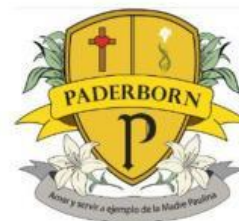




COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO

CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



GUÍA DE APRENDIZAJE DE PROBLEMAS DE SITUACIONES ECONÓMICAS Y FINANCIERAS
MATEMÁTICA

FECHA	NIVEL	PROFESOR	CORREO ELECTRÓNICO
03-10-2023	IV° MEDIO A-B	Ricardo Ruiz Lavín Jaritza Melillán Artigas	rruiz@inmacthno.cl jmelillan@inmacthno.cl

INDICADORES DE LOGRO
- Resolver problemas con enunciados referidos a porcentajes. - Completar tabla de función porcentual constante. - Resolver problemas con enunciados referidos a interés compuesto. - Comparar situaciones referidas a interés compuesto.

NOMBRE DEL ESTUDIANTE:	CURSO:

DEFINICIÓN

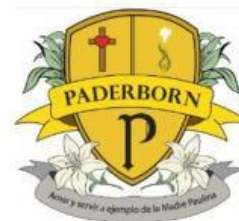
Porcentaje

Es una razón cuyo consecuente es constante e igual a cien (100)

$a\%$ se lee "***a por ciento***" y se escribe como $\frac{a}{100}$

Ejemplo:

20% se lee "**veinte por ciento**" y se escribe $\frac{20}{100} = 0,2$



Cálculo de porcentajes

Para simplificar el cálculo de porcentajes se sugiere utilizar la siguiente tabla a completar:

	PORCENTAJE (%)	CANTIDAD
PARTE	a	
TOTAL	100	

Ejemplo 1

- Calcula el 20% de 500

	PORCENTAJES (%)	CANTIDAD
PARTE	20	x
TOTAL	100	500

Procedimiento:

Para obtener el valor solicitado se multiplica el valor 20 con 500 y se divide por el valor 100

$$20\% \text{ de } 500 : x = \frac{20 \cdot 500}{100} = \frac{10.000}{100} = 100$$

Respuesta: El 20% de 500 es 100

Ejemplo 2

- ¿De qué número es 350 el 5%?

	PORCENTAJE (%)	CANTIDAD
PARTE	5	350
TOTAL	100	x

Procedimiento:

Para obtener el valor solicitado se multiplica el valor 100 con 350 y se divide por el valor 5

$$x = \frac{100 \cdot 350}{5} = \frac{35.000}{5} = 7.000$$

Respuesta: El 5% de 7.000 es 350

Ejemplo 3

- ¿Cuál es el porcentaje es 350 de 700?

	PORCENTAJE (%)	CANTIDAD
PARTE	x	350
TOTAL	100	700

Procedimiento:

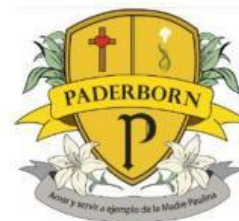
Para obtener el valor solicitado se multiplica el valor 100 con 350 y se divide por el valor 700

$$x = \frac{100 \cdot 350}{700} = \frac{35.000}{700} = 50$$

Respuesta: 350 es el 50% de 700



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO
CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



PARTE 1: Cálculo de porcentajes:

Leer detenidamente cada enunciado dado y seleccionar la alternativa correcta única, utilizando la estrategia sugerida.

PREGUNTA 1

¿Cuál de las siguientes cantidades corresponde al 5 % del precio de un artículo?

- A) Un quinto del precio del artículo.
- B) El precio del artículo multiplicado por cinco décimos.
- C) El precio del artículo dividido por 100, y luego multiplicado por 5.
- D) El precio del artículo dividido por 5, y luego multiplicado por 100.

PREGUNTA 2

¿Cuál es el 90% de 1.315?

- A) 1.288,5
- B) 1.183,5
- C) 1.188,5
- D) 1.083,5

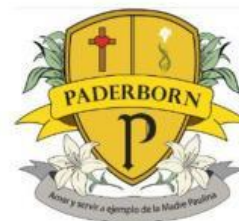
PREGUNTA 3

¿De qué número es 46 el 23%?

- A) 288,5
- B) 283,6
- C) 200
- D) 108



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO
CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



PREGUNTA 4

¿Qué porcentaje de 1250 es 75?

- A) 6%
- B) 1,6%
- C) 0,6%
- D) 0,06%

PREGUNTA 5

Un número aumentado en su 30 % es igual a 910. ¿Cuál es el número?

- A) 273
- B) 637
- C) 700
- D) 1.183

PREGUNTA 6

Isidora tenía \$80.000. Si gasto el 20% de esa cantidad y le dio a su hermano el 15% de lo que le quedaba.

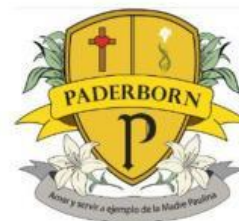
¿Cuánto le queda?

- A) \$54.400
- B) \$64.600
- C) \$74.400
- D) \$77.600



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO

CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



Definición:

Función de Cambio Porcentual Constante

En el cambio porcentual constante, una cantidad cambia en un **cierto porcentaje fijo** durante algún intervalo de tiempo. corresponde a un cierto porcentaje de la cantidad de elementos en el tiempo.

¿Qué es el índice de variación? Iv

Es el número (forma decimal derivada de un porcentaje) por el que hay que multiplicar la cantidad inicial para obtener la cantidad final.

- En aumentos porcentuales, el índice de variación es **1 más el aumento porcentual** expresado en forma decimal.
- En disminuciones porcentuales, el índice de variación es **1 menos el valor porcentual disminuido** expresado en forma decimal.

$$f(t + 1) = Iv \cdot f(t)$$

$f(t + 1)$ = valor futuro tras el cambio porcentual

$f(t)$ = valor presente que se aplica el cambio porcentual

Iv = Índice de variación, cantidad decimal constante.

Ejercicio propuesto 1

Comprobar que en la tabla siguiente se establece el cambio porcentual constante:

Índice de contaminación del aire en la comuna de Talcahuano					
año	1980	1981	1982	1983	1984
PPM	1.506	1.325,3	1.166,2	1.026,3	1.016,03

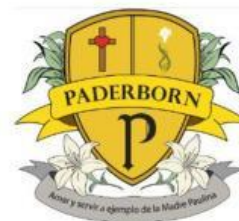
SI _____

NO _____



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO

CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



Ejercicio propuesto 2

La siguiente tabla presente la variación de los puntajes de ingreso a la enseñanza superior. Establecer si se presenta una variación porcentual constante y completar en los espacios en blanco:

Puntajes de ingreso enseñanza superior					
año	2018	2019	2020	2021	2022
Puntaje	606,75	618,89	631,26	643,88	656,77

$$\frac{f(2)}{f(1)} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{f(3)}{f(2)} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{f(4)}{f(3)} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{f(5)}{f(4)} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

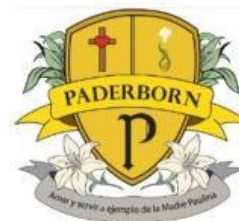
$$Iv = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$f(t + 1) = Iv \cdot f(t): \underline{\hspace{4cm}}$$

Ejercicio propuesto 3

El precio de las acciones de una empresa ha experimentado una disminución mensual constante de un 8% desde marzo. Complete la tabla respectiva.

Mes	Precio (\$)
Marzo	
Abril	
Mayo	839,808
Septiembre	
Diciembre	



DEFINICION

Interés compuesto

El interés compuesto en finanzas, es el interés de un capital al que se van acumulando sus intereses. El interés compuesto permite la capitalización de intereses en forma periódicamente -día a día, mes a mes, trimestre a trimestre, año a año-.

Su fórmula característica es:

$$M = C \cdot (1 + i)^t$$

Donde

M = *monto de dinero final*

C = *cantidad de dinero inicial, capital*

i = *tasa de interés compuesto (porcentaje en su forma decimal)*

t = *tiempo transcurrido*

Ejemplo 1

- Calcula el monto obtenido al cabo de tres años si se invierte \$400.000 con un 6% de interés compuesto anual.

Procedimiento:

$$M = x$$

$$C = \$ 400.0000$$

$$i = 6 \% = 0,06$$

$$t = 3 \text{ años}$$

Para obtener el valor solicitado se reemplaza cada valor identificado en la fórmula

$$M = C \cdot (1 + i)^t$$

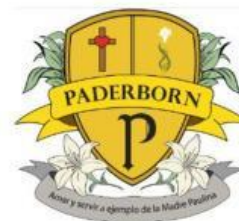
$$M = 400.000 \cdot (1 + 0,06)^3$$

$$M = 400.000 \cdot (1,06)^3$$

$$M = 400.000 \cdot 1,191016$$

$$M = 476.406,4$$

Respuesta: Al cabo de tres años se obtiene \$476.406,4.



Ejemplo 2

- Calcula el monto obtenido al cabo de dos años si se invierte \$120.000 con un 0,15% de interés compuesto mensual.

Procedimiento:

$$M = x$$

$$C = \$ 120.0000$$

$$i = 0,15 \% = 0,0015$$

$$t = 2 \text{ años} = 2 \cdot 12 = 24$$

Para obtener el valor solicitado se reemplaza cada valor identificado en la fórmula:

$$M = C \cdot (1 + i)^t$$

$$M = 120.000 \cdot (1 + 0,0015)^{24}$$

$$M = 120.000 \cdot (1,0015)^{24}$$

$$M = 120.000 \cdot 1,0366 \dots$$

$$M = 124.395$$

Respuesta: Al cabo de dos años se obtiene \$124.395

PARTE 2: Cálculo de interés compuesto

Leer detenidamente cada enunciado dado y seleccionar la alternativa correcta única, utilizando la estrategia indicada.

PREGUNTA 7

En cuánto dinero se convertirán \$500.000 en 5 años a una tasa de interés compuesto anual del 7%

A) \$601.276

B) \$701.276

C) \$711.277

D) \$705.276



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO
CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



PREGUNTA 8

En cuánto dinero se convertirán \$1.500.000 en 1 año a una tasa de interés compuesto cada 60 días del 2%

- A) \$2.592.000
- B) \$2.601.276
- C) \$3.611.277
- D) \$1.689.243

PREGUNTA 9

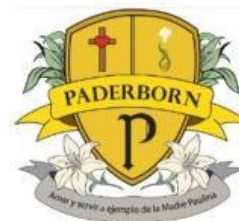
En cuanto dinero se convertirán \$10.000 en 20 años a una tasa de interés compuesto del 0,02% trimestral

- A) \$15.276
- B) \$12.190
- C) \$11.277
- D) \$10.161

PREGUNTA 10

En cuanto dinero se convertirán \$319.987 en 3 años a una tasa de interés compuesto semestral del 1,7%

- A) \$501.277
- B) \$354.045
- C) \$325.536
- D) \$319.987



Comparación de situaciones de interés compuesto con plazos distintos

Comparar montos con tasas de interés compuesto en diferentes plazos puede ser una tarea importante para tomar decisiones financieras acertadas. Aquí tienes **seis pasos** para llevar a cabo esta comparación:

1. Define los parámetros del préstamo o la inversión: Comienza por establecer claramente los detalles de los préstamos o las inversiones que deseas comparar.

Esto incluye la cantidad inicial invertido, la tasa de interés compuesto y los plazos dados.

2. Calcula el monto futuro para cada escenario: Utiliza la fórmula del monto futuro en interés compuesto para calcular cuánto tendrás al final de cada plazo:

$$M = C \cdot (1 + i)^t$$

Realiza este cálculo para cada uno de los plazos que estás evaluando.

3. Compara los montos obtenidos: Observa los montos calculados para cada plazo y **determina cuál es el más alto**. Esto te indicará cuál de las opciones te generará el mayor rendimiento.
4. Considera otros factores: Además de los montos futuros, ten en cuenta otros factores importantes, como las condiciones del préstamo o la inversión, comisiones, penalizaciones por retiros anticipados o restricciones que puedan aplicarse.
5. Toma una decisión informada: Utiliza la información obtenida en los pasos anteriores para tomar una decisión informada. Elige la opción que mejor se adapte a tus objetivos financieros y a tus necesidades a largo plazo.
6. Recuerda que la comparación de montos con **tasas de interés compuesto es más compleja que con tasas de interés simples** debido a la **naturaleza exponencial del interés compuesto**. Además, es importante tener en cuenta otros factores económicos, fiscales y personales al tomar una decisión financiera. En situaciones más complejas, puede ser útil buscar asesoramiento financiero profesional para obtener una evaluación completa de tus opciones.

Ejercicio propuesto 1

Javier desea invertir **\$4.005.000** por el plazo de un año, sin hacer retiro del dinero durante este periodo. **Establecer cuál de las tres ofertas financieras propuesta resulta la más conveniente:**



$M_1 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_1 =$ _____		
$M_1 =$ _____		
$M_1 =$ _____		
$M_2 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_2 =$ _____		
$M_2 =$ _____		
$M_2 =$ _____		
$M_3 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_3 =$ _____		
$M_3 =$ _____		
$M_3 =$ _____		
Respuesta:		

Ejercicio propuesto 2

Javier desea invertir **\$2.185.367** por el plazo de tres años, sin hacer retiro del dinero durante este periodo. **Establecer cuál de las tres ofertas financieras propuesta resulta la más conveniente:**



$M_1 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_1 =$ _____		
$M_1 =$ _____		
$M_1 =$ _____		
$M_2 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_2 =$ _____		
$M_2 =$ _____		
$M_2 =$ _____		
$M_3 = C \cdot (1 + i)^t$		
Datos: C : capital inicial = _____	i : tasa de interes compuesto = _____	t : plazo = _____
$M_3 =$ _____		
$M_3 =$ _____		
$M_3 =$ _____		
Respuesta:		



COLEGIO INMACULADA CONCEPCIÓN
TALCAHUANO
CICLO PADERBORN
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



SOLUCIONARIO SELECCIÓN MÚLTIPLE

1	2	3	4	5
C	B	C	A	C
6	7	8	9	10
A	B	D	D	B

“Adelante con valor y alegría”