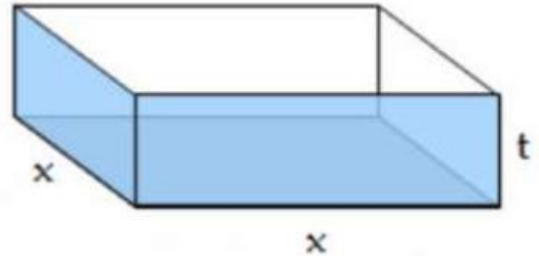


APLIKASI TURUNAN FUNGSI ALJABAR

MASALAH 1

Sebuah balok tanpa tutup tampak seperti gambar.
Jika kotak itu mempunyai volume 256 cm^3 , maka agar luas permukaan kotak minimum, nilai x adalah ... cm.



Informasi apa sajakah yang dapat kalian peroleh dari permasalahan dan gambar di atas?

Diketahui : $V = \dots \text{ cm}^3$

Rumus Volume = ...

Rumus Luas Permukaan = ...

Ditanya : Nilai x agar luas permukaan minimum ?

Jawab:

Misal V adalah volume balok

$$\begin{aligned} V &= x \cdot x \cdot t = 256 \\ x^2 \cdot t &= 256 \\ t &= \frac{256}{x^2} \end{aligned}$$

L_p adalah luas permukaan balok tanpa tutup

$$\begin{aligned} L_p &= x^2 + 2(x \cdot t) + 2(x \cdot t) \\ &= x^2 + 4(x \cdot t) \\ &= x^2 + 4\left(x \cdot \frac{256}{x^2}\right) \\ &= x^2 + \frac{1024}{x} \end{aligned}$$

Syarat L_p minimum = $L_p' = 0$

Sehingga,

$$\begin{aligned} 2x - \frac{1024}{x^2} &= 0 \\ 2x - \frac{1024}{x^2} &= 0 \\ \dots \times \left(\frac{1}{2}x^2\right) \\ x^3 - 512 &= 0 \\ x^3 &= 512 \\ x &= \sqrt[3]{512} = 8 \end{aligned}$$

Jadi nilai x agar luas permukaan minimum adalah 8 cm.

CATATAN: