

Demonstre que $\sqrt{2}$ não é racional

como $2.n$
onde $n \in \mathbb{Z}$

onde p e $q \in \mathbb{Z}$, $q \neq 0$ e
 $\text{mdc}(p, q) = 1$

assim, $(2.n)^2$
 $= 4.n^2 = 2.q^2$,
logo $2.n^2 = q^2$

Absurdo!
logo, $\sqrt{2}$ não
é racional.

como $2.m$
onde $m \in \mathbb{Z}$,
temos

$\sqrt{2}$ pode ser
escrito como
 p/q

então
podemos
escrever p

suponha que
 $\sqrt{2}$ é racional
então

$\text{mdc}(p, q) =$
 $\text{mdc}(2n, 2m) = 2$

ser par, então
podemos
escrever q

então p^2 é
par, logo p
deve ser par

isso implica
que q^2 é par,
logo q deve

mas $(p/q)^2 =$
 $p^2/q^2 = 2$, logo
 $p^2 = 2.q^2$

