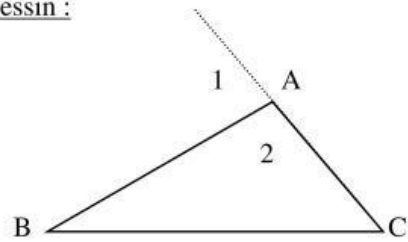


Définition	Propriété	Représentation
Un angle extérieur d'un triangle est	L'amplitude d'un angle extérieur d'un triangle est égale à	 <p>$\widehat{A_2} = \dots\dots\dots$</p>

Démonstration (p 129)

Données :

Dessin :



Thèse :

Démonstration :

1) $|\widehat{B}| + |\widehat{A2}| + |\widehat{C}| = \dots\dots\dots$ car $\dots\dots\dots$

2) $|\widehat{A1}| + |\widehat{A2}| = \dots\dots\dots$ car $\dots\dots\dots$

3) Sur base de 1) et 2)

$\dots\dots\dots$

donc $\dots\dots\dots$

