



Semejanza y Congruencia

HERNANDEZMATEMATICA



2.A.1 Triángulos

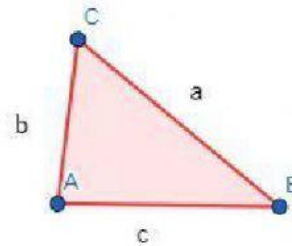
El triángulo es el primer _____ que se forma de una línea quebrada o poligonal. Las figuras geométricas poligonales se clasifican por su _____ de lados. Un triángulo es definido como la _____ de un plano limitada por la línea cerrada quebrada o la unión de tres segmentos.

Partes del Triángulo

Un triángulo tiene tres (3) elementos principales:

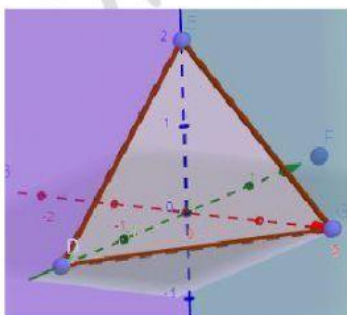
- 1) lados (3)
- 2) vértice (3)
- 3) ángulos (3)

Los triángulos se nombran en cualquier orden y por las letras ubicadas en sus _____. Por ejemplo: $\triangle ABC$, $\triangle BCA$, $\triangle CAB$



El **lado opuesto a un vértice** es el lado que no contiene ese vértice. Los **ángulos interiores** son los ángulos que quedan encerrados en el triángulo y se nombran por la letra de sus vértices. Los lados se nombran de dos maneras: (a) dos puntos del segmento que une los vértices de los ángulos _____ en letra mayúscula ó (2) letra minúscula del ángulo opuesto al segmento. Por ejemplo: $AB=c$, $BC=a$, $CA=b$

Triángulo en el espacio



Un triángulo también se puede formar a partir de tres puntos en tres _____ en tres (3) rectas no paralelas u oblicuas. Cada color en la figura representa un _____.

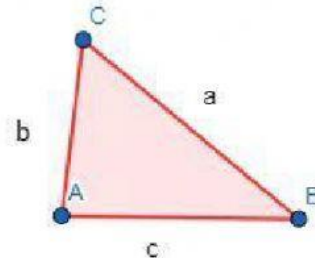
En la próxima parte podrás simular sus movimientos en el espacio

<https://www.geogebra.org/classic/cpt2qham>

Relaciones entre lados y ángulos

Los ángulos de un triángulo y los lados de un triángulo se rotulan asignándole letras iguales para establecer la _____ entre lado y ángulo. Por lo tanto, cada ángulo y su lado opuesto se le asignará la misma letra o símbolo. En el caso del ángulo (o vértice) se utiliza la letra _____ y en caso del lado (segmento) se utiliza la letra _____. En la figura a la derecha, se puede apreciar la manera correcta de asignar ángulo con lado, de la siguiente manera:

$\angle A$ y $\bar{a}$, $\angle B$ y $\bar{b}$, $\angle C$ y $\bar{c}$



Tipos de triángulos

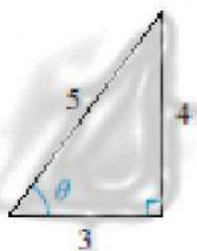
Los triángulos están _____ por sus lados y por sus ángulos.

Ejemplo 1-Clasificación de triángulos por sus lados

Equilátero	Isósceles	Escaleno
Tres lados miden iguales	Dos lados miden iguales	Ningún lado mide igual
$\overline{AB} \cong \overline{BC} \cong \overline{CA}$	$\overline{DE} \cong \overline{FD}$	$\overline{GH} \not\cong \overline{HI} \not\cong \overline{IG}$

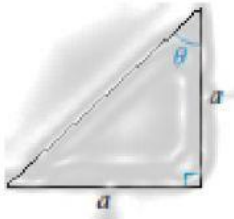
EJEMPLO 1A

Clasifique el triángulo por sus lados como isósceles, equilátero y escaleno.



PRACTICA 1A

Clasifique el triángulo por sus lados como isósceles, equilátero y escaleno

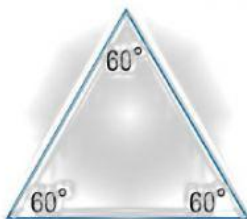


Ejemplo 2-Clasificación de triángulos por sus ángulos

Acutángulo	Rectángulo	Obtusángulo
Tres ángulos agudos	Un ángulo recto	Un ángulo obtuso
$m\angle J, m\angle K, m\angle L < 90^\circ$	$m\angle N = 90^\circ$	$m\angle Q > 90^\circ$

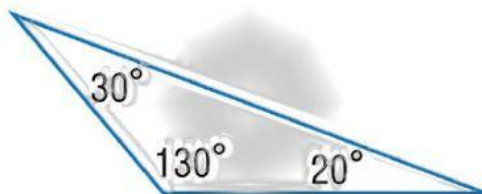
EJEMPLO 2A

Clasifique el triángulo como acutángulo, equiángulo, obtusángulo o rectángulo.



PRACTICA 2A

Clasifique el triángulo como acutángulo, equiángulo, obtusángulo o rectángulo.



Ejemplo 3-Encontrar la medida de los lados del triángulo

EJEMPLO 3A

Encuentre la medida de cada lado del equilátero RST con $RS=2x+2$, $ST=3x$, y $TR=5x-4$.

Paso 1-Identifique el triángulo

Paso 2-Establezca la ecuación

Paso 3-Encuentre el valor de x

Paso 4-Encuentre el valor de cada lado

$$\overline{RS}=$$

$$\overline{ST}=$$

$$\overline{TR}=$$

PRACTICA 3A

Encuentre la medida de cada lado de ABC isósceles con $AB=BC$ si $AB=4y$, $BC=3y+2$ y $AC=3y$

Paso 1-Identifique el triángulo

Paso 2-Establezca la ecuación

Paso 3-Encuentre el valor de x

Paso 4-Encuentre el valor de cada lado

$$\overline{AB}=$$

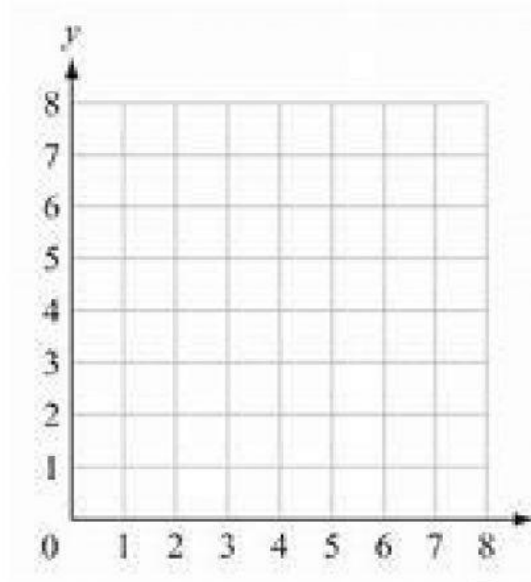
$$\overline{BC}=$$

$$\overline{AC}=$$

Ejemplo 4- Construir y clasificar triángulos

EJEMPLO 4A

Encuentre las medidas de los lados de RST y clasifique cada triángulo por sus lados.
 $A(0, 2)$, $B(3, 5)$, $C(6, 2)$



PRACTICA 4A

Encuentre las medidas de los lados de RST y clasifique cada triángulo por sus lados.
 $R(1, 3)$, $S(4, 7)$, $T(5, 4)$

