

Trabajo integrador

Parte 1

Polinomios: Operaciones

1. Completa la tabla:

	Grado	Coefficiente principal	Ordenada al origen	Coefficiente lineal	Coefficiente cuadrático
$P(x) = -3 - 3x^4 + x$					
$Q(x) = 5x^2 + x^5 + 6$					
$R(x) = 2x - 8$					

Polinomios: Factorización

2. Dados los siguientes polinomios, selecciona aquel o aquellos valores que sean sus raíces.

a. $S(x) = x^2 - 7x + 6$

$x = 1$

$x = -6$

$x = 6$

b. $T(x) = 2x^2 - 32x + 110$

$x = 0$

$x = 3$

$x = 5$

c. $U(x) = x^5 - 243$

$x = -3$

$x = 0$

$x = 3$

3. Dados los siguientes polinomios une con su respectiva factorización

$P(x) = x^2 - 4x + 4$

$P(x) = (x - 2)(x + 2)$

$P(x) = x^2 + 4x + 4$

$P(x) = (x - 2)^2$

$P(x) = x^2 - 4$

$P(x) = (x + 2)^2$

Polinomios: Funciones

4. Indica las raíces de las siguientes funciones (escríbelas ordenadas de menor a mayor)

$P(x) = 2(x - 6)^2(x + 5)^2$

$x =$

$x =$

$$R(x) = -3x^3(x+3)^2(x-8)$$

$$x = \qquad \qquad \qquad x = \qquad \qquad \qquad x =$$

5. Dado los siguientes polinomios, evalúalos en el valor pedido:

$$P(x) = 2x^4 + 3x^2 - 1$$

$$P(-1) =$$

$$Q(x) = (x+1)(x-7)^2$$

$$Q(2) =$$

Logaritmos: Definición, operaciones y propiedades

6. Resuelve los siguientes cálculos combinados con logaritmos

$$a. \log_3 27 - 5 \log 10 + 6 \log_6(6 + 5.6) =$$

$$b. \left(8 \log \frac{1}{10} - 6 \log 10\right) \cdot \left(\log_3 \frac{1}{27} + \log_2 16\right) =$$

7. Une cada expresión con su equivalente

$$2 \log_a m + \log_a j - \frac{2}{3} \log_a k$$

$$\log_a \sqrt{m \cdot j}$$

$$\frac{1}{2} \log_a m + \frac{1}{2} \log_a j$$

$$\log_a (k^3 \cdot \sqrt{j} \cdot m^5)$$

$$5 \log_a m + 3 \log_a k + \frac{1}{2} \log_a j$$

$$\log_a \left(\frac{m^2 \cdot j}{\sqrt[3]{k^2}} \right)$$

Ecuaciones exponenciales y logarítmicas

8. Resuelve las ecuaciones dadas a continuación y escribe la solución en el recuadro

$$a. 86 = 12 \cdot \log_7 343 + 10 \cdot \log_2 x$$

$$b. 3 \log_2 4 = 2 \cdot 8^{x-2} - \sqrt{100}$$

$$c. 5 \cdot 9^{5m+10} = \log_2 32$$

$$e. -2 \cdot \log_h 8 + 1 = 5 \cdot \log_2 \frac{1}{2}$$

Función exponencial

9. Dada la función $f(x) = 2 \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^x - 4$, responde a partir del análisis de los parámetros.

- ¿La función es creciente o decreciente?
- ¿Cuál es el valor de la ordenada al origen?
- ¿Cuál es la ecuación de la asíntota horizontal? $Y=$
- ¿Tiene raíz?

10. Dada la función $f(x) = -2 \left(\frac{1}{2}\right)^x$, responde a partir del análisis de los parámetros.

- ¿La función es creciente o decreciente?
- ¿Cuál es el valor de la ordenada al origen?
- ¿Cuál es la ecuación de la asíntota horizontal? $Y=$
- ¿Tiene raíz?

11. Selecciona la o las funciones que sean crecientes

$$f(x) = -2 \cdot \left(\frac{10}{3}\right)^x \qquad g(x) = 5 \cdot e^x - 2 \qquad h(x) = -2 \cdot \left(\frac{1}{9}\right)^x - 1$$

12. Selecciona la o las funciones que tengan la misma ordenada al origen que la función $f(x) = 3 \cdot 2^x - 2$

$$g(x) = 5 \cdot 2^x - 4 \qquad h(x) = 4 \cdot 4^x - 3 \qquad i(x) = 2 \cdot 6^x - 1 \qquad j(x) = -1 \left(\frac{1}{5}\right)^x + 3$$

Función logarítmica

13. Dada la función $f(x) = -2 \log_{0,3}(x - 4)$, responde a partir del análisis de los parámetros.

- ¿La función es creciente o decreciente?
- ¿Tiene ordenada al origen?
- ¿Cuál es la ecuación de la asíntota vertical? $X=$
- ¿Cuál es el valor de la raíz?

14. Selecciona el dominio de la función $f(x) = \log_{\frac{1}{2}}(x - 7)$

$$(-7, +\infty) \qquad \left(\frac{1}{2}, +\infty\right) \qquad \left(-\frac{1}{2}, +\infty\right) \qquad (7, +\infty)$$