



ECUACIONES CON VARIAS VARIABLES. SISTEMAS DE ECUACIONES. MÉTODO DE SUSTITUCIÓN.

Método de sustitución de resolución de sistemas:

-Válido para SL siempre; para S NO L suele ser el método más adecuado casi siempre.

1) Se despeja una incógnita en una de las ecuaciones (preferentemente la que tenga coeficiente 1 o -1 por ser más fácil).

2) Se sustituye en la otra ecuación la expresión obtenida.

3) Se resuelve la ecuación resultante del paso anterior y se obtiene el valor de una incógnita.

4) El valor de la incógnita obtenida se sustituye en la que despejamos en el primer paso y obtenemos el valor de la otra.

$$\begin{aligned} -2x + 3(2 - y) &= -6 + x \quad \text{simplificamos} \\ x - 7 &= -(-y + 4x) - 5 \quad \Rightarrow \\ \Rightarrow -3x - 3y &= -12 \quad \Rightarrow \\ 5x - y &= 2 \quad \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} x + y = 4 \\ 5x - y = 2 \end{cases} & \text{SL} \end{aligned}$$

Despejamos x en la primera ecuación:

$$x = 4 - y$$

Sustituimos (en la 2ª ecuación, donde ponga x ponemos su valor):

$$\begin{aligned} 5(4 - y) - y &= 2 \\ \Rightarrow 20 - 5y - y &= 2 \\ \Rightarrow 18 &= 6y \Rightarrow y = \frac{18}{6} = 3 \\ \Rightarrow x &= 4 - 3 = 1 \end{aligned}$$

$$Sol = \{(1, 3)\} \text{ SCD}$$

Presentación	
Unidades	
Open	
Open	
Orientación	
Estructura	
Expresión	
Vocabulario	

2.4.1. Formula algebraicamente una situación de la vida cotidiana mediante ecuaciones y sistemas de ecuaciones, las resuelve e interpreta críticamente el resultado obtenido.

NOTA
GLOBAL



José Gallegos Fernández



Vamos a resolver los siguientes sistemas por el método de sustitución paso a paso (I):

SISTEMA	SISTEMA SIMPLIFICADO (marca la opción que corresponde a cada sistema en su fila)					
$\begin{cases} x + 2y = -3x + 28 \\ x + 2(y + 2) = 11 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	
$\begin{cases} 2x - 3y - 4 = 0 \\ -4x + 6y = -8 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	
$\begin{cases} -(x - y) + 5 = 2(x + 6) - 1 \\ 2(x - 1) - 3(y + 2) = -[x + 2(y + 2)] \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	
$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 0 \\ \frac{x+3}{6} + \frac{y+2}{2} = -1 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	
$\begin{cases} y - \frac{2x+3}{3} = -1 \\ \frac{x}{3} + \frac{y+2}{2} = 3 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	

Presentación	
Unidades	
Open	
Open	
Orientación	
Estructura	
Expresión	
Vocabulario	

2.4.1. Formula algebraicamente una situación de la vida cotidiana mediante ecuaciones y sistemas de ecuaciones, las resuelve e interpreta críticamente el resultado obtenido.

NOTA
GLOBAL



José Gallegos Fernández



Vamos a resolver los siguientes sistemas por el método de sustitución paso a paso (II):

SISTEMA	DESPEJAMOS UNA VARIABLE EN UNA ECUACIÓN (marca la opción que corresponde a cada sistema en su fila)				
$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ 2x + 3y = 12 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$
$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x + 3y = -15 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$
$\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$
$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$
$\begin{cases} 2x - 3y = 4 \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$

Presentación	Unidad	Open	Orientación	Estructura	Vocabulario

2.4.1. Formula algebraicamente una situación de la vida cotidiana mediante ecuaciones y sistemas de ecuaciones, las resuelve e interpreta críticamente el resultado obtenido.

NOTA GLOBAL



José Gallegos Fernández



Vamos a resolver los siguientes sistemas por el método de sustitución paso a paso (III):

SISTEMA	SUSTITUIMOS EN LA OTRA ECUACIÓN Y RESOLVEMOS (marca la opción que corresponde a cada sistema en su fila)				
$\begin{cases} 4x - 3y = 0 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$x + 2(-2x + 14) = 7$ $x - 4x + 28 = 7$ $2I = 3x$ $x = 7$	$\cancel{x}\left(\frac{3y+4}{2}\right) - 3y = 4$ $\cancel{x}y + \cancel{4} - 3y = 4$ $0 = 0$ Identidad Hay infinitos valores para y	$-\cancel{x}\left(\frac{12-3y}{2}\right) + 3y = 0$ $-12 + 3y + 3y = 0$ $6y = 12$ $y = 2$	$4(-3y - 15) - 3y = 0$ $-12y - 60 - 3y = 0$ $-60 = 15y$ $y = -4$	$3x - (3x - 4) = -6$ $\cancel{3x} - \cancel{3x} + 4 = -6$ $10 = 0$ Falsedad No se puede calcular y
$\begin{cases} -2x + 3y = 0 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$x + 2(-2x + 14) = 7$ $x - 4x + 28 = 7$ $2I = 3x$ $x = 7$	$\cancel{x}\left(\frac{3y+4}{2}\right) - 3y = 4$ $\cancel{x}y + \cancel{4} - 3y = 4$ $0 = 0$ Identidad Hay infinitos valores para y	$-\cancel{x}\left(\frac{12-3y}{2}\right) + 3y = 0$ $-12 + 3y + 3y = 0$ $6y = 12$ $y = 2$	$4(-3y - 15) - 3y = 0$ $-12y - 60 - 3y = 0$ $-60 = 15y$ $y = -4$	$3x - (3x - 4) = -6$ $\cancel{3x} - \cancel{3x} + 4 = -6$ $10 = 0$ Falsedad No se puede calcular y
$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ 2x - 3y = 4 \end{cases}$	$x + 2(-2x + 14) = 7$ $x - 4x + 28 = 7$ $2I = 3x$ $x = 7$	$\cancel{x}\left(\frac{3y+4}{2}\right) - 3y = 4$ $\cancel{x}y + \cancel{4} - 3y = 4$ $0 = 0$ Identidad Hay infinitos valores para y	$-\cancel{x}\left(\frac{12-3y}{2}\right) + 3y = 0$ $-12 + 3y + 3y = 0$ $6y = 12$ $y = 2$	$4(-3y - 15) - 3y = 0$ $-12y - 60 - 3y = 0$ $-60 = 15y$ $y = -4$	$3x - (3x - 4) = -6$ $\cancel{3x} - \cancel{3x} + 4 = -6$ $10 = 0$ Falsedad No se puede calcular y
$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x + 2y = 7 \end{cases}$	$x + 2(-2x + 14) = 7$ $x - 4x + 28 = 7$ $2I = 3x$ $x = 7$	$\cancel{x}\left(\frac{3y+4}{2}\right) - 3y = 4$ $\cancel{x}y + \cancel{4} - 3y = 4$ $0 = 0$ Identidad Hay infinitos valores para y	$-\cancel{x}\left(\frac{12-3y}{2}\right) + 3y = 0$ $-12 + 3y + 3y = 0$ $6y = 12$ $y = 2$	$4(-3y - 15) - 3y = 0$ $-12y - 60 - 3y = 0$ $-60 = 15y$ $y = -4$	$3x - (3x - 4) = -6$ $\cancel{3x} - \cancel{3x} + 4 = -6$ $10 = 0$ Falsedad No se puede calcular y
$\begin{cases} 3x - y = -6 \\ 3x - 4 = y \end{cases}$	$x + 2(-2x + 14) = 7$ $x - 4x + 28 = 7$ $2I = 3x$ $x = 7$	$\cancel{x}\left(\frac{3y+4}{2}\right) - 3y = 4$ $\cancel{x}y + \cancel{4} - 3y = 4$ $0 = 0$ Identidad Hay infinitos valores para y	$-\cancel{x}\left(\frac{12-3y}{2}\right) + 3y = 0$ $-12 + 3y + 3y = 0$ $6y = 12$ $y = 2$	$4(-3y - 15) - 3y = 0$ $-12y - 60 - 3y = 0$ $-60 = 15y$ $y = -4$	$3x - (3x - 4) = -6$ $\cancel{3x} - \cancel{3x} + 4 = -6$ $10 = 0$ Falsedad No se puede calcular y

Presentación	Unidad	Open	Orientación	Estructura	Vocabulario

2.4.1. Formula algebraicamente una situación de la vida cotidiana mediante ecuaciones y sistemas de ecuaciones, las resuelve e interpreta críticamente el resultado obtenido.

NOTA GLOBAL



José Gallegos Fernández



Vamos a resolver los siguientes sistemas por el método de sustitución paso a paso (IV):

SISTEMA	CALCULAMOS LA OTRA VARIABLE Y RESOLVEMOS (marca la opción que corresponde a cada sistema en su fila)			
$\begin{cases} y = -2x + 14 \\ x = 7 \end{cases}$	$x = -3 \cdot (-4) - 15 = 12 - 15 = -3$ $Sol = \emptyset$ S.I. $Sol = \{(-3, -4)\}$ S.C.D.	$x = \frac{12 - 3 \cdot (2)}{2} = \frac{12 - 6}{2} = \frac{6}{2} = 3$ $Sol = \{(3, 2)\}$ S.C.D.	$Sol = \left\{ \left(\frac{3 \cdot \alpha + 4}{2}, \alpha \right) \middle \alpha \in \mathbb{R} \right\}$ S.C.I. (infinitas soluciones)	$y = -2 \cdot (7) + 14 = -14 + 14 = 0$ $Sol = \{(7, 0)\}$ S.C.D.
$\begin{cases} x = \frac{3y + 4}{2} \\ \text{Infinitos valores para } y \end{cases}$	$x = -3 \cdot (-4) - 15 = 12 - 15 = -3$ $Sol = \emptyset$ S.I. $Sol = \{(-3, -4)\}$ S.C.D.	$x = \frac{12 - 3 \cdot (2)}{2} = \frac{12 - 6}{2} = \frac{6}{2} = 3$ $Sol = \{(3, 2)\}$ S.C.D.	$Sol = \left\{ \left(\frac{3 \cdot \alpha + 4}{2}, \alpha \right) \middle \alpha \in \mathbb{R} \right\}$ S.C.I. (infinitas soluciones)	$y = -2 \cdot (7) + 14 = -14 + 14 = 0$ $Sol = \{(7, 0)\}$ S.C.D.
$\begin{cases} y = 2 \\ x = \frac{12 - 3y}{2} \end{cases}$	$x = -3 \cdot (-4) - 15 = 12 - 15 = -3$ $Sol = \emptyset$ S.I. $Sol = \{(-3, -4)\}$ S.C.D.	$x = \frac{12 - 3 \cdot (2)}{2} = \frac{12 - 6}{2} = \frac{6}{2} = 3$ $Sol = \{(3, 2)\}$ S.C.D.	$Sol = \left\{ \left(\frac{3 \cdot \alpha + 4}{2}, \alpha \right) \middle \alpha \in \mathbb{R} \right\}$ S.C.I. (infinitas soluciones)	$y = -2 \cdot (7) + 14 = -14 + 14 = 0$ $Sol = \{(7, 0)\}$ S.C.D.
$\begin{cases} y = -4 \\ x = -3y - 15 \end{cases}$	$x = -3 \cdot (-4) - 15 = 12 - 15 = -3$ $Sol = \emptyset$ S.I. $Sol = \{(-3, -4)\}$ S.C.D.	$x = \frac{12 - 3 \cdot (2)}{2} = \frac{12 - 6}{2} = \frac{6}{2} = 3$ $Sol = \{(3, 2)\}$ S.C.D.	$Sol = \left\{ \left(\frac{3 \cdot \alpha + 4}{2}, \alpha \right) \middle \alpha \in \mathbb{R} \right\}$ S.C.I. (infinitas soluciones)	$y = -2 \cdot (7) + 14 = -14 + 14 = 0$ $Sol = \{(7, 0)\}$ S.C.D.
$\begin{cases} \text{No se puede calcular } y \\ 3x - 4 = y \end{cases}$	$x = -3 \cdot (-4) - 15 = 12 - 15 = -3$ $Sol = \emptyset$ S.I. $Sol = \{(-3, -4)\}$ S.C.D.	$x = \frac{12 - 3 \cdot (2)}{2} = \frac{12 - 6}{2} = \frac{6}{2} = 3$ $Sol = \{(3, 2)\}$ S.C.D.	$Sol = \left\{ \left(\frac{3 \cdot \alpha + 4}{2}, \alpha \right) \middle \alpha \in \mathbb{R} \right\}$ S.C.I. (infinitas soluciones)	$y = -2 \cdot (7) + 14 = -14 + 14 = 0$ $Sol = \{(7, 0)\}$ S.C.D.

Presentación	Presentación
Unidad	Unidad
Open	Open
Open	Open
Orientativa	Orientativa
Estructura	Estructura
Contenidos	Contenidos
Actividades	Actividades

2.4.1. Formula algebraicamente una situación de la vida cotidiana mediante ecuaciones y sistemas de ecuaciones, las resuelve e interpreta críticamente el resultado obtenido.

NOTA GLOBAL



José Gallegos Fernández