

I. TRẮC NGHIỆM

Câu 1: Tập xác định của hàm số $f(x) = \tan x$ là:

A. $\mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$.

B. $\mathbb{R} \setminus \{k2\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$.

C. $\mathbb{R} \setminus \{(2k+1)\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$.

D. $\mathbb{R} \setminus \left\{(2k+1)\frac{\pi}{2} \mid k \in \mathbb{Z}\right\}$.

Câu 2: Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $y = \tan x$ nghịch biến trong $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$.

B. $y = \cos x$ đồng biến trong $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$.

C. $y = \sin x$ đồng biến trong $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$.

D. $y = \cot x$ đồng biến trong $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$.

Câu 3: Cho các hàm số $y = \cos x$, $y = \sin x$, $y = \tan x$, $y = \cot x$. Trong các hàm số trên, có bao nhiêu hàm số lẻ?

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 4.

Câu 4: Chu kỳ của hàm số $y = 3 \sin 2x$ là số nào sau đây?

A. 0.

B. 2π .

C. 4π .

D. π .

Câu 5: Hàm số $y = 2 \cos 3x + 3 \sin 3x - 2$ có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương?

A. 7.

B. 3.

C. 5.

D. 6.

Câu 6: Phương án nào sau đây là **sai** với mọi $k \in \mathbb{Z}$?

A. $\sin x = -1 \Leftrightarrow x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$.

B. $\sin x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi$.

C. $\sin x = 0 \Leftrightarrow x = k\pi$.

D. $\sin x = 1 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} - k2\pi$.

Câu 7: Phương trình nào sau đây luôn vô nghiệm?

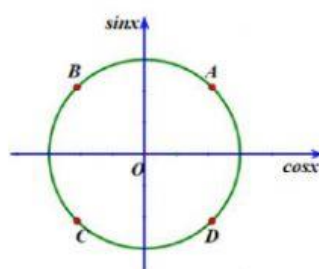
A. $2020 \cos x = 2019$.

B. $2019 \sin x = 2020$.

C. $\tan^2 x - 3 = 0$.

D. $2019 \cot x = 2020$.

Câu 8: Nghiệm của phương trình $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ được biểu diễn trên đường tròn lượng giác ở hình bên là những điểm nào?



A. Điểm A, điểm D.

B. Điểm C, điểm B.

C. Điểm D , điểm C .D. Điểm A , điểm B .**Câu 9:** Phương trình $\sin 2x + 3\cos x = 0$ có bao nhiêu nghiệm trong khoảng $(0; 2018)$?

A. 642.

B. 643.

C. 641.

D. 1.

Câu 10: Trên đoạn $\left[-2\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$, đồ thị hai hàm số $y = \tan x$ và $y = 1$ cắt nhau tại bao nhiêu điểm?

A. 2.

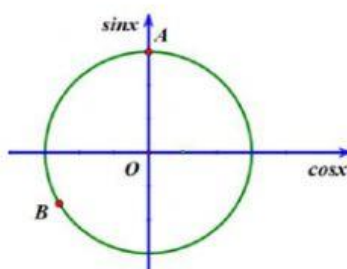
B. 5.

C. 4.

D. 3.

Câu 11: Tổng tất cả các nghiệm của phương trình $\cos(\sin x) = 1$ trên đoạn $(0; 2\pi]$ bằng:

A. 0.

B. π .C. 2π .D. 3π .**Câu 12:** Phương trình $(\sqrt{3}\tan x - 1)(\sin^2 x + 1) = 0$ có tổng các nghiệm trên $(0; \pi)$ bằng:A. $-\frac{2\pi}{3}$ B. $-\frac{\pi}{6}$.C. $\frac{\pi}{6}$.D. $\frac{5\pi}{6}$.**Câu 13:** Tập nghiệm của phương trình $\tan^2 x + 3 = 0$ là:A. $S = \emptyset$.B. $S = \left\{\pm \frac{\pi}{3}\right\}$.C. $S = \left\{\frac{\pi}{3}\right\}$.D. $S = \left\{-\frac{\pi}{3}\right\}$.**Câu 14:** Biết hai nghiệm của phương trình $\sqrt{3}\cos x - \sin x = -1$ được biểu diễn trên đường tròn lượng giác là:Tính $AB - OI$ với I là hình chiếu vuông góc của B trên OA bằng:A. $\frac{3}{2}$

B. 3

C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{5}{2}$ **Câu 15:** Phương trình $2\sin^2 x - 4\sin x \cos x + 4\cos^2 x = 1$ tương đương với phương trình nào trong các phương trình sau?A. $\cos 2x - 2\sin 2x = 2$.B. $\sin 2x - 2\cos 2x = 2$.C. $\cos 2x - 2\sin 2x = -2$.D. $\sin 2x - 2\cos 2x = -2$.**Câu 16:** Cho phương trình: $3\cos x + \cos 2x - \cos 3x + 1 = 2\sin x \cdot \sin 2x$. Gọi α là nghiệm nhỏ nhất thuộc khoảng $(0; 2\pi)$ của phương trình. Tính $\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right)$.A. $-\frac{\sqrt{2}}{2}$.B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

C. 0.

D. 1.

Câu 17: Cho phương trình: $3\cos 4x - \sin^2 2x + \cos 2x - 2 = 0$. Nếu đặt $u = \cos 2x$ thì phương trình đã cho trở thành phương trình có dạng $au^2 + bu + c = 0$, $a, b, c \in \mathbb{R}$ và $a > 0$. Tính $P = a + b + c$.A. $P = 1$.B. $P = 2$.C. $P = 0$.D. $P = 3$.

Câu 18: Hàm số $y = \frac{\sin x + 2\cos x + 1}{\sin x + \cos x + 2}$ đạt giá trị lớn nhất của tại điểm $x = x_0$. Khi đó $x = x_0$ là nghiệm của phương trình

A. $3\sin x + 4\cos x = 5$.

B. $3\sin x + 4\cos x = -5$.

C. $\cos x - 1 = 0$.

D. $\cos x + 1 = 0$.

Câu 19: Tính diện tích của đa giác tạo bởi các điểm trên đường tròn lượng giác biểu diễn các nghiệm của phương trình $\tan x + \tan\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = 1$.

A. $\frac{3\sqrt{10}}{10}$.

B. $\frac{3\sqrt{10}}{5}$.

C. $\sqrt{2}$.

D. $\sqrt{3}$.

Câu 20: Biết rằng phương trình $\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin 2x} + \frac{1}{\sin 4x} + \dots + \frac{1}{\sin 2^{2018}x} = 0$ có nghiệm dạng $x = \frac{k2\pi}{2^a - b}$ với $k \in \mathbb{Z}$ và $a, b \in \mathbb{Z}^+$, $b < 2018$. Tính $S = a - b$.

A. $S = 2017$.

B. $S = 2018$.

C. $S = 2019$.

D. $S = 2020$.

II. TỰ LUẬN

Câu 21. Giải phương trình: $1 - 2\sin x = 0$.

Câu 22. Giải phương trình: $\sqrt{3}\cos 2019x + \sin 2019x = 2\cos 2020x$.

Câu 23. Giải phương trình: $2\sqrt{3}\sin x + 3\sqrt{3}\tan x = 2\cos x + 3$.